Kristallstrukturen und Ionenleitfähigkeiten

von Trifluoromethylsulfonaten

Von der Fakultät Chemie der Universität Stuttgart zur Erlangung der Würde eines Doktors der Naturwissenschaften (Dr. rer. nat.) genehmigte Abhandlung

Vorgelegt von

Natalia Sofina

aus Frjazino, Russland

Hauptberichter: Mitberichter: Prof. Dr. Dr. h. c. M. Jansen Prof. Dr. Th. Schleid

Tag der mündlichen Prüfung:

15.05.2006

Max-Planck-Institut für Festkörperforschung, Stuttgart 2006

Die experimentellen Untersuchungen im Rahmen dieser Arbeit wurden in der Zeit von April 2001 bis September 2005 am Max-Planck-Institut für Festkörperforschung, Stuttgart, unter der Leitung von Herrn Prof. Dr. Dr. h.c. Martin Jansen durchgeführt.

Angefertigt mit Genehmigung der Fakultät Chemie der Universität Stuttgart

Danksagung

Herrn Prof. Dr. Dr. h.c. M. Jansen danke ich für die gegebene Möglichkeit, in Deutschland zu promovieren, die interessante Themenstellung und die Unterstützung bei der Durchführung dieser Arbeit.

Herrn Prof. Dr. Th. Schleid für die Anfertigung des Mitberichtes.

Weiterhin danke ich:

Frau E.-M. Peters und Herrn Dr. J. Nuss, für die Durchführung

Einkristallstrukturanalysen,

Herrn Priv.-Doz. Dr. R. Dinnebier für die zahlreichen Synchrotronmessungen und Strukturlösungen aus Pulverdaten,

den Herren Priv.-Doz. Dr. L. van Wüllen und Dr. A. Verhoeven für die NMR-Messungen,

den Herren K. Hertel und Dr. C. Oberndorfer für die DTA-Messungen,

den Herren K. Hertel und D. Orosel für die Heiz-Guinier-Messungen,

Herrn W. König und Frau M.-L. Schreiber für die Aufnahme der IR-Spektren,

Herrn M. Fischer für die Vorbereitung der Proben für die NMR-Messungen,

den Herren Dr. M. Panthöfer, Dr. W. Klein, Priv.-Doz. Dr. C. Schön und Dr. D. Fischer für die lehrreichen Diskussionen,

den Herren Dr. M. Pompetzki, L. Hildebrandt und insbesondere Dr. C. Oberndorfer für hilfreiche und anregende Diskussionen, sowie für die Durchsicht dieser Arbeit,

den Kollegen L. Hildebrandt, M. Fischer, G. Cakmak, Dr. C. Oberndorfer, Dr. W. Klein, L. Epple, A. Roth, C. Schmidt, T. Sörgel, H. Nuss, A. Karpov, A. Kovalevsky für die ständige Unterstützung und ausgezeichnete Arbeitsatmosphäre und allen Mitarbeitern des Arbeitskreises für die freundliche Arbeitsklima.

Für Mikhail und Ekaterina, und die Kollegen, die immer für mich da waren

Inhaltsverzeichnis

I. EINLEITUNG	4
II. ALLGEMEINER TEIL	7
1 Apparaturen und Arbeitstechniken	7
1.1 Arbeiten unter Inertbedingungen	7
1.1.1 Vakuum- und Schutzgasanlage	7
1.1.2 Handschuhkasten	9
1.2 Kristallzucht	9
1.3 Hochtemperatureinrichtungen	10
2 Analysenmethoden	10
2.1 Röntgenbeugung an Pulvern	10
2.1.1 Laborpulverdiffraktometer	10
2.1.2 Synchrotronmessungen	11
2.1.3 Heiz-Guinier-Verfahren	12
2.1.4 Strukturlösung und -verfeinerung aus Pulverdaten	12
2.2 Röntgenbeugung an Einkristallen	13
2.2.1 Präzessions-Verfahren	13
2.2.2 Vier- und Dreikreisdiffraktometer	13
2.3 Thermische Analyse	14
2.4 IR-Spektroskopie	14
2.5 Festkörper-NMR-Spektroskopie	15
3 Elektrische Eigenschaften von Festkörpern	15
3.1 Klassifizierung elektrisch leitender Festkörper	15
3.2 Mechanismen der Ionenbewegung	16
3.3 "Random walk"-Modell und Optimierung der kristallinen Ionenleiter	17
3.4 Drehtürmechanismus	20
3.5 Natrium- und Lithiumionenleiter in der Literatur	21
3.6 Messung elektrischer Eigenschaften von Ionenleitern. Impedanzspektroskopie	22
3.6.1 Impedanzspektroskopie	22
3.6.2 Ersatzschaltbild-Methode	24
3.6.2.1 Elektronische Bauelemente	24
3.6.2.2 Ersatzschaltbilder für feste Elektrolyte	27
3.6.3 Aufbau der Leitfähigkeitsmessanlage	32
3.6.4 Durchführung und Auswertung der Messungen	33
3.6.5 Gleichstromexperimente	34

III. SPEZIELLER TEIL

1 Natriumtrifluoromethylsulfonat	36
1.1 Darstellung und thermisches Verhalten	38
1.2 Röntgenographische und schwingungsspektroskopische Untersuchungen	38
1.3 Einkristallstrukturanalyse und Strukturbeschreibung	40
1.4 Festkörper-NMR-spektroskopische Untersuchungen	48
1.5 Untersuchungen der elektrischen Leitfähigkeit	57
2 Lithiumtrifluoromethylsulfonat	60
2.1 Darstellung und thermisches Verhalten	61
2.2 Die Modifikationen von Lithiumtrifluoromethylsulfonat	61
2.3 Strukturlösung und -verfeinerung aus Röntgenpulverdaten von γ-LiSO ₃ CF ₃	62
2.4 Strukturbeschreibung	68
3 Zweiwertige Metalltrifluoromethylsulfonate, M(SO ₃ CF ₃) ₂ , mit M = Ca, Zn, Cu	70
3.1 Darstellung	71
3.2 Strukturlösung und -verfeinerung von $M(SO_3CF_3)_2$ (M = Ca, Zn und Cu) aus Röntgenpulverdaten	71
3.3 Strukturbeschreibung	77
4 Das System LiSO ₃ CF ₃ /NaSO ₃ CF ₃	82
4.1 Bemerkungen zur Probenpräparation der quasi-binären Verbindungen	82
4.2 Die feste Lösung auf Basis von γ-LiSO ₃ CF ₃	83
4.3 $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$	88
4.3.1 Darstellung, thermisches Verhalten und röntgenographische Untersuchungen	
an Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	88
4.3.2 Festkörper-NMR-spektroskopische Untersuchungen	94
4.3.3 Untersuchung der elektrochemischen Eigenschaften	99
4.3.3.1 Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit	99
4.3.3.2 Gleichstromexperimente an Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	102
$4.4 \text{ Li}_{0,16} \text{Na}_{0,84} \text{SO}_3 \text{CF}_3$	107
4.4.1 Darstellung, thermisches Verhalten und röntgenographische Untersuchungen	
an Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃	107
4.4.2 Einkristallstrukturanalyse von Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃	112
4.4.3 Strukturbeschreibung von Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃	118
4.4.4 Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit	122
4.5 Phasendiagramm des quasi-binären Systems LiSO ₃ CF ₃ /NaSO ₃ CF ₃	123
4.5.1 Pulverdiffraktometrische Untersuchungen	123
4.5.2 Zusammenfassung der DSC-Untersuchungen	135
4.5.3 Phasendiagramm	138
4.6 Diskussion der Ergebnisse	140

5 Na ₂ HPO ₃ · x H ₂ O	144
5.1 Na ₂ HPO ₃	145
5.1.1 Darstellung und infrarotspektroskopische Untersuchung	145
5.1.2 Strukturlösung und -verfeinerung von Na2HPO3 aus Röntgenpulverdaten	146
5.1.3 Strukturbeschreibung von Na ₂ HPO ₃	148
$5.2 \operatorname{Na_2HPO_3} \cdot x \operatorname{H_2O}$	151
5.2.1 Darstellung, infrarotspektroskopische Untersuchung und thermisches Verhalten	151
5.2.2 Einkristallstrukturanalyse von $Na_2HPO_3 \cdot 0,28 H_2O$	155
5.2.3 Strukturbeschreibung von Na ₂ HPO ₃ \cdot 0,28 H ₂ O	160
IV. ZUSAMMENFASSUNG	167
V. ABSTRACT	174
VI. LITERATURVERZEICHNIS	181

I. Einleitung

Der elektrische Strom kann im Festkörper auf verschiedene Weise transportiert werden. Je nach Art der Ladungsträger können elektronische, ionische oder gemischte Leiter unterschieden werden. Aufgrund des hohen Anwendungspotentials sind Stoffe, die "schnellen" Transport von Ionen in festen Elektrolyten aufweisen, von besonderem Interesse. In der Industrie fanden schon lange Stoffe wie NAFION (protonenleitende Membran für PEM-Brennstoffzellen), LiC₆ und LiCoO₂ (Elektrodenmaterialien für Lithiumionenbatterien), Na_{1+x}Al₁₁O_{17+x/2} (x = 0,15 – 0,30) (Natriumionenleiter in der Natrium-Schwefel-Batterie [1]) oder Y₂O₃ dotiertes ZrO₂ (oxidionenleitendes Material in Lambdasonden und in SOFC) ihre Anwendung.

Die Geschichte der Ionenleitung beginnt mit einem Bericht von Faraday (1839), in dem er einen Ladungstransport in PbF₂ und Ag₂S bei höheren Temperaturen beschrieb [2]. Zu den Pionieren der Ionenleitung kann auch Nernst gezählt werden, der die Leitfähigkeit in Zirkondioxid auf die Wanderung von Sauerstoffionen zurückführte (1899) [3]. 1904 wurde von Haber und Tolloczko die erste galvanische Zelle auf der Basis von festen Elektrolyte aufgebaut [4]. Tubandt und Lorenz beobachteten 1914 einen starken Anstieg der Leitfähigkeit bei der Phasenumwandlung von β -AgI zu α -AgI bei 149 °C [5]. In den zwanziger Jahren erfolgte durch Frenkel, Schottky und Wagner die Entwicklung der noch heute gültigen Modelle für den Ionentransport über Punktfehlstellen [6, 7].

Seit den fünfziger Jahren wurde die Entwicklung neuer ionenleitender Materialien gezielter auf Grundlage des verbesserten theoretischen Verständnisses durchgeführt. So konnte durch die Synthese von RbAg₄I₅ die hohe Leitfähigkeit der Hochtemperaturphase des α -AgI bei Raumtemperatur stabilisiert werden [8]. Ein weiteres Beispiel einer gezielten Materialentwicklung ist NASICON (<u>Na</u>trium Super Ionic Conductor Na_{1+x}Zr₂P_{3-x}Si_xO₁₂).

Ein Stoff wird als "schneller Ionenleiter" [9] bezeichnet, wenn er eine mit gut leitenden flüssigen Elektrolyten vergleichbare ionische Leitfähigkeit aufweist. Zu den bekanntesten Ionenleitern können H₃[PMo₁₂O₄₀] · 29 H₂O (Protonenleiter [10, 11]), wasserstoffdotiertes Li₃N (Lithiumionenleiter [12]), Na- β "-Alumina Na_{1+x}Mg_xAl_{11-x}O₁₇ (x = 0,67 Natriumionenleiter, [13]), α -RbAg₄I₅ (Silberionenleiter, [8]) und Rb₄Cu₁₆I₇Cl₁₃ (Kupferionenleiter, [14]) gezählt werden. Anionenleiter, wie Bi₂O₃ und PbF₂ sowie Kationenleiter, wie AgI oder Na- β "-Ga₂O₃ [11] weisen bei Erwärmung eine sehr hohe ionische Leitfähigkeit auf, die sogar die flüssiger Elektrolyte (z. B. 30 %-ige H₂SO₄) übersteigt.

Dabei darf nicht vergessen werden, dass eine hohe Leitfähigkeit zwar ein wichtiges, aber nicht das einzige Kriterium für die Verwendung eines Materials ist. Druck-, Temperatur- und Umgebungbeständigkeit sowie mechanische Stabilität sind die weiteren Anforderungen, die erfüllt sein müssen. Auch Preis, Ausdehnungskoeffizient und Umweltverträglichkeit spielen eine große Rolle.

Die Aufgabe der Grundlagenforschung an festen Elektrolyten besteht daher in der Synthese neuer Stoffe, die hohe Leitfähigkeit aufweisen, und in der Entwicklung neuer Konzepte, die eine gezielte Suche nach guten Ionenleitern erleichtern.

Eines dieser Konzepte ist der "Drehtürmechanismus" [15], der erstmals für Natriumphosphat [16] beobachtet wurde. Salze, die aus einwertigen Kationen und komplexen Anionen zusammengesetzt sind, zeigen häufig Phasenübergänge zu rotationsfehlgeordneten Modifikationen, die von einem starken Anstieg der Kationenleitfähigkeit begleitet sind (z. B. Na₃PO₄). Mögliche Ursache dafür können die Begünstigung der Kationenbeweglichkeit durch die Rotation des Anions (Drehtüreffekt [15]) und eine sprunghafte Zunahme des Molvolumens bei der Phasenumwandlung (Volumeneffekt [17]) sein.

Im Hinblick auf das Phänomen der Rotationsdiffusion stellen die Trifluoromethylsulfonate (Triflate, MSO₃CF₃) eine interessante Stoffklasse dar. Das Triflation besitzt gegenüber den Salzen mit tetraedrisch aufgebauten Anionen (z.B. Phosphate und Sulfate) einen weiteren inneren Freiheitsgrad der Rotation. Insbesondere für eine Verwendung in Batterien sind die Triflate der einwertigen Kationen interessant.

Das Kernanliegen dieser Arbeit ist die Untersuchung der Kationen- und Anionendynamik in Lithium- und Natriumtriflat sowie der Kristallstrukturen der Raum- und Hochtemperaturphasen, die bei der Interpretation ihrer Festkörper-NMR-Spektren notwendig sind.

Über die Charakterisierung von Natrium- und Lithiumtriflat hinaus bietet sich das quasibinäre System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ für eine eingehender Untersuchung an. Dabei ist u.a. interessant, ob bei den Mischphasen ein "mixed-cation-Effekt" beobachtet wird. Auf der Grundlage des in dieser Arbeit erstellten Phasendiagramms des Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ werden die darin auftretenden Verbindungen mittels temperaturabhängiger Festkörper-NMR-Experimente und elektrischer Leitfähigkeitsmessung untersucht. Die früheren Erkenntnisse zu den Kristallstrukturen der Mischphasen (LiRb₂(SO₃CF₃)₃ im System LiSO₃CF₃/RbSO₃CF₃ [18]) werden durch die Kristallstruktur eines neuen gemischten ("quasi-binären") Triflats (Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃) erweitert.

Eine Steigerung der Leitfähigkeit kann auch durch die Erzeugung zusätzlicher Fehlstellen (aliovalente Dotierung) erreicht werden. Ein weiteres Ziel dieser Arbeit ist daher die Untersuchung zweiwertiger Triflate, die für Dotierung von Alkalitriflaten verwendet werden können. Auf der Suche nach neuen Anionen mit zusätzlichen inneren Freiheitsgraden stellen die Phosphonate eine weitere interessante Stoffklasse dar. Das Wasserstoffatom kann durch eine weitere Gruppe (z.B. CF₃) ersetzt werden. Für die Modellierung der neuen Verbindungen sind aber Kenntnisse über die Ausgangssubstanzen notwendig. Diese Arbeit beschäftigte sich unter anderem mit der Kristallstruktur, Stabilität und dem thermischen Verhalten des wasserfreien Phosphonats sowie seines Hydrats.

II. Allgemeiner Teil

1 Apparaturen und Arbeitstechniken

1.1 Arbeiten unter Inertbedingungen

Fast alle im Rahmen dieser Arbeit behandelten Ausgangsverbindungen oder deren Gemenge sowie alle Alkali- und Erdalkalitriflate sind extrem empfindlich gegenüber Feuchtigkeit. Deswegen wurden solche Substanzen an einer Schutzgasanlage (Schlenk-Technik) oder in einem Handschuhkasten gehandhabt.

1.1.1 Vakuum- und Schutzgasanlage

Die Schutzgasanlage besteht aus der Gasreinigungsanlage für Argon, einer Vakuumstrecke, einer Gasstrecke, die mit Argon geflutet wird, und aus einem Verteiler, an den die jeweiligen Arbeitsapparaturen angeschlossen werden.

Vor dem Gebrauch wird Argon 5.0 (Tieftemperaturservice, Max-Planck-Institute Stuttgart) über eine Kupferleitung in einen mit Paraffinöl gefüllten Blasenzähler zwecks Durchflusskontrolle geleitet. Von dort aus wird es über ein Metallüberdruckventil durch vier Trockentürme geführt, die nacheinander Blaugel, Kaliumhydroxid, Molekularsieb (Porenweite: 3 Å) und Phosphorpentoxid auf einem inerten Trägermaterial (Sicapent, Fa. Merck) enthalten. Diese Anordnung entfernt Feuchtigkeitsspuren aus dem Schutzgas Argon.

Die in Abb. 1 dargestellte Apparatur aus Duranglas ist an eine Drehschieberölpumpe (Typ RD 4, Fa. Vacuubrand) angeschlossen. Die Güte des Vakuums wird durch ein Pirani-Manometer (Thermovac TM 20, Fa. Leybold) mit dem Messbereich 10⁻³-10³ mbar kontrolliert. Zur Suche von Undichtigkeiten in Glasgeräten wird ein Hochfrequenzvakuumprüfer (VP 201, Fa. G. Lauer) eingesetzt. Apparaturen, die mit einem der Abgriffe über Glasspiralen und Glaswinkel verbunden sind, können evakuiert werden und mit Schutzgas, das die Gasreinigungsanlage passiert hat, wieder geflutet werden. Die Schliffverbindungen werden mit Siliconfett (Fa. Wacker) abgedichtet. Vor Gebrauch werden die benötigten Geräte durch Ausheizen mit der Flamme eines Erdgasbrenners im Vakuum und zwischenzeitliches Spülen mit Argon gründlich gereinigt.



Abb. 1 Vakuum-Schutzgasanlage.

Die wichtigsten Arbeiten unter Inertbedingungen werden in Standardumfüllapparaturen (Abb. 2) oder Oxidationsrohren (Abb. 3) durchgeführt, die auf der von Schlenk [19] entwickelten Technik zur Handhabung empfindlicher Substanzen basieren. Die Apparaturen ermöglichen die Homogenisierung von Substanzen unter Zuhilfenahme aufgeheizter Glasstäbe, Portionierung durch Einschmelzen in Glasampullen (5–10 mm Durchmesser) (s. a in Abb. 2). Daneben besteht die Möglichkeit, Glaskapillaren für Röntgenaufnahmen zu füllen (s. b in Abb. 2).



Abb. 2 Umfüllapparatur (obere Schliffe: NS 29, übrige Schliffe NS 14,5).

Sollen Edukte getrocknet werden oder Reaktionsmischungen in Öfen vorreagieren, verwendet man das in Abb. 3 skizzierte Oxidationsrohr.

Generell werden alle Arbeiten an geöffneten Apparaturen unter strömendem Argon durchgeführt.



Abb. 3 Oxidationsrohr (Länge ca. 40 cm, Durchmesser ca. 3-4 cm).

1.1.2 Handschuhkasten

Arbeitsgänge, die nicht an der Schutzgasanlage durchführbar sind, wie zum Beispiel das Anfertigen von Reaktionspresslingen, das Präparieren von KBr- oder CsI-Tabletten für die Infrarotspektroskopie oder die Vorbereitung einer Probe und ihre Übertragung in die Impedanzzelle, lassen sich meist in einem Handschuhkasten bewältigen. Zur Verfügung stand der Handschuhkasten MB 200 (Fa. M. Braun). Die Reinigung des Schutzgases erfolgt durch Umwälzen über Molekularsieb und einen Kupferkontakt. Die Güte des Schutzgases lässt sich über Gasanalysatoren beurteilen. Der Wassergehalt sollte unter 0,2 ppm und der Sauerstoffgehalt unter 0,5 ppm liegen. Das Ein- und Ausbringen der Geräte und Substanzen erfolgt über eine evakuierbare Schleuse.

1.2 Kristallzucht

Zur Kristallzucht wurden die Reaktionsprodukte zu Pillen (\emptyset 6–13 mm) gepresst, in geschlossenen Silbertiegeln, ihrerseits in Glasampullen eingeschmolzen, und bei ausgewählten Temperaturen getempert. Geeignete Kristalle wurden im Handschuhkasten unter dem Mikroskop aussortiert, mit ausgezogenen Glasfäden (\emptyset 0,1 mm) in Glaskapillaren (\emptyset 0,3 mm) überführt und abgeschmolzen.

1.3 Hochtemperatureinrichtungen

Das Erreichen von Temperaturen bis 1000 °C gestatten Widerstands-Röhrenöfen mit Kanthal-Drahtwicklung (Fa. Reetz). Sie werden von Steuereinheiten (Fa. Eurotherm) geregelt, wobei die Temperaturüberwachung mit Ni-CrNi-Thermoelementen erfolgt.

2 Analysenmethoden

2.1 Röntgenbeugung an Pulvern

2.1.1 Laborpulverdiffraktometer

Für die röntgenographischen Untersuchungen an Pulvern wurden zwei automatische Pulverdiffraktometer (STADI-P, Fa. Stoe) mit fokussierendem Germaniumeinkristallmonochromator und Debye-Scherrer- (für luftempfindliche Substanzen) oder Transmissions-Geometrie (für luftunempfindliche Substanzen) verwendet.

Ein Gerät ist mit einer Kupferanode ($\lambda = 1,540598$ Å) ausgerüstet und besitzt zwei Detektoren mit verschiedener Auflösung und unterschiedlichen Winkelbereichen: linearer PSD2 (Winkelbereich 6°, Auflösung $\Delta 2\theta = 0,08°$) und IP-PSD (Image Plate Position Sensitive Detector, Winkelbereich 140°, Auflösung $\Delta 2\theta = 0,10°$).

Das zweite Gerät ist mit einer Molybdänanode ($\lambda = 0,709300$ Å) ausgerüstet und trägt einen linearen Detektor. Dieses Gerät wurde für temperaturabhängige Röntgenbeugung an Pulvern verwendet.

Wegen der höheren Intensitäten bei gleicher Messzeit eignet sich das IP-PSD besonders für schnelle Routinemessungen, d.h. für die Phasenanalyse der Proben. Der PSD2 wird für Präzisionsmessungen eingesetzt. Hierbei dient elementares Silicium als externer Standard für die Korrektur der Messwerte bezüglich des 20-Nullpunktes. Die Aufnahme und Auswertung der Pulverdiffraktogramme erfolgt rechnergestützt durch die Stoe-STADI-P-Software [20]. Die Identifizierung von Produkten erfolgt durch Vergleich mit bekannten Substanzen, deren kristallographische Daten in Datenbanken (z.B. PCPDFWIN [21]) niedergelegt sind.

Luftempfindliche Proben wurden unter Argon in Markröhrchen (Außendurchmesser 0,1 bis 0,7 mm, Glas Nr. 14, Fa. Hilgenberg) gefüllt, die durch Verschmelzen versiegelt wurden. Luftunempfindliche Proben wurden mittels Siliconfett auf Kunststofffolien geklebt.

2.1.2 Synchrotronmessungen

Im Gegensatz zu Laborgeräten weisen Synchrotronquellen eine hohe Intensität, hohe Kohärenz, geringe Divergenz und einen durchstimmbaren Wellenlängenbereich auf. Die damit verbundene höhere Auflösung erlaubt eine deutlich bessere Trennung benachbarter Reflexe auch bei hohen Streuwinkeln. Gleichzeitig ist das Signal-zu-Rausch-Verhältnis um etwa eine Größenordnung besser als bei einem Laborgerät, wodurch auch Reflexe mit geringer Intensität detektiert werden können [22,23]. Im Rahmen dieser Arbeit wurden Untersuchungen an zwei Beamlines verschiedener Synchrotronquellen (Tabelle 1) durchgeführt.

	NSLS	ESRF
Energie (in GeV)	2,80	6,03
Max. Strom (in mA)	280	200

Tabelle 1 Vergleich der Leistungsdaten der verwendeten Synchrotronquellen.

Einige Experimente wurden an der Beamline X3B1 [24,25] der NSLS (National Synchrotron Light Source), BNL (Brookhaven National Laboratory) in Upton, USA durchgeführt. Die Wellenlänge der Strahlung wird hier durch einen Doppel-Si(111)-Monochromator voreingestellt und durch Aufnahme von acht, sehr genau vermessenen Reflexen eines Aluminiumoxidstandards (NBS1976) bestimmt. Der Intensitätsabfall des Primärstrahls wird durch Normierung ausgeglichen. Der gebeugte Strahl wird mit Hilfe eines Ge(111)-Analysatorkristalls und eines Na(Tl)I-Szintillationszähler analysiert. Die Probe kann im Laufe einer Messung sowohl gekühlt als auch geheizt werden.

Temperaturaufgelöste in-situ-Röntgenbeugungexperimente wurden an der Beamline X7B [24,26] der NSLS, BNL, USA durchgeführt. Die Fokussierung und Monochromatisierung der Strahlung wird durch ein System aus zwei Spiegeln (sphärischer, rhodiumbeschichteter SiC Spiegel sowie ein zylindrischer, rhodiumbeschichteter Aluminiumspiegel) und einem Doppelmonochromator (Si(111)- und Si(311)-Kristalle) erreicht. Der gebeugte Strahl wird mit Hilfe eines Mar345-Image-Plate-System analysiert. Die Wellenlänge der verwendeten Strahlung, der Proben-Detektor-Abstand, Ausrichtung des Image-Plate-Systems und Nullpunktsverschiebung werden durch Messung des Al₂O₃-Standards (NBS1976) kalibriert. Die Proben werden in verschlossenen Glas-Kapillaren auf das Diffraktometer gebracht. Die Verarbeitung der Daten erfolgte unter Verwendung des Fit2d-Software-Pakets [27,28].

Hochaufgelöste Röntgenbeugungsexperimente wurden an der Beamline BM16/ID31 der ESRF (European Synchrotron Radiation Facility), Grenoble, Frankreich [29,30] durchgeführt. Die Fokussierung des Strahls erfolgt mittels eines rhodiumbeschichteten Siliciumspiegels, die anschließende Monochromatisierung mit Hilfe eines Si(111)-Doppelmonochromators [31]. Die Größe des einfallenden Strahls wird durch einen Spalt [32] auf 2.0,6 mm² begrenzt. Die Wellenlänge wird durch die Messung von Silicium als externen Standard bestimmt. Der gebeugte Strahl wird durch neun Ge(111)-Analysatorkristalle (Abstand von 2°) und neun Szintillationszähler gleichzeitig detektiert. Ein Intensitätsabfall des Primärstrahls wird durch Normierung ausgeglichen.

2.1.3 Heiz-Guinier-Verfahren

Temperaturabhängige Röntgenbeugungsmessungen zur Untersuchung von Phasenumwandlungen, Schmelz- und Zersetzungstemperaturen werden mit einer Guinier-Kammer (FR 553, Fa. Enraf-Nonius) durchgeführt. Die verwendete Cu-K_{α 1}-Strahlung (λ = 1,540598 Å) wird mit einer Feinfokusröntgenröhre an einer Kupferanode erzeugt und durch einen zylindrisch geschliffenen, auf einen spezifischen Krümmungsradius gebogenen Quarzeinkristall (Johansson-Monochromator) monochromatisiert. Temperaturen zwischen Raumtemperatur und 1100 °C werden durch einen geheizten Luftstrom erreicht. Die Proben werden in Kapillaren (Außendurchmesser 0,1-0,5 mm, aus Glas für Messungen bis 300 °C und aus Quarzglas für Messungen über 300 °C) unter Argon eingeschmolzen. Die Aufnahmen können kontinuierlich als Fahrspur oder auch in festgelegten Temperaturschritten als Standspuren angefertigt werden. Die Korrektur der Filmlänge erfolgt mit Silicium als externem Standard. Die Datensammlung erfolgte auf Imageplatten, die rechnergestützt ausgelesen und mit Hilfe des AIDA-Image-Analyser-Programms (Version 4.06) verarbeitet werden.

2.1.4 Strukturlösung und -verfeinerung aus Pulverdaten

Beugungsuntersuchungen an Pulver liefern eine eindimensionale Abbildung des reziproken Gitters. Aufgrund der begrenzten Auflösung der Detektoren geht bei der Aufnahme von Pulverdiffraktogrammen häufig die Information über die Intensität der einzelnen Reflexe durch Überlagerung nahe beieinander liegender Reflexe verloren. Insbesondere bei niedersymmetrischen Strukturen oder solchen mit großen Gitterkonstanten kommt es gehäuft zu Überlagerungen nicht symmetrieäquivalenter Reflexe. Daher können Strukturverfeinerungsmethoden, die auf der Berechnung der Strukturfaktoren auf Grundlage gemessener, integrierter Intensitäten beruhen, im allgemeinen nicht zur Lösung komplexer Strukturen verwendet werden. Liegt jedoch ein Strukturmodell vor, so kann das Problem der Überlagerung von Reflexen durch eine von Rietveld entwickelte Methode [33,34] umgangen werden. Dieses Verfahren eignet sich für Neutronen-, Synchrotron- und Röntgenpulverdaten. Hierbei gehen nicht die integrierten Intensitäten, sondern die einzelnen Datenpunkte der Messung in die Berechnung ein. Die Verfeinerung beruht darauf, dass eine Reihe von Profilparametern, Untergrundkoeffizienten und Strukturparametern durch die Methode der kleinsten Quadrate so lange variiert werden, bis das berechnete Profil mit dem beobachteten Pulverdiffraktogramm möglichst genau übereinstimmt. In dieser Arbeit wurden für die LeBail- [35] und Rietveld-Verfeinerung von Röntgendaten die Programme FullProf [36,37] und GSAS [38] eingesetzt.

Die Strukturlösung der Kristallstrukturen im Rahmen dieser Arbeit erfolgte unter Verwendung des Programmpaketes DASH [39]. Die gemessenen Pulverdiffraktogramme wurden einer Pawley-Verfeinerung [40] unterworfen, um korrelierte integrierte Intensitäten aus den Diffraktogrammen zu erhalten.

Zur graphischen Darstellung der erhaltenen Strukturinformationen wurde das Programm Diamond [41] eingesetzt.

2.2 Röntgenbeugung an Einkristallen

2.2.1 Präzessions-Verfahren

Bei dieser Methode wird ein auf einem Goniometerkopf befestigter Kristall auf der Präzessionskamera so einjustiert, dass eine reziproke Achse parallel zur Drehachse der Kamera liegt. Durch eine mechanische Kopplung wird eine konstante Stellung des Kristalls bezüglich der Detektionsebene während der Präzession um den Röntgenstrahl erreicht. Auf diese Weise erhält man eine unverzerrte Abbildung einer Schicht des reziproken Gitters. Durch die Aufnahme mehrerer Schichten ist es möglich, aus Filmaufnahmen Metrik, Bravais-Typ (integrale Auslöschungen) und Beugungssymbol (seriale und zonale Auslöschungen) des Kristalls eindeutig zu bestimmen. Für die Messungen wurde Mo-K_{α}-Strahlung ($\lambda = 0,7107$ Å, Zirkonfilter) verwendet, die gebeugte Röntgenstrahlung wurde mit einem Imageplate-System erfasst.

2.2.2 Vier- und Dreikreisdiffraktometer

Für die Sammlung von Einkristallintensitäten stand ein automatisches Vierkreisdiffraktometer mit Euler-Geometrie (STADI4, Stoe), ein Dreikreisdiffraktometer mit CCD-Detektor (AXS, Bruker) sowie ein Stoe Imaging Plate (IPDSII) zur Verfügung. Eine Feinfokusröhre mit Molybdänanode ($\lambda = 0,71073$ Å) diente als Röntgenstrahlquelle. Die

Monochromatisierung der Strahlung erfolgte mittels eines Graphitmonochromators. Die Diffraktometersteuerung sowie die Speicherung und Verarbeitung der Messdaten erfolgte computergestützt [42].

Zur Strukturlösung wurden direkte Methoden angewandt (SHELXS-97 [43]). Mit dem Programm SHELXL-97 [44] erfolgte die Verfeinerung der ermittelten Strukturmodelle über das Kleinste-Fehlerquadrate-Verfahren.

2.3 Thermische Analyse

Die thermische Analyse umfasst die Methoden, bei denen physikalische und/oder chemische Eigenschaften einer Substanz als Funktion der Temperatur gemessen werden. Im Rahmen dieser Arbeit kamen Thermogravimetrie (TG), Differenzthermoanalyse (DTA) und Wärmestromkalorimetrie (DSC, Differential Scannig Calorimetrie) zur Anwendung. Die gleichzeitigen Aufnahmen von Thermogravimetrie- und Differenzthermoanalysekurven wurden auf einem STA 429 Thermoanalysegerät (Fa. Netzsch) durchgeführt. Über eine Skimmerkopplung (Fa. Netzsch) können die flüchtigen Zersetzungskomponenten in ein Quadrupolmassenspektrometer (QMS 421, Balzers) geleitet und Massen bis zu 1024 m/e gemessen werden.

Als Wärmestromkalorimeter wurde das DSC 404, Fa. Netzsch mit NiCr/NiCu-Thermoelement (Typ E, Trägergas Argon) verwendet. Als Probenbehälter kamen zylindrische Platin/Rhodium-Tiegel (Außendurchmesser 7 mm, Höhe 2,5 mm) mit Deckel zum Einsatz.

2.4 IR-Spektroskopie

IR-Spektren wurden mit einem Fouriertransformspektrometer IFS 113v (Fa. Bruker) mit Vakuumoptik und Genzel-Interferometer angefertigt. Als Strahlenquelle diente ein Siliciumcarbidglobar und zur Detektion ein DTGS-Detektor (deuterated glycerol sulphate). Die Auflösung der Spektren entspricht bei dieser Messanordnung 2 cm⁻¹. Die Proben wurden als Presslinge (ca. 1 mg Substanz auf 300 mg CsI oder 500 mg KBr) präpariert.

2.5 Festkörper-NMR-Spektroskopie

Die MAS-NMR-Experimente (<u>magic angle spinning - n</u>uclear <u>magnetic r</u>esonance) wurden auf einem 400-MHz-Spektrometer (DSX-400WB, Fa. Bruker, Feldstärke: 9,4 Tesla) vorgenommen. Als Probenbehälter dienten je nach Rotationsfrequenz Zirconiumdioxidrotoren mit 2,5, 4,0 oder 7,0 mm Durchmesser. Luftempfindliche Proben wurden für temperaturabhängige Messungen in Glasampullen gefüllt, diese mit einem Erdgas-Sauerstoff-Handbrenner abgeschmolzen und dann in die Zirconiumdioxidrotoren (7,0 mm) eingesetzt wurden. Die Messfrequenzen und Standardsubstanzen zur Festlegung der jeweiligen Bezugspunkte für die in dieser Arbeit angegebenen chemischen Verschiebungen sind in Tabelle 2 wiedergegeben.

Kern	Messfrequenz [MHz]	Standardsubstanz
$^{1}\mathrm{H}$	400,00	Tetramethylsilan, Si(CH ₃) ₄
⁷ Li	155,4	1 M wss. LiCl-Lösung
¹³ C	100,57	Tetramethylsilan, Si(CH ₃) ₄
¹⁷ O	54,2	H ₂ O
¹⁹ F	376,5	Hexafluorobenzen, C_6F_6 (-164,9 ppm gegen CFCl ₃)
²³ Na	105,8	1 M wss. NaCl-Lösung

Tabelle 2 NMR-aktive Kerne mit dazugehörenden Messfrequenzen und Standardlösungen.

Für die ²³Na-MQMAS-Experimente wurde die 2,5 mm Bruker MAS System (MAS Frequenz 30 kHz) verwendet, wobei die drei Puls MQMAS Sequenz mit z-Filter zum Einsatz kam. Die Analyse der Halbwertsbreiten von ¹⁷O-Spektren (mehr als 30 kHz) wurde mit Hilfe der Hahn-Echo Sequenz (Echo Verzögerung: $20 - 40 \mu$ s) durchgeführt.

3 Elektrische Eigenschaften von Festkörpern

3.1 Klassifizierung elektrisch leitender Festkörper

Elektrische Leitfähigkeit wird durch den Transport von Elektronen oder Ionen hervorgerufen. Meistens überwiegt eine Art des Ladungstransportes, es können aber auch beide Arten in der gleichen Substanz vorliegen. Anhand der Art und der Größe der elektrischen Leitfähigkeit σ [Ω^{-1} cm⁻¹ bzw. Scm⁻¹] können verschiedene Stoffe klassifiziert werden (Abb. 4) [9].



<u>Ionenleiter</u> lg σ <u>Elektronenleiter</u>

Abb. 4 Klassifizierung elektrisch leitender Festkörper.

Ein weiteres eindeutiges Kriterium zur Einordnung ist das Vorzeichen der Steigung der Leitfähigkeits-Temperatur-Charakteristik: Bei Metallen nimmt die elektrische Leitfähigkeit bei Temperaturerhöhung ab (negatives Vorzeichen), bei Halb- und Ionenleitern dagegen nimmt sie mit der Temperatur zu (positives Vorzeichen). Ein Stoff wird als schneller Ionenleiter bezeichnet [9], wenn er eine mit gut leitenden flüssigen Elektrolyten vergleichbare ionische Leitfähigkeit aufweist.

3.2 Mechanismen der Ionenbewegung

Punktfehlstellen (Defekte)

Die Beweglichkeit der Anionen oder Kationen, z.B. H⁺, Li⁺, Na⁺, Cu⁺, Ag⁺, O^{2–} und F⁻, in einem Festkörper ist abhängig u.a. von der Anzahl der Punktfehlstellen (Defekte).

Es lassen sich zwei Typen von Defekten (Frenkel-Defekte und Schottky-Defekte) unterscheiden. Im Fall eines Schottky-Defektes [7, 45, 46] erfolgt ein Platzwechsel des Ions

zwischen regulären Gitterplätzen, wobei bei Frenkel-Defekten [6] ein Wechsel innerhalb der Plätze des regulären Gitters und des Zwischengitters möglich ist. Durch Erhöhung der Temperatur lässt sich die Anzahl der Defekte und somit die Bewegungsmöglichkeit der Ionen steigern (intrinsische Fehlstellen).

Eine andere Möglichkeit zur Steigerung der Anzahl der Fehlstellen im Kristall ist der aliovalente (anderswertige) Austausch zur Erzeugung extrinsischer Fehlstellen. Durch den Ersatz eines Teils der Kationen durch höher geladene (z. B. Dotierung von NaCl mit Mn^{2+}) Ionen wird ein Teil der ursprünglichen Kationenpositionen frei bleiben, damit die Elektroneutralität gewährleistet wird. Ebenso kann ein Teil der Anionen durch Anionen einer niedrigeren Wertigkeit ersetzt werden (Einbau von SO₄²⁻ in Na₃PO₄ [47,48] oder von CO₃²⁻ in Na₃PO₄ [49]).

Für die Ionenleitung wurden verschiedene Mechanismen vorgeschlagen [50]:

1. konventioneller Transport durch unkorrelierte Sprungprozesse von Punktfehlstellen: die meisten Ionenleiter (auch Natrium-β-Aluminiumoxid, dotiertes CeO₂).

2. hochkorrelierter Sprungprozess: z.B. Li₃N und RbBiF₄.

3. flüssigkeitsähnlicher Diffusionsmechanismus: z.B. Ag₂S.

 Mechanismus zwischen Sprungprozess und flüssigkeitsähnlichem Diffusionsmechanismus: z.B. α-AgI, Li₂MgCl₄.

3.3 "Random walk"-Modell und Optimierung der kristallinen Ionenleiter

Die "Random walk"-Theorie [51] kann zur Beschreibung von Diffusionssprüngen einer Ionensorte zwischen energetisch äquivalenten Gitterplätzen verwenden werden. Die elektrische Leitfähigkeit σ ist wie folgt definiert:

Gl. 1
$$\sigma = \mathbf{n} \cdot \mathbf{q} \cdot \boldsymbol{\mu}$$

 σ = elektrische Leitfähigkeit

- n = Ladungsträgerkonzentration (n = N · c, N Anzahl der Strukturplätze für das wandernde Ion; c Besetzungsgrad der N-Positionen)
- q = Ladung des Ions
- μ = Beweglichkeit des Ions

Die Ionenbeweglichkeit μ eines Ions ist über die Nernst-Einstein-Beziehung mit seinem Diffusionskoeffizienten D verknüpft:

$$\mu = \frac{q}{kT}D$$

k = Boltzmann-Konstante T = Absolute Temperatur D = Diffusionskoeffizient

Für den Diffusionskoeffizienten D lässt sich folgender Ausdruck herleiten:

$$D = \frac{1}{2d} z(1-c)l^2 v_0 e^{-\frac{\Delta G_m}{kT}}$$

- d = Dimensionalität der Wanderungsmöglichkeit des Ionsz = Koordinationszahl des Ions
- *l* = Sprungweite zwischen zwei energetisch äquivalenten Gitterplätzen

$$v_0$$
 = Charakteristische
Schwingungsfrequenz

 ΔG_m = Freie Bewegungsenthalpie

Mit $e^{-\frac{\Delta G_m}{kT}} = e^{-\frac{\Delta H_m}{kT}} \cdot e^{\frac{\Delta S_m}{k}}$ und dem Geometriefaktor $\gamma = \frac{1}{2d} z e^{\frac{\Delta S_m}{k}}$ kann der Diffusionskoeffizient *D*

wie folgt ausgedrückt werden:

$$D = \gamma(1-c)l^2 v_0 e^{-\frac{\Delta H_m}{kT}}.$$

Einsetzen von D in Gl. 2 ergibt für die Ionenbeweglichkeit

$$\mu = \frac{q}{kT}\gamma(1-c)l^2\nu_0 e^{-\frac{\Delta H_m}{kT}},$$

so dass die elektrische Leitfähigkeit σ in Gl. 1 schließlich durch mikroskopische Größen ausgedrückt werden kann:

$$\sigma = Nc \cdot q \cdot \frac{q}{kT} \gamma(1-c) l^2 \nu_0 e^{-\frac{\Delta H_m}{kT}}.$$

Mit dem präexponentiellen Faktor $A = Nc(1-c)\frac{q^2}{k}\gamma l^2 v_0$ und $\Delta H_m = E_a$ ergibt sich:

Gl. 3
$$\sigma = \frac{A}{T} e^{-\frac{E_a}{kT}}$$

Diese Gleichung ist die Arrhenius-Darstellung der Temperaturabhängigkeit der ionischen Leitfähigkeit. Die Auftragung von σT gegen 1/T ergibt eine Gerade, aus deren Steigung die Aktivierungsenergie E_a berechnet werden kann. Sprunghafte Änderungen, die z.B. durch Phasenumwandlungen hervorgerufen werden können, werden durch diese Gleichung nicht erfasst.

In einem realen Kristall ist für die Bewegung eines Ions nicht nur die Enthalpie für den Platzwechsel ΔH_m , sondern auch die Enthalpie zur Bildung der Fehlstelle im Kristallgitter notwendig. Die Aktivierungsenergie E_a erweitert sich in diesem Fall auf $\Delta H_m + \frac{1}{2}\Delta H_f$ [52], wobei ΔH_f z. B. die Enthalpie zur Bildung eines Mols Schottky-Defekte ist.

Die Gleichung 3 enthält verschiedene Faktoren (E_a und der präexponentielle Faktor A), die zur Optimierung der Leitfähigkeit variiert werden können.

Die einzige experimentelle Einflussmöglichkeit auf A ist die Erzeugung möglichst vieler Fehlstellen im Festkörper. Der höchste Wert der Leitfähigkeit ergibt sich für 50 % Fehlstellen. Die Anzahl intrinsischer Fehlstellen steigt mit der Temperatur, die der extrinsischen bei aliovalenter Dotierung. Eine weitere Möglichkeit der Erzeugung von Fehlstellen ist die Verkleinerung der Partikelgröße. Die Oberfläche der Kristallite weist mehr Defekte als das Innere auf.

Die Senkung der Aktivierungsenergie ist über die energetische Optimierung des Diffusionsweges zu erreichen. Physikalische Forderungen hierbei sind ein möglichst flacher Potentialverlauf entlang dieses Weges, eine flache Potentialmulde am regulären oder Zwischengitterplatz und ein sterisch möglichst ungehinderter Sprungkanal, ferner verzweigte zwei- oder dreidimensional vernetzte Diffusionswege.

Eine niedrige Koordinationszahl der wandernden Ionen ergibt ein günstiges Verhältnis für den Platz im Polyeder zu dem auf der Polyederfläche. Vorteilhaft ist auch eine hohe Polarisierbarkeit der immobilen Matrix sowie des wandernden Ions (z.B. Na₃PO₄ \rightarrow Na₃PS₄ [53]). Eine Matrix mit translatorisch fixierten aber rotatorisch beweglichen Anionen erleichtert den Durchtritt durch die Polyederdeckflächen (Drehtüreffekt).

Die Diffusionswege können auch durch eine Dotierung mit voluminöseren Teilchen oder durch eine sprunghafte Zunahme des Molvolumens beim Übergang eines Ionenleiters mit komplexen Anionen in eine rotationsfehlgeordnete Modifikation aufgeweitet werden (Volumeneffekt [17]).

Bei einem Kationenleiter kann auch das Transportvolumen innerhalb eines Kristalls durch die Variation der Größe der Ionen verändern werden. In der Literatur sind die folgenden Effekte beschrieben:

, mixed anion "-Effekt: z.B. $\sigma(Na_3(AlF_6)_{0,2}(PO_4)_{0,8}) \approx 8\sigma(Na_3PO_4) \approx 100\sigma(Na_3AlF_6)$ [54],

"mixed cation"-*Effekt*: z.B. die Leitfähigkeit im System $Ag_xTl_{2-x}SO_4$ (x = 0-2) wird maximal bei 50 Molprozent [55],

"*mixed alkali"-Effekt:* z.B. in Li₂O-Na₂O-B₂O₃-Gläsern wird ein Minimum der ionischen Leitfähigkeit bei einer 50:50-Molprozentmischung beobachtet [56]).

3.4 Drehtürmechanismus

Bei Phasenübergängen einiger Substanzen (z.B. Li₂SO₄ oder Na₃PO₄) in eine Hochtemperaturmodifikation mit rotationsfehlgeordneten Anionen wurde eine sprunghafte Zunahme der ionischen Leitfähigkeit beobachtet. Dieses Phänomen lässt sich mit der Annahme des sog. Drehtürmechanismus (paddle-wheel mechanism) deuten. Ein Anion kann als eine Drehtür angesehen werden, die den Durchtritt des Kations durch eine Polyederdeckfläche erleichtern kann.



Abb. 5 Schematische Darstellung des Drehtürmechanismus [57].

Eine Reihe von Wissenschaftlern haben sich mit dem Drehtüreffekt beschäftigt. Erstmals wurde der Drehtürmechanismus von Kvist und Bengtzelius 1973 vorgeschlagen [15]. Secco et al. [17] vertraten dagegen die Meinung, dass für einen starken Anstieg der Leifähigkeitskurve eine Volumenzunahme bei der Phasenumwandlung verantwortlich ist. Sie schlugen ein anderes Modell vor, das sog. Perkolationsmodell. Demnach weichen die komplexen Anionen den perkolierenden ("durchsickernden") Kationen lediglich aus, ohne merklich zur ihrer Mobilität beizutragen [58]. Die Frage nach dem Einfluss des Drehtürmechanismus auf die Aktivierungsenergie und ionische Leitfähigkeit wurde zwischen Secco et al. und Lundén et al. [59] kontrovers diskutiert. Jansen entschärfte die Kontroverse indem er die Synergie von Drehtürmechanismus und Volumeneffekt nachwies [60]. In seiner Gruppe wurde u.a. die Dynamik der Anionen in Na₃PO₄ [61] untersucht.

Detaillierte Untersuchungen des Drehtürmechanismus wurden an Li₂SO₄, Na₃PO₄ und LiSO₃CF₃ durchgeführt und können in [62, 59] für Lithiumsulfat, [16,63-73] für Natriumphosphat und [74,75] für Lithiumtriflat gefunden werden.

3.5 Natrium- und Lithiumionenleiter in der Literatur

Wie es schon in Kapitel II.3.3 erwähnt wurde, sind für eine hohe Beweglichkeit eines Ions ein geringer Radius, eine niedrige Ladung (bzw. Ladungsdichte) sowie eine hohe Polarisierbarkeit (leichte Deformierbarkeit der Elektronenhülle) von Vorteil. Ionen, die eine oder mehrere dieser Eigenschaften aufweisen, sind H⁺, Li⁺, Na⁺, Cu⁺, Ag⁺, O^{2–} und F⁻.

Über die Eigenschaften des mobilen Ions hinaus, ist eine geeignete immobile Matrix mit Fehlstellen und energetisch günstigen Wegen vonnöten. Strukturen mit einer kubisch innenzentrierten Anordnung der Anionen (α -AgI, Na₃OX mit X = Br, CN, NO₂) und mit anti-Fluoritstruktur (α -Cu₂S, α -Cu₂Se, α -Ag₂Te) begünstigen offenbar ein Aufschmelzen der Kationenteilstruktur. Auch die Li₃Bi-Struktur (Na₃PO₄, Na₃PS₄, Na₃AlF₆) oder die Struktur von NASICON (<u>na</u>trium <u>s</u>uper <u>i</u>onic <u>con</u>ductor) Na_{1+x}Zr₂P_{3-x}Si_xO₁₂ (0 ≤ x ≤ 3) [34], haben sich als geeignete Basisstrukturtypen für gute Ionenleiter herausgestellt. In den Tabellen 3-4 sind die Leitfähigkeiten schneller Lithium- und Natriumionenleiter bei 200 °C gezeigt.

	$\log(\sigma / \text{Scm}^{-1})$	$\log(\sigma T / SKcm^{-1})$	Literatur
La _{0,51} Li _{0,34} TiO _{2,94}	-1,42	1,25	[76]
La _{0,51} Li _{0,34} TiO _{2,94}	-2	0,67	[77]
Li ₁₄ Zn(GeO ₄) ₄	-1,47	1,2	[78]
LISICON			
Li ₃ N	-2,07	0,6	[77]
$Li_3N(\perp c)$	-1,63	1,04	[79]
Li ₃ N (c)	-2,34	0,33	[79]
$Li_3N(\perp c)$	-1,5	1,17	[11]
Li ₃ N (c)	-2,5	0,17	[11]
Li _{1,3} Al _{0,3} Ti _{1,7} (PO ₄) ₃	-2,1	0,57	[77]
Li _{3,5} Si _{0,5} P _{0,5} O ₄ (LIS)	-2,41	0,26	[78]
Li _{3,6} Si _{0,6} P _{0,4} O ₄ (LIS)	-2,6	0,07	[11]
$Li_{3+5x}P_{1-x}S_4 (x = 0,065)$	-2,6	0,07	[80]
Thio-LISICON			
Li-β-Al ₂ O ₃	-2,6	0,07	[11]
Li _{3,4} Si _{0,7} S _{0,3} O ₄	-2,85	-0,18	[11]
Li _{0,8} Zr _{1,8} Ta _{0,2} (PO ₄) ₃	-2,85	-0,18	[11]

Tabelle 3 Die Leitfähigkeit ausgewählter bekannter Lithiumionenleiter bei 200 °C.

	$\log(\sigma / \text{Scm}^{-1})$	$\log(\sigma T / SKcm^{-1})$	Literatur
Na- β -Ga ₂ O ₃ (Na _{1,2} Ga ₁₁ O _{17,1})	-0,25	2,42	[11]
Na-β''-Al ₂ O ₃	-0,38	2,29	[11]
(Na _{1,67} Mg _{0,67} Al _{10,33} O ₁₇)			
Na ₃ Zr ₂ PSi ₂ O ₁₂	-0,88	1,79	[11]
Na- β -Al ₂ O ₃ (Na _{1,2} Al ₁₁ O _{17,1})	-0,91	1,76	[11]
Na _{5,33} Y _{0,8} P _{0,4} Si _{3,6} O ₁₂	-1,47	1,2	[81]
NaSbO ₃ ·0,16NaF	-1,80	0,87	[11]
$Na_{2,8}Al_{0,6}Hf_{1,4}P_{1,8}O_{12}$	-1,91	0,76 (350 °C)	[82]
Na _{2,2} Al _{0,1} YbZr _{0,9} Si _{0,1} P _{2,9} O ₁₂	-1,92	0,74	[83]
$Na_7Fe_3(As_2O_7)_4$	-3,4	-0,73	[84]
$Na_7Fe_3(P_2O_7)_4$	-3,82	-1,15	[84]

Tabelle 4 Leitfähigkeit ausgewählter bekannter Natriumionenleiter bei T = 200 °C.

3.6 Messung elektrischer Eigenschaften von Ionenleitern

3.6.1 Impedanzspektroskopie

Impedanzspektroskopie ist eine wichtige Untersuchungsmethode, die einen komplexen elektrischen Widerstand (die Impedanz, Z) eines Elektroden-Leiters-Systems bei verschiedenen Wechselspannungsfrequenzen messen und analysieren lässt. Dabei können die unterschiedlichen Beiträge zur Leitfähigkeit (Korn-, Korngrenzenleitfähigkeit u s.w.) getrennt werden.

Bei einer Messung wird eine sinusformige Wechselspannung an eine Probe angelegt.

 $U = U_0 \cos \omega t$

U = Wechselspannung U₀ = Scheitelwert der Wechselspannung U $\omega = 2\pi v = \text{Kreisfrequenz}$ t = ZeitU = U₀ cos ωt + U₀ i sin ωt = U₀e^{i ωt}

Oder

Dabei beobachtet man den um Phasenwinkel Φ verschobenen Wechselstrom I gleicher Frequenz mit dem Scheitelwert I₀.

$$I = I_0 \cos(\omega t + \Phi) + I_0 i \sin(\omega t + \Phi) = I_0 e^{i\omega t + \Phi}$$

Der Wechselstromwiderstand Z lässt sich aus dem allgemein formulierten Ohmschen Gesetz (U = $Z \cdot I$) erhalten.

$$Z = \frac{U}{I} = \frac{U_0 e^{i\omega t}}{I_0 e^{i\omega t + \Phi}} = \frac{U_0}{I_0} e^{-i\Phi}$$
$$mit |Z| = \frac{U_0}{I_0} \implies$$
$$Z = |Z| \cos \Phi - i|Z| \sin \Phi$$
$$Z = Z' - iZ''$$
Impedanz = Realteil - Imaginärteil

Im Fall eines Ohmschen Widerstands R ist die Phasenverschiebung $\Phi = 0 \Rightarrow Z = R = U_0/I_0$

Für einen idealen kapazitiven Widerstand gilt: $\Phi = \frac{\pi}{2} \implies Z = -i\frac{1}{\omega C}$

Allgemein lässt sich das ohmsche Gesetz so formulieren: Der Wechselstromwiderstand Z, auch Impedanz genannt, ist der Faktor, mit dem der Wechselstrom I multipliziert werden muss, um die Wechselspannung U zu erhalten.

Ein Beispiel des dreidimensionalen Impedanzspektrums, das auf den drei Achsen Frequenz ω , Realteil Z' und Imaginärteil iZ'' aufgespannt ist, ist in Abb. 6 [85] gezeigt. Eine Darstellung und Auswertung der Messung erfolgt im 1. Quadranten der gaußschen Zahlebene (Z' gegen –Z''). Die Messfrequenz im Argand-Diagramm nimmt dann von rechts nach links zu.



Abb. 6 Impedanzraum eines Ionenleiters.

Für die Interpretation eines Argand-Diagramms muss ein Ersatzschaltbild (ein Wechselstromnetzwerk) für die Anordnung aus ionenleitender Probe und Messelektroden gefunden werden. Dieses Wechselstromnetzwerk, das aus ohmschen und kapazitiven Widerständen besteht, kann mit den gleichen Gesetzmäßigkeiten wie ihre Gleichstromanaloga [86] analysiert werden. Die Auswertung ist dann erfolgreich abgeschlossen, wenn das berechnete Spektrum mit dem gemessenen überein stimmt.

So kann die Information über Kornleitfähigkeit, Korngrenzeneffekte in mikrokristallinen Pulvern, Diffusionsprozesse innerhalb der Probe in Elektrodennähe (Doppel- und Diffusionsschicht) sowie über den Ladungstransfer zwischen Probe und Elektrode gewonnen werden.

3.6.2 Ersatzschaltbild-Methode

3.6.2.1 Elektronische Bauelemente

Die Grundbauelemente eines Ersatzschaltbildes sind der Widerstand R, der Kondensator C und die Induktivität L. Aus ihnen lassen sich komplexe Bauelemente wie die Warburg-Impedanz W und das "<u>C</u>onstant <u>p</u>hase"-<u>E</u>lement CPE oder Q aufbauen. Die einfachste Ersatzschaltbilder (eine Serien- und parallele Schaltung eines Widerstandes und eines Kondensators) sind in Abb. 7-8 gezeigt.



Abb. 7 Impedanzspektrum (a) und Schaltbild (b) für einen Serienschaltkreis.



Abb. 8 Impedanzspektrum (a) und Schaltbild (b) für einen Parallelschaltkreis.

Der Scheitelpunkt des Halbkreises in Abb. 8 kann durch eine Relaxationszeit $\tau_0 = 1/\omega = R \cdot C$ beschrieben werden. In realen Systemen treten jedoch Prozesse mit einer Relaxationszeitenverteilung um einen Mittelwert auf. Um diese in Ersatzschaltbildern repräsentieren zu können, müssen neue Bauelemente eingeführt werden.

Der Ersatz des Kondensators in Abb. 7 durch eine <u>Warburg-Impedanz</u> (Abb. 9) wird erforderlich, wenn sich in einer Probe in der Nähe der Elektrode eine Diffusionsschicht ausbildet. Im entsprechenden Ersatzschaltbild (Abb. 10) äußert sich dies in einer Neigung des linearen Astes um 45°.



Abb. 9 Homogene, halbunendliche Übertragungsleitung mit Warburg-Verhalten (a) und Symbol der Warburg-Impedanz im Ersatzschaltbild (b).



Abb. 10 Impedanzspektrum der Serienschaltung eines ohmschen Widerstands und einer Warburg-Impedanz (a) und dazugehöriges Ersatzschaltbild (b).

Für die Impedanz des CPE ("Constant phase"-Element, Q, Abb. 11), Z_{CPE}, gilt:

 $Z_{CPE} = Q^{-1} (i\omega)^{-n}$

Q = frequenzunabhängiger, empirisch zu bestimmender Faktor n = frequenzunabhängiger, empirisch zu bestimmender Faktor für den gilt: $0 \le n \le 1$



Abb. 11 Einfach verzweigte Übertragungsleitung mit CPE-Verhalten (a) und Symbol des CPE im Ersatzschaltbild (b).

Demzufolge verhält sich das CPE für n = 0 wie ein ohmscher Widerstand und für n = 1 wie ein Kondensator. Für 0 < n < 1 verhält es sich wie eine inhomogen verteilte RC-Übertragungsleitung (Abb. 11 (a)) mit dem Spezialfall der Warburg-Impedanz bei n = 0,5. Da n frequenzunabhängig ist, ist es auch der Phasenwinkel (phase angle) n $\cdot \pi/2$, der in Abb. 12 (a) zu erkennen ist.

Schaltet man ein CPE mit dem Widerstand des Elektrolyten R_E in Serie (Abb. 12 (a)), lassen sich Strominhomogenitäten in der Übergangsschicht Elektrolyt-Elektrode im Ersatzschaltbild repräsentieren. Sie sind an einem um den Phasenwinkel $\psi \cdot \pi/2$ geneigten linearen Ast zu erkennen. Parallel geschaltet (Abb. 12(b)) ermöglicht es eine bessere Anpassung des simulierten Spektrums an die gemessenen Daten, wenn der Argand-Bogen (z. B. im Falle von Korngrenzeneffekten) gegenüber der Realteilachse verkippt ist.



Abb. 12 Impedanzspektrum der Serien-(a) und Parallelschaltung (b) eines ohmschen Widerstands und eines CPE.

3.6.2.2 Ersatzschaltbilder für feste Elektrolyte

Ein allgemeines Ersatzschaltbild für eine elektrisch leitende Probe (Elektrolyt) (Abb. 13), die sich zwischen zwei Messelektroden befindet, besteht aus den Impedanzanteilen des <u>Elektrolyten (Z_E), der Übergangss</u>chicht Elektrode-Elektrolyt (Z_{US}) und der Kondensator C_G, der sich aus der <u>G</u>eometrie der Anordnung der Messelektroden (analog Plattenkondensator) ergibt.



Abb. 13 Generelles Ersatzschaltbild einer Messanordnung Elektrode-fester Elektrolyt-Elektrode.

Zunächst werden Ersatzschaltbilder für den Elektrolyten betrachtet und anschließend für die Übergangsschicht Elektrode-Elektrolyt. Die senkrechte, gestrichelte Linie in den Abb. 14 bis Abb. 19 unterteilt den Frequenzbereich in einen linken Teil (höhere Frequenzen), der durch die Elektrolytimpedanz Z_E und in einen rechten Teil (niedrigere Frequenzen), der durch den Impedanzanteil der Übergangsschicht Z_{US} hervorgerufen wird.

Homogene, isotrope Phase: In Abb. 14 ist ein Impedanzspektrum einer homogenen, isotropen Phase (z. B. eines kubischen Einkristalls) gezeigt. Man beobachtet im linken, hochfrequenten Teil einen durch R_K und C_G verursachten Halbkreis.



Abb. 14 Impedanzspektrum (a) und Ersatzschaltbild (b) einer homogenen, isotropen Phase ohne Berücksichtigung von Z_{ÜS}.

Inhomogene Phase: Bei einer Impedanzmessung eines Pulverpresslings müssen Korngrenzen ("grain boundaries"), die besser oder schlechter als das einkristalline Material leiten können, berücksichtigt werden. Leiten sie schlechter, erweitern sie das Ersatzschaltbild (Abb. 15) um einen <u>K</u>orngrenzenwiderstand R_{KG} und die <u>K</u>orngrenzenkapazität C_{KG} . Im Impedanzspektrum
beobachtet man dann einen weiteren Halbkreis mit einer niedrigeren Scheitelfrequenz als der Halbkreis, der durch R_K hervorgerufen wird.



Abb. 15 Impedanzspektrum (a) und Ersatzschaltbild (b) einer inhomogenen Phase ohne Berücksichtigung von Z_{ÜS}.

Im Folgenden werden Ersatzschaltbilder für die Impedanz der Übergangsschicht Elektrode-Elektrolyt Z_{US} erläutert. Die Impedanz des Elektrolyten Z_E wird zur Vereinfachung in Form eines ohmschen Widerstandes R_E wiedergegeben.

Übergangsschicht bei Verwendung blockierender Elektroden: Vor blockierenden Elektroden baut sich eine Doppelschicht aus Ladungsträgern auf. Diese unterbindet den Ladungstransfer zwischen Elektrolyt und Elektrode fast vollständig. Es fließt nur noch ein geringer Leckstrom. Befindet sich z. B. eine ionenleitende Probe zwischen ionenblockierenden Platinelektroden, besteht eine der beiden Doppelschichten aus Anionen, welche die gleichnamig geladenen Elektronen abstoßen. Das Phänomen kann im Ersatzschaltbild durch den Einbau einer Doppelschichtkapazität C_{DS} und einem hochohmigen Widerstand R_L (entsprechend dem geringen Leckstrom) abgebildet werden. Man erkennt im Impedanzspektrum (Abb. 16) nur das hochfrequente Ende eines Argand-Bogens.



Abb. 16 Impedanzspektrum (a) und Ersatzschaltbild (b) für die Impedanz der Übergangsschicht Z_{ÜS} bei Verwendung blockierender Elektroden.

Übergangsschicht bei Verwendung nichtblockierender Elektroden und ladungstransferkontrolliertem Elektrodenprozess: Werden nichtblockierende Elektroden eingesetzt und wird der Elektrodenprozess durch den Ladungstransfer durch die nun wesentlich schwächere RL in Abb. 16 Doppelschicht bestimmt, kann durch den niederohmigeren Ladungstransferwiderstand RLT ersetzt werden. Dadurch erkennt man im Impedanzspektrum (Abb. 17) einen vollständigen Halbkreis. Eine solche Situation liegt z. B. vor, wenn sich ein Halbleiter schlechter Ionenleiter) zwischen den nichtelektronenblockierenden (und Platinelektroden befindet. Die nur sehr schwache Doppelschicht hindert die Elektronen kaum am Übergang zwischen Elektrode und Elektrolyt.



Abb. 17 Impedanzspektrum (a) und Ersatzschaltbild (b) für die Impedanz der Übergangsschicht Z_{ÜS} bei Verwendung nichtblockierender Elektroden und ladungstransferkontrolliertem Elektrodenprozess.

Übergangsschicht unter Berücksichtigung von Strominhomogenitäten in der Übergangsschicht: Strominhomogenitäten in der Übergangsschicht werden durch rauhe oder poröse Elektroden verursacht. Die Berücksichtigung dieses Phänomens im Ersatzschaltbild erfordert die Einführung eines CPE (Constant Phase Element).



Abb. 18 Impedanzspektrum (a) und Ersatzschaltbild (b) für die Impedanz der Übergangsschicht Z_{ÜS} unter Berücksichtigung von Strominhomogenitäten in der Übergangsschicht.

Zusammengefasst ergibt sich für eine Anordnung aus einem polykristallinen Pulverpressling zwischen zwei ionenblockierenden Platinelektroden im Idealfall das in Abb. 19 dargestellte Ersatzschaltbild mit entsprechendem Impedanzspektrum. Die elektrische Leitfähigkeit, die sich aus dem Kornwiderstand R_K errechnet, nennt man Kornleitfähigkeit ("bulk"-Leitfähigkeit). Aus der Summe von Kornwiderstand R_K und Korngrenzenwiderstand R_{KG} lässt sich die Gesamtleitfähigkeit berechnen.



Abb. 19 Erwartungsspektrum und zugehöriges Ersatzschaltbild für einen polykristallinen Pressling zwischen blockierenden Platinelektroden.

3.6.3 Aufbau der Leitfähigkeitsmessanlage

Die zur Verfügung stehende Leitfähigkeitsmessanlage (Abb. 20) erlaubt die Erfassung von Wechselstrommessdaten bei Temperaturen von 25 °C bis 700 °C.



Abb. 20 Leitfähigkeitsmessanlage.

Die Steuerung sämtlicher Komponenten erfolgt zentral durch einen Computer mit Hilfe des Programms WinDeta [87]. Dieses Programm erfasst und speichert alle anfallenden Messdaten.

Zur Aufnahme von Impedanzspektren generiert ein Impedanzanalysator (Alpha-A 4.2 Analyzer, Fa. Novocontrol) Wechselspannungen von 0,01 Hz bis 20 MHz.



Abb. 21 Messzelle der Leitfähigkeitsmessanlage.

Das Messgerät ist mit der Messzelle [88] (Abb. 21) verbunden. Diese besteht aus einem Quarzhüllrohr in dem sich ein Einsatz befindet, der neben der Elektrodenanordnung einen Anschluss zum Gasaustausch und eine Quarzrohrführung für ein Thermoelement trägt. Die abgeschirmten Kupferleitungen werden im Inneren der Messzelle über Platindrähte zu den Platinelektroden, zwischen denen sich die Probe befindet, fortgeführt. Zur Durchführung temperaturabhängiger Messungen wird die Messzelle in einen Röhrenofen geschoben. Die Temperatur des Ofens sowie die Temperatur innerhalb der Messzelle wird mit Nickel/Chrom-Nickel-Thermoelementen gemessen und über einen Steuercomputer (Euroterm 26/2704) geregelt. Die Messzelle kann mit einer zweistufigen Drehschieberpumpe (pKD 4, Fa. Saskia, Saugleistung 3,7 m³/h) evakuiert werden und anschließend mit Argon 5.0, das eine Trockenturmbatterie passiert hat, wieder geflutet werden. Die Güte des Vakuums und damit auch die Dichtigkeit der Messzelle wird mit einem Pirani-Messkopf (TM 20, Fa. Leybold) überprüft.

3.6.4 Durchführung und Auswertung der Messungen

Die Probe wurde zu einem Pressling (0,35 GPa, Durchmesser 6 mm, Höhe ca. 0,5 mm) verdichtet. Nach Installation der Messzelle in der Messanlage wurden über das Programm WinDeta [87] alle notwendigen Messparameter eingegeben und die Messung gestartet. Die Messdatenerfassung erfolgte vollautomatisch.

Mit Hilfe des Programms WinFit [89] können die Messdaten nach Abschluss der Messung analysiert werden. Das Anpassen der auf Basis von Ersatzschaltbildern simulierten Argand-Kurven an die gemessenen Daten (NLLS-Anpassung, <u>non linear least squares</u>) erfolgte mit dem Programm WinFit [89].

Die Zuordnung verschiedener Halbbögen im Impedanzspektrum zu den physikochemischen Prozessen in der Anordnung Elektrode-Probe-Elektrode erfolgte u.a. über die Bestimmung der Kapazität C. Ergibt die NLLS-Anpassung ein RQ-Glied so galt in diesem Fall

$$\mathbf{C} = \mathbf{Q}^{\overline{n}} \cdot \mathbf{R}^{\overline{n}^{-1}}.$$

Der ohmsche Gesamtwiderstand des Ionenleiters wurde dem Impedanzspektrum entnommen und die spezifische Gesamtleitfähigkeit σ berechnet. Es galt:

$$\sigma = \frac{1}{R} \cdot \frac{l}{F}$$

l = Länge der Probe [cm] F = Fläche der Probe [cm²]

Zur Bestimmung der Aktivierungsenergie E_a des Ionenleitungsprozesses ermittelt man die ionische Leitfähigkeiten bei unterschiedlichen Temperaturen. Sie wurde mit Hilfe von Gl. 3 wie folgt errechnet.

$$\sigma = \frac{A}{T}e^{-\frac{E_a}{kT}} \implies \log(\sigma T) = -0.4343\frac{E_a}{R} \cdot \frac{1}{T} + \log\sigma_0$$

Trüge man $\log(\sigma T)$ gegen $\frac{1}{T}$ auf, so ließe sich in linearen Bereichen des Graphen die Aktivierungsenergie aus der Steigung m = $-0,4343\frac{E_a}{R}$ berechnen.

3.6.5 Gleichstromexperimente

Für die Gleichstrom-Experimente wurde eine Messzelle in einem Oxidationsrohr aufgebaut (Abb. 22), die in einen Standofen überführt wurde. Als Elektroden wurden zwei Drähte aus Wolfram verwendet, die in eine Oxidationsrohrkappe so eingeschmolzen wurden, dass den Abstand zwischen den unteren Teilen von Drähten ca. 7 mm betrug. Im Oxidationsrohr befand sich eine Schale aus Quarz, in die eine Tablette mit der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Zusammensetzung platziert wurde. In der Tablette wurden im Abstand von 7 mm zwei Vertiefungen gebohrt, in die beim Schließen des Oxidationsrohres mit der Kappe die Wolframelektroden eintauchten. Je nach Messanordnung konnten die Gruben mit Lithium oder Natrium dicht gefüllt werden.



Abb. 22 Messzelle für die Gleichstrommessungen: a) Seitenansicht, b) Ansicht von oben: 1
Wolframelektroden; 2 - Tablette Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃; 3 – Quarzschale.

Zum Vergleich wurden die Messungen ohne Lithium oder Natrium durchgeführt, in diesem Fall wurde der Durchmesser der Gruben so minimiert, dass er dem Durchmesser der Elektrode entspricht, damit die Kontaktoberfläche zwischen Wolframelektrode und Probe möglichst groß war.

Die Gleichstrommessungen wurden an einem computergesteuerten Multipotentiostat (VMP, Bio-Logic, Claix, Frankreich) durchgeführt. Dieses Gerät verfügt über zwölf unabhängige Kanäle (3 pA \leq I \leq 1 A, V \leq 10 V), die sowohl galvanostatisch als auch potentiostatisch betrieben werden können. Die Aufzeichnung und Auswertung der Messdaten erfolgte über die EC-Lab Software [90].

1 Natriumtrifluoromethylsulfonat

Natriumtriflat wurde erstmals 1954 durch Oxidation von Bis(trifluoromethylthio)quecksilber dargestellt [91]. Die Darstellung aus Natriumdithionit und Trifluoromethylbromid wurde 1989 von Tordeux, Langlois und Wakselman beschrieben [92]. Weniger aufwändige Synthesewege sind die Neutralisation von Trifluoromethylsulfonsäure mit Bariumhydroxid und anschließende Umsetzung mit Natriumsulfat [93] oder die direkte Neutralisation mit Natriumcarbonat [94, 95].

1969 wurden Raman- und infrarotspektroskopische Untersuchungen an Natriumtriflatmonohydrat veröffentlicht, aus denen die Normalkoordinaten und die Punktgruppe (C_{3v}) des Anions bestimmt wurden [93].

Das thermische Verhalten von wasserfreiem Natriumtriflat sowie des korrespondierenden Monohydrats wurde bereits untersucht [96]. Die Kristallstrukturen des Monohydrats und des Adduktes $NaSO_3CF_3 \cdot 3$ HSO_3CF_3 konnten aufgeklärt werden, wohingegen von der wasserfreien Raumtemperaturmodifikation des Salzes bislang nur die Indizierung des Röntgenpulverdiffraktogramms vorlag [96].

Russel und Senior untersuchten 1980 die elektrische Leitfähigkeit von Lösungen verschiedener Triflatsalze in der entsprechenden Säure [95]. Weitere Leitfähigkeitsuntersuchungen wurden in Dimethylsulfoxid durchgeführt [97]. Die Leitfähigkeit von festem Natriumtriflat wurde erstmals 1997 publiziert. Danach zeigt Natriumtriflat bei Temperaturen oberhalb von 220 °C eine sehr gute Natriumionenleitfähigkeit.

Wegen des amphiphilen Charakters des Triflatanions findet Natriumtriflat vielfältige Anwendung. In der organischen Synthese wird Natriumtriflat als unreaktives Gegenion verwendet [98]. Bernhard et al. verwendeten eine Lösung von Natriumtriflat in konzentrierter Trifluoromethylsulfonatsäure als inertes Lösungsmittel für die Cyclo-Voltammetrie [99]. Das Hauptinteresse galt bisher der Anwendung von Natriumtriflat als Bestandteil von Flüssig-, Geloder Polymerelektrolyten [100–108]. Die Bewegung der Ionen in Polymeren wird durch einen flüssigkeitsähnlichen Mechanismus beschrieben, bei dem die lokale Bewegung des Polymers die Wanderung der Ionen durch den Festkörper zulässt. Das Kation bleibt dabei ständig an Sauerstoffatome des Polymers koordiniert.

Ein Beispiel für einen Natriumionenleiter auf Phosphazenbasis ist MEEP (Poly(bismethoxyethoxid)phosphazen), das pro vier Polymereinheiten ein Natriumtriflat

36

enthält [102]. Mit Hilfe der ²³Na-NMR-Spektroskopie können mobile und gebundene Natriumionen unterschieden werden. Die spezifische Leitfähigkeit dieser Verbindung bei 50 °C beträgt $4 \cdot 10^{-3} \Omega^{-1} \text{cm}^{-1}$.

Leitende Polymere dieser Art werden zum Bau von Batterien verwendet. Ein dünner Polymerfilm trennt Li- oder Na-Elektroden von einer interkalierten Wirtsverbindung wie TiS_2 oder V₆O₁₃ [109]. Ein Beispiel dafür ist die Na/PEO-NaSO₃CF₃/V₆O₁₃-Batterie [101] mit einer Betriebstemperatur von 95 °C und einer Spannung von 2,9–3,0 V.

Aufgrund des Interesses am Phänomen der Rotationsdiffusion und wegen der Beschreibung von Natriumtriflat als sehr guter Natriumionenleiter in Literatur [96], wurden die Kationen- und Anionendynamik sowie die Kristallstruktur von Natriumtriflat untersucht. Die Leitfähigkeit des Natriumtriflats wurde erneut gemessen.

1.1 Darstellung und thermisches Verhalten

Die Synthese von NaSO₃CF₃ erfolgte in Anlehnung an die Vorschrift von Bonner [94]. Allerdings wurde anstelle von Natriumcarbonat das Hydroxid eingesetzt. Dazu wurde frisch destillierte Trifluoromethylsulfonsäure (99+ %, Fa. Aldrich) auf 0,3 mol/l verdünnt und mit Natriumhydroxidlösung (50 %, p. a., Fa. Merck) neutralisiert. Die Lösung wurde bei 70 °C bis zur Trocknes eingedampft und der Rückstand aus Aceton umkristallisiert. Anschließend wurde das Präparat 24 Stunden bei Raumtemperatur und weitere 4 Wochen bei 170 °C im Vakuum (p = 10^{-3} mbar) getrocknet. Die Reinheit des Produktes wurde infrarotspektroskopisch und röntgenpulverdiffraktometrisch geprüft. Käufliches Natriumtriflat ist meist mit Natriumcarbonat verunreinigt. Die weitere Handhabung erfolgte unter trockenem Argon.

Einkristalle wurden durch Langzeittempern (T = 230 °C, 15 Wochen, Abkühlrate 0,1 °C/h) der mikrokristallinen wasserfreien Präparate erhalten. Sie sind farblos, von unregelmäßiger Form mit Durchmessern von etwa 0,3 mm.

Zur Darstellung von NaSO₂¹⁷OCF₃ für Festkörper-NMR-Untersuchungen wurde CF₃SO₂Cl (4,1 ml, \geq 97 %, Fluka) in eine wässrige Lösung von Natriumhydroxid (0,32 g NaOH in 1 ml isotopen markierten H₂O (Cambridge Isotope Laboratories, H₂¹⁷O, 70%)) gegeben, bis ein pH-Wert von 6 erreicht war. Das Produkt (eine Mischung aus Natriumtriflat und Natriumchlorid) wurde mit Aceton gewaschen und 4 Wochen bei 170 °C unter Vakuum (p = 10⁻³ mbar) getrocknet.

Mittels temperaturabhängiger Röntgenpulveraufnahmen und DSC lässt sich bei 252 °C \pm 3 °C eine Phasenumwandlung nachweisen. Die Röntgenpulverdaten der Hochtemperaturmodifikation β -NaSO₃CF₃ wurden bereits publiziert [96]. Dem Schmelzpunkt bei 259 °C schließt sich die Zersetzung des Salzes bei 400 °C an [96].

1.2 Röntgenographische und schwingungsspektroskopische Untersuchungen

Die Gitterparameter der Raumtemperaturmodifikation von NaSO₃CF₃ wurden erneut anhand eines mit Synchrotronstrahlung gemessenen Pulverdiffraktogramms bestimmt. Sie betragen a = 9,81304(18) Å, b = 11,3179(2) Å, c = 11,5910(2) Å, α = 102,066(2)°, β = 105,634(2)°, γ = 110,205(2)° und präzisieren die zuvor durch Labormethoden bestimmten Daten [96]. Das gemessene und das auf der Grundlage des Strukturmodels berechnete Pulverdiffraktogramm von Natriumtriflat sind in Abb. 23 dargestellt.



Abb. 23 Gemessenes (oben) und berechnetes (unten) Pulverdiffraktogramm von Natriumtriflat.

Da die bislang vorliegenden Infrarotspektren [93] nur von wasserhaltigen Proben stammen, werden die Bandenlagen des wasserfreien Salzes zur Charakterisierung erstmals bestimmt (Abb. 24).



Abb. 24 Infrarotspektrum von α-NaSO₃CF₃ (KBr-Pressling).

1.3 Einkristallstrukturanalyse und Strukturbeschreibung

Die Einkristallröntgenstrukturanalyse an α-NaSO₃CF₃, basierend auf einem bei -173 °C gemessenen Datensatz, führte zu Orts- und Auslenkungsparametern von hoher Genauigkeit, was für Triflate eher ungewöhnlich ist [110]. Meist ist die Präzision der Strukturbestimmungen durch die hohe dynamische Fehlordnung der Anionen in diesen Salzen beeinträchtigt. Die kristallographischen Daten und die Parameter der Datenerfassung sind in Tabelle 5 wiedergegeben.

Kristalldaten	
Raumgruppe (Nr.), Z	<i>P</i> 1(2), 8
a / Å	a = 9,6592(11)
b / Å	b = 11,1752(12)
c / Å	c = 11,2768(12)
α / °	$\alpha = 101,878(2)$
β/°	$\beta = 105,292(2)$
γ / \circ	$\gamma = 110.501(3)$
Molares Volumen / Å ³ /mol	1038,2(2)
Röntgenographische Dichte / g/cm ³	2,202
Kristallform, Kristallgröße / mm	Plättchen, 0,2 x 0,2 x 0,05
Datenerfassung	
Diffraktometer	Bruker AXS, APEX SMART-CCD
Monochromator	Graphit
Röntgenstrahlung, $\lambda / Å$	ΜοΚ _α , 0,71073
Messbereich	$1,96^\circ \le \theta \le 34,86^\circ$
	-15 < h < 15, -17 < k < 17, -17 < l < 18
Absorptionskorrektur	Semiempirische Absoptionskorrektur
	SADABS [111]
Anzahl der gemessenen Reflexe	16457
Anzahl der symmetrieunabhängigen Reflexe	8545
Absorptionskoeffizient μ / mm ⁻¹	0,7
F(000)	672
Strukturaufklärung	
Anzahl der freien Parameter	41
Gütefaktor R1 ($F_0 > 4\sigma(F_0) / alle$)	0,0526 / 0,0624
Gewichteter Gütefaktor wR2	0,1325 / 0,1377
$\Delta \rho_{\rm min}$, $\rho_{\rm max} / e^{-/{\rm \AA}^3}$	-0,79/1,29

(−173 °C).

Die Atomkoordinaten sind in Tabelle 6 und die anisotropen Auslenkungsparameter in Tabelle 7 angegeben. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel können Tabelle 8 entnommen werden.

Atom	Lage	X	У	Z
Na(1)	2i	0,64585(10)	0,62416(8)	0,46605(8)
Na(2)	2i	0,27100(10)	0,83850(8)	0,53656(8)
Na(3)	lg	0	1/2	1/2
Na(4)	2i	0,25625(10)	0,00778(8)	0,32968(8)
Na(5)	$2i^*$	0,9374(2)	0,96946(19)	0,47182(19)
S(1)	2i	0,49528(5)	0,82439(4)	0,35167(4)
S(2)	2i	0,97673(5)	0,79999(5)	0,66900(4)
S(3)	2i	0,44373(5)	0,69611(4)	0,66194(4)
S(4)	2i	0,94369(5)	0,71094(4)	0,31995(4)
O(11)	2i	0,37022(18)	0,86120(15)	0,36362(15)
O(12)	2i	0,47193(19)	0,69235(14)	0,35508(15)
O(13)	2i	0,65205(17)	0,92931(14)	0,43331(14)
O(21)	2i	0,10528(19)	0,88196(16)	0,63900(17)
O(22)	2i	0,84529(18)	0,83592(16)	0,64057(16)
O(23)	2i	0,9286(2)	0,65774(16)	0,62127(17)
O(31)	2i	0,51044(17)	0,82833(14)	0,65041(14)
O(32)	2i	0,50481(18)	0,60569(15)	0,61202(15)
O(33)	2i	0,27428(17)	0,64043(16)	0,62121(15)
O(41)	2i	0,03439(18)	0,85353(15)	0,34665(16)
O(42)	2i	0,03794(17)	0,64999(15)	0,37985(14)
O(43)	2i	0,79569(17)	0,68029(16)	0,33698(15)
C(1)	2i	0,4859(3)	0,8186(2)	0,18764(19)
C(2)	2i	0,0534(3)	0,8478(4)	0,8443(3)
C(3)	2i	0,5161(3)	0,7283(2)	0,8359(2)
C(4)	2i	0,8955(3)	0,6378(3)	0,1475(2)
F(11)	2i	0,5985(2)	0,79183(19)	0,16361(15)
F(12)	2i	0,5041(2)	0,93748(14)	0,17501(15)
F(13)	2i	0,34829(19)	0,72756(18)	0,10284(14)
F(21)	2i	0,0822(3)	0,9746(3)	0,8956(2)
F(22)	2i	0,9519(3)	0,7730(3)	0,88472(19)
F(23)	2i	0,1855(3)	0,8350(4)	0,8843(2)
F(31)	2i	0,4576(2)	0,80273(19)	0,89231(15)
F(32)	2i	0,4771(2)	0,61527(17)	0,86182(15)
F(33)	2i	0,67176(18)	0,79473(19)	0,88417(15)
F(41)	2i	0,0253(2)	0,6764(3)	0,12112(17)
F(42)	2i	0,7973(2)	0,6767(3)	0,08034(16)
F(43)	2i	0,8311(3)	0,5054(2)	0,1133(2)

Tabelle 6 Lageparameter für α -NaSO₃CF₃ (Standardabweichungen in Klammern).

* Besetzungsfaktor 0,5

Atom	U ₁₁	U ₂₂	U ₃₃	U ₂₃	U ₁₃	U ₁₂
Na(1)	157(4)	156(3)	215(4)	77(3)	89(3)	42(3)
Na(2)	146(3)	184(4)	198(4)	97(3)	79(3)	63(3)
Na(3)	134(5)	141(5)	209(5)	100(4)	71(4)	51(4)
Na(4)	150(3)	172(4)	230(4)	114(4)	95(3)	68(3)
Na(5)	350(9)	227(9)	300(10)	152(7)	207(8)	186(8)
S(1)	155,9(2)	127,7(2)	130,9(2)	54,9(1)	65,3(1)	61,2(1)
S(2)	136,0(2)	162,9(2)	154,7(2)	69,8(2)	72,4(2)	61,3(2)
S(3)	122,3(2)	129,2(2)	132,4(2)	63,4(1)	55,5(1)	36,0(1)
S(4)	117,8(2)	136,6(2)	131,6(2)	65,2(1)	51,(1)	35,(1)
O(11)	201(6)	214(6)	209(7)	107(5)	122(5)	127(5)
O(12)	240(7)	132(6)	243(7)	97(5)	103(6)	88(5)
O(13)	171(6)	168(6)	151(6)	59(5)	52(5)	40(5)
O(21)	211(7)	215(7)	287(8)	80(6)	157(6)	34(6)
O(22)	173(6)	207(7)	300(8)	91(6)	80(6)	112(6)
O(23)	301(8)	175(7)	320(8)	132(6)	179(7)	128(6)
O(31)	167(6)	137(6)	209(6)	89(5)	95(5)	51(5)
O(32)	240(7)	152(6)	222(7)	90(5)	130(6)	100(5)
O(33)	112(6)	236(7)	230(7)	113(6)	46(5)	29(5)
O(41)	182(6)	147(6)	292(8)	113(6)	100(6)	46(5)
O(42)	179(6)	178(6)	205(6)	113(5)	76(5)	91(5)
O(43)	139(6)	262(7)	234(7)	127(6)	100(5)	67(5)
C(1)	233(9)	214(9)	154(8)	65(7)	79(7)	107(7)
C(2)	276(12)	700(20)	202(11)	120(12)	96(9)	210(130)
C(3)	192(8)	239(9)	171(8)	89(7)	58(7)	88(7)
C(4)	229(10)	448(14)	172(9)	79(9)	67(8)	156(10)
F(11)	389(8)	546(10)	244(7)	191(7)	215(6)	317(8)
F(12)	598(11)	301(7)	257(7)	194(6)	221(7)	242(8)
F(13)	304(8)	430(9)	150(6)	19(6)	19(5)	19(7)
F(21)	750(16)	673(16)	340(11)	-200(10)	172(11)	76(13)
F(22)	584(12)	997(18)	360(10)	430(11)	330(9)	411(13)
F(23)	466(12)	1880(30)	333(10)	407(15)	110(9)	703(18)
F(31)	500(10)	537(10)	200(7)	128(7)	191(7)	338(9)
F(32)	492(10)	347(8)	262(7)	226(7)	105(7)	133(7)
F(33)	187(6)	474(10)	251(7)	78(7)	-25(5)	51(6)
F(41)	363(9)	890(15)	258(8)	235(9)	213(7)	320(10)
F(42)	481(11)	1057(18)	202(7)	246(9)	92(7)	507(12)
F(43)	588(13)	411(11)	364(10)	-163(8)	80(9)	72(9)

Tabelle 7 Koeffizienten der anisotropen Auslenkungsparameter (in $Å^2 \cdot 10^4$) von α -NaSO₃CF₃ (Standardabweichungen in Klammern).

Die Triflatanionen liegen in gestaffelter Konformation vor (Abb. 25). Sie weichen geringfügig von der idealen C_{3v} -Symmetrie ab (O–S–O-Winkel von 112° bis 116° und F–C–F-Winkel von 108° bis 110°). Die S–O-Abstände liegen bei 1,43 Å (Mittelwert), die C–F-Abstände sind mit 1,31 Å erwartungsgemäß kürzer. Die Geometrie der Triflatgruppen deckt sich mit den entsprechenden Ergebnissen früherer Untersuchungen an anderen Triflaten [96, 112-116].

Tabelle 8 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) in

α-NaSO₃CF₃ (Standardabweichungen in Klammern; kursiv sind die Abstände angegeben,

bei	denen der	Sauerstoff	nicht zu	der	ersten	Koord	linat	ionssp	häre	gehört).
								1		U /

Triflationen					
S(1)–C(1)	1,814(2)				
O(11)–S(1)	1,4346(15)	O(12)–S(1)	1,4218(15)	O(13)–S(1)	1,4464(15)
O(11)-S(1)-C(1)	103,54(9)	O(12)-S(1)-C(1)	105,20(9)	O(13)-S(1)-C(1)	103,78(9)
O(11)–S(1)–O(12)	115,02(9)	O(12)–S(1)–O(13)	114,44(9)	O(13)–S(1)–O(11)	113,15(9)
F(11)-C(1)	1,302(2)	F(12)-C(1)	1,321(3)	F(13)–C(1)	1,303(3)
F(11)-C(1)-S(1)	110,95(14)	F(12)-C(1)-S(1)	109,33(14)	F(13)-C(1)-S(1)	110,33(15)
F(11)-C(1)-F(12)	108,17(19)	F(12)-C(1)-F(13)	108,33(19)	F(13)-C(1)-F(11)	109,66(19)
S(2)-C(2)	1,805(3)				
O(21)–S(2)	1,4310(16)	O(22)–S(2)	1,4392(15)	O(23)–S(2)	1,4251(16)
O(21)-S(2)-C(2)	104,49(13)	O(22)-S(2)-C(2)	104,04(12)	O(23)-S(2)-C(2)	105,90(14)
O(21)–S(2)–O(22)	112,48(10)	O(22)–S(2)–O(23)	112,85(10)	O(23)–S(2)–O(21)	115,75(10)
F(21)–C(2)	1,313(4)	F(22)–C(2)	1,299(4)	F(23)–C(2)	1,305(3)
F(21)-C(2)-S(2)	109,5(2)	F(22)-C(2)-S(2)	110,0(2)	F(23)-C(2)-S(2)	110,3(2)
F(21)-C(2)-F(22)	108,6(3)	F(22)-C(2)-F(23)	108,8(3)	F(23)–C(2)–F(21)	108,7(3)
S(3) - C(3)	1,810(2)				
O(31)–S(3)	1,4394(14)	O(32)–S(3)	1,4298(15)	O(33)–S(3)	1,4316(15)
O(31)-S(3)-C(3)	103,60(9)	O(32) - S(3) - C(3)	104,18(10)	O(33) - S(3) - C(3)	105,52(10)
O(31)–S(3)–O(32)	114,61(9)	O(32)–S(3)–O(33)	115,09(10)	O(33)–S(3)–O(31)	112,30(9)
F(31)-C(3)	1,310(3)	F(32)–C(3)	1,303(3)	F(33)–C(3)	1,315(3)
F(31)-C(3)-S(3)	110,01(14)	F(32)-C(3)-S(3)	110,89(15)	F(33)-C(3)-S(3)	109,53(15)
F(31)-C(3)-F(32)	109,51(19)	F(32)–C(3)–F(33)	108,63(19)	F(33)–C(3)–F(31)	108,22(19)
S(4) - C(4)	1,807(2)				
O(41)–S(4)	1,4432(15)	O(42)–S(4)	1,4312(14)	O(43)–S(4)	1,4236(15)
O(41)-S(4)-C(4)	103,53(12)	O(42)-S(4)-C(4)	104,34(11)	O(43) - S(4) - C(4)	105,94(10)
O(41)-S(4)-O(42)	112,52(9)	O(42)–S(4)–O(43)	115,81(9)	O(43)–S(4)–O(41)	113,22(10)
		· · · · · · · ·	/	· · · · · · · /	/
F(41)–C(4)	1,311(3)	F(42)–C(4)	1,306(3)	F(43)–C(4)	1,311(4)
F(41)-C(4)-S(4)	109,75(17)	F(42)-C(4)-S(4)	110,50(18)	F(43)-C(4)-S()	109,89(19)
F(41)-C(4)-F(42)	108,9(2)	F(42)–C(4)–F(43)	109,6(2)	F(43)–C(4)–F(41)	108,2(2)

		Katione	n		
Na(1)–O(12)	2,2692(17)	Na(1)–O(32)	2,2947(17)	Na(1)–O(43)	2,3363(17)
Na(1)–O(32')	2,3946(17)	Na(1)–O(22)	2,4646(19)	Na(1)–O(23)	2,674(2)
Na(2)–O(21)	2,3285(18)	Na(2)–O(13)	2,3566(17)	Na(2)–O(42)	2,3825(17)
Na(2)–O(31)	2,3849(17)	Na(2)–O(11)	2,4094(17)	Na(2)–O(33)	2,5913(18)
Na(2)–O(41)	2,7701(18)				
Na(3)–O(42) (2x)	2,3551(14)	Na(3)–O(33) (2x)	2,3759(15)	Na(3)–O(23) (2x)	2,4106(16)
O(23)–Na(3)–O(42)	83,24(5)	O(23)–Na(3)–O(33)	89,06(6)	O(23)–Na(3)–O(23)	180,0(0)
Na(4)–O(31)	2,2707(16)	Na(4)–O(22)	2,2929(17)	Na(4)–O(11)	2,3110(16)
Na(4)–O(41)	2,3162(17)	Na(4)–O(13)	2,4421(17)		
Na(5)–Na(5)	1,082(4)	Na(5)–O(41)	2,312(2)	Na(5)–O(21)	2,356(3)
Na(5)–O(41')	2,416(3)	Na(5)–O(13)	2,531(3)	Na(5)–O(21)	2,720(3)
Na(5)–O(22)	2,788(3)	Na(5)-O(43)	2,900(3)		



Abb. 25 Vier kristallographisch unabhängige Triflatanionen in α-NaSO₃CF₃, Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.

Das Natriumion Na(1) ist verzerrt tetragonal pyramidal von Sauerstoffatomen umgeben (Abb. 26). Im Abstand von 2,675 Å zu Na(1) befindet sich ein weiteres Sauerstoffatom (O(23)), das die tetragonale Pyramide zu einem verzerrten Oktaeder ergänzt. Na(2) ist in ähnlicher Weise koordiniert (Abb. 26), wobei O(33) als ein sechster Ligand mit einem Abstand von 2,59 Å noch zur ersten Koordinationssphäre gezählt werden könnte. Das nächste Nachbaratom, das Sauerstoffatom O(41), ist 2,77 Å von der Basis der Pyramide entfernt. Na(3) wird oktaedrisch von Sauerstoffatomen koordiniert, wobei die O–Na(3)–O-Winkel maximal um nur 7° vom idealen Oktaederwinkel abweichen (Abb. 26). Na(4) wird ebenfalls verzerrt tetragonal pyramidal von Sauerstoffatomen umgeben (Abb. 26) und ist aus der durch die Sauerstoffatome O(11), O(22), O(31), O(41) aufgespannten Basis in Richtung der c-Achse ausgelenkt. Unterhalb der Basis dieser Pyramide finden sich erst in etwa 3,4 – 3,7 Å vier Fluoratome als nächste Nachbarn. Na(5) kann nur durch eine halbbesetzte Splitlage beschrieben werden und wird von den Sauerstoffatomen O(13), O(41)(2x) und O(21) koordiniert (Abb. 26). Idealisiert man die Na(5) Lage auf 0,0,¹/₂ und fasst man die zweizähnig koordinierenden SO₂-Gruppen der Triflationen als äquatoriale Liganden auf, ergibt sich für Na(5) eine pseudooktaedrische Umgebung.

Als auffälligstes Merkmal der Kristallstruktur findet man, wie schon in analoger Weise bei KSO_3CF_3 und $LiSO_3CF_3$ [117],[110], einen mikroheterogenen Aufbau mit einer deutlichen Separation der Bereiche unterschiedlicher Polarität. Die CF_3 - und SO_3 -Teile des Anions sind jeweils einander zugewandt, wobei die Natriumionen ausschließlich im Bereich der SO_3 -Gruppen aufzufinden sind. Die "fluororganischen" Teile der Struktur nähern sich bis auf den van der Waals-Abstand. Im Unterschied zu Kaliumtriflat, in dem die CF_3 -Gruppen ovale Schläuche mit unpolaren Wänden ausbilden [110], sind diese in der Natriumverbindung zu Doppelschichten angeordnet, die ihrerseits parallel zur a/b-Ebene des triklinen Kristallsystems ausgerichtet sind (Abb. 27). Auch in Natriumtriflat sind die Ellipsoide der thermischen Bewegung für die Fluoratome der CF_3 -Gruppe deutlich ausgeprägt, sie lassen sich jedoch ohne weiteres mit harmonischen Auslenkungsparametern verfeinern und sind physikalisch sinnvoll starken Librationen um die dreizählige Achse der CF_3 -Gruppe zuzuordnen.



Abb. 26 Umgebung von Na(1) bis Na(5) in α -NaSO₃CF₃, Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.



Abb. 27 Projektion der Kristallstruktur von α -NaSO₃CF₃, Blickrichtung entlang [010].

1.4 Festkörper-NMR-spektroskopische Untersuchung

Das statische- (Abb. 28a) und das MAS- (Abb. 28b) ²³Na-NMR-Spektrum, aufgenommen bei Raumtemperatur, sind durch eine Überlagerung mehrerer Signalkomponenten charakterisiert. Eine Dekonvolution in fünf Komponenten, die nach den Ergebnissen der Kristallstrukturanalyse zu erwerben sind, ist aber aufgrund der starken Quadrupolwechselwirkung zweiter Ordnung und den daraus resultierenden Linienbreiten nicht möglich.



Abb. 28 ²³Na-NMR-Spektren von Natriumtriflat: a) statisches Spektrum, b) MAS-Spektrum ($v_{MAS} = 20 \text{ kHz}$).

Einen Ausweg bietet hier die Anwendung der MQMAS-(multiple quantum magic angle spinning) NMR-Spektroskopie [118]. Bei dieser Methode wird in einem zweidimensionalen NMR-Experiment eine Dreiquanten- mit einer Einquantenkohärenz korreliert. Nach entsprechender Datenaufbereitung resultieren in der Dreiquantendimension isotrope Signale, die keine Linienverbreiterung durch Quadrupolwechselwirkung zweiter Ordnung mehr aufweisen. Schnitte parallel zur Einquantenachse (Horizontale) an den Signalpositionen in der Mehrquantendimension liefern dann die anisotropen Pulverspektren der individuellen, getrennten Signale. Wie aus der Abbildung 29 (links) deutlich wird, ermöglicht die Anwendung dieses Verfahrens im Falle von Natriumtriflat eine eindeutige Identifikation und Analyse der Signale der fünf unterschiedlichen Natriumpositionen. Aus den Schnitten parallel zur Einquantenachse (Abb. 29 rechts) sowie aus den Positionen der Signale im 2D-Spektrum lassen sich die NMR-Parameter (der Quadrupolkopplungseffekt zweiter Ordnung, SOQE = $C_Q(1 + (\eta_Q^2)/3)^{1/2}$, mit C_Q – Quadrupolkopplungskonstante und η_Q – Asymmetrieparameter, und der isotropen chemischen Verschiebung δ_{iso}) für die einzelnen Signale bestimmen. Dafür wurden die Schwerpunkte der individuellen Signale auf die Achse projiziert. Unter Verwendung der Gleichungen (4) und (5) wurden die in der Tabelle 9 zusammengestellten Werte gewonnen.



Abb. 29²³Na-MQMAS-Spektrum von Natriumtriflat.

Gl. 4
$$\delta_{iso} = \delta_{F2} + (\delta_{F1} - \delta_{F2}) \cdot \frac{17}{27}$$

GL 5
$$SOQE = C_Q (1 + (\eta_Q^2)/3)^{1/2} = 8,246 \cdot 10^{-3} \cdot v_0 \cdot (\delta_{FI} - \delta_{F2})^{1/2}$$

Tabelle 9 Quadrupolkopplungskonstanten C_Q, Asymmetrieparameter η_Q und isotrope chemische Verschiebungen δ_{iso} für die fünf kristallographisch unterschiedlichen Natriumpositionen in

Signal	Zuordnung	δ_{iso}/ppm	C _Q /MHz	η_Q
a	2, 3	-3,7	0,8	1,0
b	2, 3	-6,7	0,7	0,8
С	4	-10,6	3,2	0,1
d	5	-12,6	1,8	0,9
e	1	-13,0	1,1	0,6

Natriumtriflat.

Mit diesen Daten gelingt die Simulation des ²³Na-MAS-NMR-Spektrums (Abb. 30).



Abb. 30 Vergleich des experimentellen ²³Na-MAS-Spektrums (oben) mit dem berechneten Spektrum (unten).

Zur Klärung der Zuordnung wurden die mittels MQMAS-Spektroskopie gefundenen Quadrupolkopplungsparameter C_Q und η_Q mit den anhand der Kristallstruktur berechneten Parametern verglichen. Dabei fanden sowohl ein einfaches Punktladungsmodell als auch Festkörper ab-initio Berechnungen (Crystal 98 [119]) Verwendung. Die entsprechenden Werte sind in Tabelle 10 zusammengestellt. Eine detailierte Diskussion dieses methodischen Vorgehens ist in [120] gegeben. Unabhängig von den absoluten Werten können die berechneten Quadrupolkopplungskonstanten in zwei unterschiedliche Gruppen aufgeteilt werden: solche mit relativ kleinen C_Q -Werten (1,4 – 2,1 MHz, Natriumpositionen 1, 2 und 3) und solche mit größeren C_Q -Werten (3,0 und 3,8 MHz oder 4,5 und 5,7 MHz, abhängig vom verwendeten Modell (Punktladungsmodell oder CRYSTAL98), Natriumpositionen 4 und 5). Die Natriumpositionen 1, 2 und 3 wurden der Gruppe a, b und e zugeordnet, und die Natriumpositionen 4 und 5 entsprechen der Gruppe der Signale c und d (Abb. 30).

Natriumposition	Punktladu	ingsmodell	CRYSTAL98-	Berechnungen
i uu iumposition	C _Q / MHz	η_Q	C _Q / MHz	η_Q
1	2,1	0,5	1,4	0,2
2	1,7	1,0	2,1	0,4
3	1,7	1,0	1,4	0,8
4	3,8	0,1	4,5	0,1
5	3,0	0,9	5,7	0,9

Tabelle 10 Anhand der Kristallstruktur berechnete Quadrupolkopplungsparameter C_Q und η_Q für die fünf kristallographisch unterschiedlichen Natriumpositionen in Natriumtriflat.

In der ersten Gruppe wurde das Signal e ($\eta_Q = 0,6$) der Natriumposition 1 ($\eta_Q = 0,2$ und 0,5 in den Rechnungen) zugeordnet. Die zwei übrigen Signale dieser Gruppe sind einander zu ähnlich, als dass anhand der Quadrupolkopplung allein eine eindeutige Aussage möglich wäre. In der zweiten Gruppe entspricht das Signal c ($\eta_Q = 0,1$) der Natriumposition 4 ($\eta_Q = 0,1$ in beiden Rechnungen), und d ($\eta_Q = 0,9$) – der Position 5 ($\eta_Q = 0,9$ in beiden Rechnungen).

Ausgehend von dieser Zuordnung kann die Dynamik der kristallographisch unterschiedlichen Natriumkationen individuell untersucht werden. Die im Temperaturbereich von 22 °C (295 K) bis 263 °C (536 K) aufgezeichneten ²³Na-NMR Spektren (s. Abb. 31a links) zeigen ausgeprägte Änderungen mit steigender Temperatur. Die beobachteten, temperaturabhängigen Halbwertsbreiten der Signale können im Rahmen eines dynamischen Austauschs der Natriumkationen zwischen verschiedenen Plätzen interpretiert und diskutiert werden. Im Temperaturbereich von 22 °C (295 K) bis zu 139 °C (412 K) beobachtet man ein sukzessives Verschwinden der Signale der Natriumpositionen 2 und 3. An deren Stelle tritt ein neues Signal bei einer chemischen Verschiebung um –9 ppm auf. Gleichzeitig werden die Signale, die den Natriumpositionen 1, 4 und 5 entsprechen, verschmiert. Offensichtlich findet hier bereits ein Austausch unter Einbeziehung der betroffenen Positionen statt.



Abb. 31 a) Die Temperaturabhängigkeit der ²³Na (links) und ¹⁹F (rechts) MAS-NMR-Spektren ($v_{MAS} = 5 \text{ kHz}$) von Natriumtriflat. b) Experimentelle (obere Reihe) ²³Na-NMR-Spektren (links - statisch; rechts - MAS) und Simulationen (untere Reihe; unter Annahme einer gemittelten Quadrupolkopplungskonstante ($C_Q = 1,3 \text{ MHz}, \eta_Q = 0,1, \delta_{iso} = -12,3 \text{ ppm}$ für das statische Spektrum; $C_Q = 1,4 \text{ MHz}, \eta_Q = 0,1, \delta_{iso} = -12,1 \text{ ppm}$ für das MAS-Spektrum)) von Natriumtriflat bei T = 210 °C (483 K) bzw. 212 °C (485 K).

Wird die Temperatur weiter erhöht, so wird der Austausch schnell gegenüber der Frequenzbreite des Spektrums. Jedes Natriumatom nimmt mit gleicher Wahrscheinlichkeit und Häufigkeit jede der fünf unterschiedlichen Positionen ein. Dementsprechend lassen sich das statische und das ²³Na-MAS-Spektren bei 210 °C (483 K) beziehungsweise 212 °C (485 K) mit den Quadrupolkopplungsparametern C_Q = 1,4 MHz (1,3 MHz), η_Q = 0,1 und der isotropen chemischen Verschiebung δ_{iso} = -12,1 ppm anpassen (Abb. 31b). Dieser Zustand bleibt bis zum Schmelzpunkt des Natriumtriflats bei 258 °C (531 K) unverändert.

Für die Untersuchung der Dynamik des Anions wurden ¹⁷O-, ¹⁹F- und ¹³C-NMR-Spektren aufgenommen.

Die temperaturabhängigen ¹⁹F-MAS-NMR-Spektren (Abb. 31a rechts) zeigen kaum Veränderungen im Temperaturbereich 22 °C (295 K) < T < 258 °C (531 K). Die Linienform, die im Wesentlichen durch die intra- und intermolekulare homonukleare Wechselwirkung bestimmt wird, bleibt bis zum Schmelzpunkt unverändert.

Die Dynamik der SO₃-Gruppe wurde mittels ¹⁷O-NMR-Spektroskopie untersucht (Abb. 32a). Die Halbwertsbreiten der temperaturabhängigen ¹⁷O-NMR-Spektren sind in Abb. 32b zusammengestellt. Die Linienform sollte von der Kationendynamik und von der CF₃-Reorientierung unabhängig sein, da die Quadrupolwechselwirkung für die ¹⁷O-Kerne die dominante Wechselwirkung darstellt, und der Quadrupoltensor durch die S–O-Bindung bestimmt wird. Die Analyse des ¹⁷O-NMR-Spektrums bei T = -133 °C (140 K) bestätigt diese Annnahme (Abb. 33a). Für die Anpassung des Spektrums wurden die Anisotropie der chemischen Verschiebung und die heteronukleare Dipolwechselwirkung nicht berücksichtigt. Die NMR-Untersuchungen am ¹⁷O-Linienform von der Position, Dynamik oder Art der Kationen. Daraus kann man schließen, dass eine Änderung in der ¹⁷O-Linienform ausschließlich in der Dynamik der SO₃-Gruppe begründet liegt.

Die temperaturabhängige Entwicklung der ¹⁷O-NMR-Spektren konnte unter Annahme von drei Arten der Rotation des Triflatanions (Rotation der SO₃-und der CF₃-Gruppen entlang der C–S-Achse sowie die isotrope Reorientierung des gesamten Moleküls) beschrieben werden. Im Fall einer schnellen C₃-Rotation ist die Halbierung der Halbwertsbreite zu erwarten, wobei eine isotrope Reorientierung des Moleküls zu einer Lorenzform des ¹⁷O-Signals führen muss. Alle drei Arten der Rotation wurden für Natriumtriflat beobachtet (Abb. 32b, Bereich I, II und III).



MUMM

Nort.

а

b

Abb. 32 a) Temperaturabhängige ¹⁷O-NMR-Spektren. b) Temperaturabhängigkeit der Halbwertsbreite (leere Kreise) und der zweite Moment (schwarze Kreise) des statischen ¹⁷O-Signals von Natriumtriflat.

Abb. 33 zeigt drei ausgewählte ¹⁷O-NMR-Spektren bei –133 °C (140 K), 109 °C (382 K) und 207 °C (480 K) und ihre Anpassungen unter der Verwendung der unterschiedlichen Dynamikmodelle. Bei –133 °C (140 K) sind die SO₃-Gruppen eingefroren. Im ¹⁷O-NMR-Spektrum bei 111 °C (380 K) (Abb. 33b) beträgt die Halbwertsbreite nur die Hälfte des Wertes in den statischen Spektren bei T = –133 °C, was einer schnellen C₃-Rotation um die C–S-Achse (3·10⁵ Hz) entspricht. Ab T > 127 °C (400 K) kann die dritte Art der Anionendynamik, die isotrope Reorientierung des gesamten Moleküls, beobachtet werden (Abb. 33c), die zu einer Lorenzform des ¹⁷O-Signals (Halbwertsbreite 2–3 kHz) führt. Die Halbwertsbreite bei 207 °C (480 K) deutet auf eine geringe verbleibende Quadrupolwechselwirkung hin. Das wird durch die Ergebnisse aus dem Nutationspektrum (Abb. 34) [121,122] bestätigt, aus dem die Quadrupolkopplungskonstante C₀ ≈ 0,5 MHz berechnet wurde.



Abb. 33 Bei T = $-133 \,^{\circ}$ C (140 K) (a, oben), T = 109 $^{\circ}$ C (382 K) (b, mitte), T = 207 $^{\circ}$ C (480 K) (c, unten) gemessene 17 O-NMR-Spektren für Natriumtriflat (schwarz) und Simulationen (rot) unter Annahme der statischen SO₃-Gruppen ($-133 \,^{\circ}$ C), der C₃-Rotation der SO₃-Gruppen (109 $^{\circ}$ C) und der isotropen Reorientierung des gesamten Moleküls (207 $^{\circ}$ C) mit den gemittelten Quadrupolkopplungskonstanten (C_Q = 7,0 MHz, η_Q = 0,2).



Abb. 34 Nutationsspektrum von Natriumtriflat.

Diese Ergebnisse konnten mit Hilfe des ¹³C-MAS-NMR-Untersuchungen bestätigt werden. Zwei Wechselwirkungen (Anisotropie der chemischen Verschiebung (CSA) und die ¹³C–¹⁹F dipolare Kopplung) sind für die ¹³C-Kerne dominant. Die Art der Rotation des Anions konnte durch die Natur des Tensors der chemischen Verschiebung (axialsymmetrisch für die Prozesse I und II, und kubisch für Prozess III) bestimmt werden. Um den Einfluss der zweiten Wechselwirkung (¹³C–¹⁹F dipolare Kopplung) auszuschließen, wurden die ¹³C-NMR-Spektren unter HE-TPPM (high energy two pulse phase modulation [123]) ¹⁹F –Entkopplung und bei sehr langsamen Rotation (500 – 600 Hz) aufgenommen.

Die Spektren bis T < 100 °C (373 K) konnten durch einen axialsymmetrischen ¹³C-CSA-Tensor charakterisiert werden (δ_{iso} = 118 ppm, Δ_{CSA} = 10,5 ppm, η_{CSA} = 0). Bei höheren Temperaturen nimmt die Intensität der Rotationsseitenbanden stark ab, die CSA-Wechselwirkung wird durch die isotrope Reorientierung des Anions ausgemittelt, bis bei 197 °C (470 K) nur eine Lorenzform des ¹³C-Signals beobachtet wird.

Offensichtlich ist der Kationaustausch nicht mit der Rotation der CF₃ bzw. der SO₃-Gruppen verbunden, da die C₃-Rotation bei viel niedrigeren Temperaturen als die Kationendynamik stattfindet. Dagegen ist eine Korrelation zwischen dem Kationaustausch und der isotropen Reorientierung des Anions wahrscheinlich. Der Onset der beiden Effekten wird im Temperaturbereich von 127 °C (400 K) bis 147 °C (420 K) beobachtet. Um eine detaillierte Aussage über einer Korrelation der Kationen- und Anionendynamik zu treffen, sind weitere Hochtemperatur-T₁-Experimente notwendig.

1.5 Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit

Die Leitfähigkeit von festem Natriumtriflat wurde erstmals 1997 publiziert [96]. Demnach zeigt Natriumtriflat bei Temperaturen oberhalb von 220 °C eine sehr gute Natriumionenleitfähigkeit. Im Rahmen dieser Arbeit wurde die Natriumionenleitfähigkeit von Natriumtriflat erneut gemessen.

In der komplexen Darstellung der Impedanzspektren (Argand-Diagramm) von NaSO₃CF₃ zeigen sich drei Temperaturbereiche, die unterschiedlich ausgewertet werden müssen. Bei Temperaturen zwischen 146 °C und 225 °C erkennt man einen Halbkreis, der im Ersatzschaltbild durch einen Widerstand (R) und ein "constant phase"-Element (Q) beschrieben werden kann, und einen linearen Ast, der auf Elektrodenprozesse zurückzuführen ist und mit einer Warburg-Impedanz simuliert werden kann. Als Beispiel ist in Abb. 35 das Argand-Diagramm bei 223 °C gezeigt.



Abb. 35 Argand-Diagramm von NaSO₃CF₃ bei 225 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert); Auswertung: $R_1|(1/(Q_1 \cdot (i \cdot \omega)^{n1})) + 1/(Q_2 \cdot (i \cdot \omega)^{n2})$, mit $R_1 = 4,617 \cdot 10^{+4}$ Ohm, $Q_1 = 6,624 \cdot 10^{-12}$, $n_1 = 0,9270$, $Q_2 = 2,327 \cdot 10^{-5}$, $n_2 = 0,4378$.

Im Temperaturbereich von 145 °C bis 123 °C (Beispiel Abb. 36 bei T = 143 °C) zeigen sich zwei Halbkreise, die im Ersatzschaltbild durch zwei Widerstände (R_K und R_{KG}) dargestellt

werden können. Diese sind jeweils mit einem "constant phase"-Element Q parallel geschaltet. Die aus den Parametern der Anpassung erhaltene Kapazitäten ($C = Q^{(1/n)} \cdot R^{(1/n)-1}$) entsprechen den in der Literatur [124] angegebenen Werte für die Kornleitfähigkeit ($C = 2,2 \cdot 10^{-12}$ F, hochfrequenter, linker Halbkreis) und die Korngrenzenleitfähigkeit ($C = 1,3 \cdot 10^{-10}$ F, niederfrequenter, rechter Halbkreis).



Abb. 36 Argand-Diagramm von NaSO₃CF₃ bei 143 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert); Auswertung: $R_1|(1/(Q_1 \cdot (i \cdot \omega)^{n1})) + R_2|(1/(Q_2 \cdot (i \cdot \omega)^{n2})), \text{ mit } R_1 = 3,048 \cdot 10^{+6} \text{ Ohm}, Q_1 = 4,816 \cdot 10^{-12}, n_1 = 0,9327, R_2 = 1,787 \cdot 10^{+6} \text{ Ohm}, Q_2 = 5,972 \cdot 10^{-10}, n_2 = 0,8157.$

Bei Temperaturen unterhalb 123 °C kann nur ein Halbkreis erkannt werden (Abb. 37).

Die Temperaturabhängigkeit der Natriumionenleitfähigkeit ist in Abb. 38 in der Arrhenius-Darstellung wiedergegeben.

Die Aktivierungsenergie beträgt 98 kJ/mol im Temperaturintervall von 104 bis 228 °C. Die spezifische Kornleitfähigkeit liegt im Bereich von $5,05 \cdot 10^{-9}$ Scm⁻¹ bei 104 °C bis $1,07 \cdot 10^{-5}$ Scm⁻¹ bei 228 °C.

Bei dieser Untersuchung der ionischen Leitfähigkeit von Natriumtriflat stellte sich heraus, dass der starke Anstieg in der zuvor publizierten Leitfähigkeitskurve [96] dem Schmelzpunkt von Natriumtriflat zuzuordnen ist.



Abb. 37 Argand-Diagramm von NaSO₃CF₃ bei 119 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert); Auswertung: $R_1|(1/(Q_1 \cdot (i \cdot \omega)^{n1}))$, mit $R_1 = 1,911 \cdot 10^{+7}$ Ohm, $Q_1 = 3,591 \cdot 10^{-12}$, $n_1 = 0,9459$.



Abb. 38 Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von NaSO₃CF₃ in der Arrhenius-Darstellung.

2 Lithiumtrifluoromethylsulfonat

Von allen Triflaten wurde Lithiumtrifluoromethylsulfonat (Lithiumtriflat) bisher am besten untersucht, u.a. weil es eines der am häufigsten verwendeten Salze in Polymer-Elektrolyten, wie z.B. (PEO)₃:LiSO₃CF₃ [125], ist. Laut früherer Untersuchungen [61,126] ist Lithiumtriflat trimorph. Von der Tieftemperaturmodifikation von Lithiumtriflat (α -LiSO₃CF₃, -150 °C \leq T \leq -15°C) sind nur die Gitterparameter bekannt [61]. Die Kristallstruktur der Raumtemperaturmodifikation (β -LiSO₃CF₃, -15 °C \leq T \leq 157 °C) wurde zunächst 1992 aus Laborpulverdaten bestimmt [116] und später von Bolte et al. erneut mit Einkristalldaten bestätigt [117]. Von der Hochtemperaturmodifikation des Lithiumtriflats (γ -LiSO₃CF₃, 157 °C \leq T \leq 429 °C), die nach dem Abkühlen metastabil bei Raumtemperatur erhalten werden kann, wurden unterschiedliche Gitterparameter [61,126] veröffentlicht. Dem Schmelzpunkt bei 429 °C schließt sich unmittelbar die Zersetzung des Salzes an [61]. Im Hinblick auf den Drehtürmechanismus wurde Lithiumtriflat intensiv mittels Festkörper-NMR und Impedanzspektroskopie untersucht. 1988 wurde LiSO₃CF₃ von Tunstall et al. [127] im Temperaturbereich von -170 bis 130 °C untersucht (⁷Li-, ¹⁹F-Relaxationszeiten). Weiterhin wurden an LiSO₃CF₃ sowohl temperaturabhängige ¹⁹F- [128] als auch ⁷Li-Festkörper-NMR-Studien [129] im Bereich von –70 bis 70 °C unternommen. Weitere Untersuchungen bezüglich der Kationen- und Anionendynamik von LiSO₃CF₃ und LiSO₂¹⁷OCF₃ auch bei höheren Temperaturen wurden von M. Jansen *et al.* [18,74] durchgeführt.

LiSO₃CF₃ ist ein fester Elektrolyt, dessen spezifische Leitfähigkeit im Bereich von 7,01·10⁻⁹ Ω^{-1} cm⁻¹ bei 159 °C bis 6,63·10⁻⁶ Ω^{-1} cm⁻¹ bei 337 °C liegt [18]. Die Aktivierungsenergie, die aus den Leitfähigkeitsmessungen berechnet wurde, beträgt 69 kJ/mol und stimmt überein mit der Aktivierungsenergie, die aus den Festkörper-NMR Untersuchungen nach Waugh und Fedin [130] abgeschätzt werden konnte.

Im Zusammenhang mit unseren Untersuchungen zur Konstitution des Systems Lithiumtriflat/Natriumtriflat ist die Kristallstruktur der Hochtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat von besonderem Interesse. Im Rahmen dieser Arbeit wurden temperaturabhängige Röntgenbeugungsuntersuchungen an β -LiSO₃CF₃ und γ -LiSO₃CF₃ durchgeführt, und die Kristallstruktur von γ -LiSO₃CF₃ wurde aus den Synchrotronpulverdaten aufgeklärt.

2.1 Darstellung und thermisches Verhalten

Das hygroskopische, farblose β -LiSO₃CF₃ (99,995 %, Fa. Aldrich) wurde 48 Stunden bei 150 °C unter Vakuum (p = 10⁻³ mbar) getrocknet. Die Reinheit des Lithiumtriflats wurde mittels Pulverdiffraktometrie und IR-Spektroskopie geprüft. Die weitere Handhabung erfolgte unter trockenem Argon.

Die mittels temperaturabhängiger Röntgenpulveraufnahmen und DSC (Abb. 39) erhaltene Phasenumwandlungstemperatur von T = 156 °C \pm 3 °C stimmt mit bereits publizierten Daten überein [61,126]. Dem Schmelzpunkt bei 429 °C [126] schließt sich unmittelbar die Zersetzung des Salzes an [61,126].



Abb. 39 DSC-Messung an LiSO₃CF₃ (10 °C/min), rot: Aufheizkurve, blau: Abkühlkurve.

2.2 Die Modifikationen von Lithiumtrifluoromethylsulfonat

Die bisher veröffentlichen [61,126] Modifikationen von LiSO₃CF₃ sind in Tabelle 9 wiedergegeben. Die Temperatur der reversiblen $\alpha \rightarrow \beta$ -Umwandlung von LiSO₃CF₃ und die Gitterparameter für die Tieftemperaturphase wurden aus einer Kühl-Guinier-Aufnahme [61] bestimmt. Die $\beta \rightarrow \gamma$ -Phasenumwandlung von LiSO₃CF₃ wurde mittels DSC und Heiz-Guinier nachgewiesen. Die in der Tabelle 11 angegebenen Gitterparameter für γ -LiSO₃CF₃ wurden aus Synchrotrondaten (T = 183 °C) erhalten [131].

Temperatur-	Modifikation			Gitter	parameter		
bereich / °C	Kristallsystem	T / °C	a/Å	h/Å	c/Å	ß/°	V / Å
	(Raumgruppe)		u / / l	577	0777	p7	• / / (
-150 bis -15	α-LiSO ₃ CF ₃	-150	10,110(2)	5,0418(7)	9,532(2)	91,40(1)	485,7(1)
	Monoklin						
	(unbekannt)						
-15 bis 157	β-LiSO ₃ CF ₃	25	10,2429(8)	5,0589(5)	9,5606(6)	90,268(7)	495,41(5)
	monoklin						
	$(P2_{1}/c)$						
157 bis 429	γ-LiSO ₃ CF ₃	183	6,3022(4)	8,6989(5)	20,126(1)	-	1103,37(9)
	orthorombisch						
	(Cmca)						

 Tabelle 11 Modifikationen von LiSO₃CF₃ und jeweilige Gitterparameter

 (Standardabweichungen in Klammern).

2.3 Strukturlösung und –verfeinerung aus Röntgenpulverdaten von γ-LiSO₃CF₃

Die Messungen an der Hochtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat wurden im Temperaturbereich 25 °C < T \leq 183 °C (Heizrate 1 °C/min, Heizung mit Heizluft) am Strahlrohr X7B der National Synchrotron Light Source (NSLS) des Brookhaven National Laboratory (BNL) in einer abgeschmolzenen Kapillare aus Lindemann-Glas (Hilgenberg, Nr. 14, Durchmesser 0,5 mm) in Transmissionsgeometrie durchgeführt. Die Wellenlänge der Röntgenstrahlung ($\lambda = 0,92243$ Å) wurde mittels eines Si[111]-Doppelmonochromators eingestellt. Wellenlänge und Nullpunkt wurden mit Hilfe des LaB₆-Standards bestimmt. Die Probe wurde mit Heißluft im Temperaturbereich 25 °C < T \leq 183 °C (Heizrate 1 °C/min) aufgeheizt. Zur Minimierung von Kristallitgrößeneffekten wurde die Probe während der Messungen um 35° rotiert. Die Belichtungszeit betrug 35 Sekunden pro Aufnahme. Die Verarbeitung der Daten [28] erfolgte unter Verwendung des FIT2D-Software-Pakets. Es wurde beobachtet, dass die Intensität sehr gleichmäßig über die Debye-Scherrer-Ringe verteilt ist, was Korngrenzeneffekte und Vorzugsorientierung ausschließt. Die weiteren Parameter der Datensammlung und die kristallographischen Daten sind in Tabelle 12 angegeben.

(* *	
T / °C	183
a / Å	6,3022(4)
b / Å	8,6989(5)
c / Å	20,126(1)
$V / Å^3$	1103,37(9)
$V/Z / Å^3$	137,92(9)
Z	8
Raumgruppe	Стса
Röntgenographische	
Dichte / g/cm ³	1,88
Molmasse / g/mol	156,01
μ / cm ⁻¹	11,27
R-p / %	2,95
R-wp / %	4,19
R-F	21,2
$R-F^2$	23,3
Anzahl der Reflexe	192
Anzahl der Parameter	8
Anzahl der verfeinerten	l
Atome	8
Wellenlänge / Å	0,92243
2Θ Bereich / °,	4 – 45
Belichtungszeit / s	35
Schritt / °2Θ	0,2174

Tabelle 12 Messparameter und Daten zur Strukturlösung und -verfeinerung von γ -LiSO₃CF₃ (T = 183 °C)

Die Bearbeitung der temperaturabhängigen Pulverdiffraktogramme erfolgte mit Hilfe des GUFI-Programms [132]. Die Indizierung mit ITO [133] ergab eine orthorhombische Elementarzelle mit den in Tabelle 12 aufgeführten Gitterparametern. Obwohl *Cmca* als wahrscheinlichste Raumgruppe erkannt wurde, konnte dies erst zweifelfrei anhand der Strukturlösung bestätigt werden. Die Peakprofile und die Gitterparameter für alle 111 bei verschiedenen Temperaturen gemessenen Pulverdiffraktogramme wurden mit Hilfe einer Profilanpassung nach LeBail [35] mit dem Programm GSAS [38] (Abb. 40) bestimmt.

Eine dreidimensionale Darstellung der temperaturabhängig gemessenen Pulverdiffraktogramme ist in Abb. 41 wiedergegeben (Darstellung: IDL Programm [134]). Die Anzahl der Formeleinheiten pro Elementarzelle für die Hochtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat folgte aus Volumeninkrementrechnungen.

Die Strukturbestimmung wurde mit dem Programm DASH [39] durchgeführt. Dazu wurde eine Teststruktur mit einem Rigid-Body-Ansatz für das Triflatanion global optimiert. Als interne Parameter für das Triflatanion dienten ausschließlich die C-S-Bindungslängen und der Torsionswinkel zwischen SO₃- und CF₃- Gruppen. Weiterhin wurden die Lagen des Lithium- und des Triflations sowie die Orientierung des letzteren anhand von vier Quaternions [135] optimiert. Die Struktur, die die beste Übereinstimmung mit dem gemessenen Pulverdiffraktogramm zeigte, konnte mittels Rigid-Body-Rietveld-Verfeinerung bestätigt werden. Die Positionen der Lithiumionen ließen sich weder bei der globalen Optimisierung noch mit Differenz-Fourier-Synthesen ermitteln. Bei der anschließenden Rietveld-Verfeinerung mit Hilfe des GSAS-Programms wurden die DASH-Programm bestätigten Atompositionen und die Gitterparameter sowie Profilparameter, aus der LeBail-Anpassung übernommen. Als strukturelle Variable wurden zwei unterschiedliche Auslenkungsparameter für die SO₃- und CF₃-Gruppen eingesetzt, die der unterschiedlichen Mobilität dieser Gruppen entsprechen. Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter sind in Tabelle 13 angegeben. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel für die Raum- und Hochtemperaturmodifikationen von Lithiumtriflat im Vergleich können Tabelle 14 entnommen werden [116]. Das beobachtete und berechnete Pulverdiffraktogramm sowie der Differenzplot nach der Rietveld-Verfeinerung sind in Abb. 42 zusammengefasst.


Abb. 40 Pulverdiffraktogramme (unten, λ = 0,92243 Å), Gitterparameter (Mitte) und Zellvolumen (oben) von Lithiumtriflat (Raum- und Hochtemperaturphase) in Abhängigkeit von der Temperatur im Bereich von 20 °C bis 183 °C.



Abb. 41 Eine dreidimensionale Darstellung der temperaturabhängig gemessenen Pulverdiffraktogrammen von Lithiumtriflat: z-Achse - Intensität, x-Achse - 2Θ (4 – 25 °2Θ) und y-Achse - Temperatur (25 °C – 183 °C). Darstellung: IDL Programm [134].

					<i>.</i>
Ion	Lage	Х	у	Z	U _{iso}
S 1	16g	0,530(2)	0,2612(5)	0,4207(1)	0,086(2)
01	16g	0,752(1)	0,2992(7)	0,4190(2)	0,086(2)
O2	16g	0,414(1)	0,3886(8)	0,4485(2)	0,086(2)
03	16g	0,501(2)	0,1266(9)	0,4613(2)	0,086(2)
C1	16g	0,421(2)	0,2249(7)	0,3397(1)	0,101(3)
F1	16g	0,237(2)	0,1550(9)	0,3466(2)	0,101(3)
F2	16g	0,550(2)	0,137 (1)	0,3046(2)	0,101(3)
F3	16g	0,392(2)	0,3564(8)	0,3084(2)	0,101(3)

Table 13 Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter (in Å²) für γ -LiSO₃CF₃ bei T = 183 °C (Standardabweichungen in Klammern).

Table 14 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) für β-LiSO₃CF₃

[110	6] bei	T =	25	°C	und	für	γ-LiS	O_3C	CF_3	bei	T =	183	°C	im	Verg	leic	h
------	--------	-----	----	----	-----	-----	-------	--------	--------	-----	-----	-----	----	----	------	------	---

Formel	β-LiSO ₃ CF ₃	γ-LiSO ₃ CF ₃ ¹
$V / Å^3$	485,27(5)	1103,4(1)
Röntgenographische		
Dichte / g/cm^3	2,14	1,88
S–C	1,821	1,798
S–O	1,420 - 1,472	1,438
C–F	1,251 - 1,324	1,318
∠0-S-0	112 - 118	109
∠F–C–F	106 - 113	109
∠C–S–O	103 - 106	107 - 113
∠S–C–F	108 - 112	108 - 111

(Standardabweichungen in Klammern).



Abb. 42 Plot der Rietveld-Verfeinerung für γ -LiSO₃CF₃ bei T = 183 °C (λ = 0,92243 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe *Cmca* (Linie), die Reflexlagen von γ -LiSO₃CF₃ sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil. Die Intensitäten ab einem Wert von 2 Θ = 20° sind um den Faktor 5 vergrößert.

¹ Alle Abstände und Winkel wurden während Rigid-Body-Rietveld-Verfeinerung fixiert.

2.4 Strukturbeschreibung

In seiner Hochtemperaturmodifikation kristallisiert Lithiumtriflat orthorhombisch in der Raumgruppe *Cmca* mit den Gitterparametern a = 6,3022(4), b = 8,6989(5), and c = 20,126(1) Å (T = 183 °C). Wie schon in analoger Weise für die anderen bekannten Triflate beobachtet wurde, liegen in der Kristallstruktur Doppelschichten aus Triflatanionen vor, in denen die unpolaren CF₃-Gruppen einander zugewandt sind (Abb. 43). Die Triflatanionen sind gestaffelt und zweifach fehlgeordnet. Dies führt zu zwei unterschiedlichen, zueinander verkippten Positionen mit gleichem Schwerpunkt. Die großen Auslenkungsparameter der SO₃- bzw. CF₃-Gruppen zeigen eine Rotationsfehlordnung, die bei den CF₃-Gruppen ausgeprägter ist.

Wegen ihrer hohen Mobilität konnten die Lithiumionen nicht lokalisiert werden, vermutlich befinden sie sich zwischen den SO₃-Schichten wie es auch für Kristallstrukturen der anderen Triflate [110,116,136-138] beobachtet wurde.

Abgesehen davon, dass die Kristallstruktur von γ -LiSO₃CF₃ fehlgeordnet ist, können die Strukturen der beiden Modifikationen (Raum- und Hochtemperaturmodifikation) als ähnlich angesehen werden. Die Verdoppelung der a-Achse des monoklinen β -LiSO₃CF₃ lässt vermuten, dass die Umwandlung der β - in die γ -Phase über eine bislang nicht beobachtete Phase mit der möglichen Raumgruppe *Pbam* abläuft.



Abb. 43 Projektion der Kristallstruktur von γ-LiSO₃CF₃, Blickrichtung entlang [010].

3 Zweiwertige Trifluoromethylsulfonate $(M(SO_3CF_3)_2; M = Ca, Zn und Cu)$

Ein wesentlicher, die Ionenleitung bestimmender Parameter ist die Anzahl der Fehlstellen, die zur Wanderung der Alkalimetallkationen zur Verfügung stehen. Die Zahl der intrinsischen Fehlstellen, Schottky- und Frenkel-Defekte, nimmt bei Erhöhung der Temperatur zu. Eine aliovalente Dotierung erzeugt dagegen extrinsische Fehlstellen.

Für eine derartige aliovalente Dotierung kommt der Austausch von Kationen bei gleichem Anion, zum Beispiel die Dotierung von Alkalitriflaten mit Erdalkalitriflaten oder anderen zweiwertigen Metalltriflaten in Frage. So konnten in Verbindungen wie $Li_4Zn(SO_4)_3$ ähnliche Leitfähigkeiten wie in Li_2SO_4 festgestellt werden [139], während die Dotierung von Na₂SO₄ mit 5 Mol% CaSO₄ zu einer bis zu 700fachen Steigerung der Leitfähigkeit führt [140].

Obwohl die zweiwertigen Trifluoromethylsulfonate (Triflate), wie auch die Alkalitrifluoromethylsulfonate, vielfältige Anwendung als Katalysatoren [141-143] und als Bestandteil von Gel- und Polymerelektrolyten [100-106,108,144-150] finden, sind sehr wenige Grundlagen wie Kristallstrukturen oder Untersuchungen über die Existenz polymorpher Modifikationen bekannt.

Bisher sind keine Daten zu Calciumtriflat publiziert. Zink- und Kupfertriflat wurden von Takei [151,152] durch die Neutralisation von Trifluoromethylsulfonsäure mit Metallhydroxiden oder Carbonaten dargestellt und deren thermische Eigenschaften bestimmt. Kupfertriflat zersetzt sich bei 530 °C ohne zu schmelzen, Zinktriflat zeigt dagegen keine Änderungen beim Erhitzen bis 600 °C. Außerdem wurde von Takei [151,152] von der Leitfähigkeit dieser Triflate in organischen Lösungen berichtet. Unvollständige kristallographische Daten zu Kupfertriflat wurden 1991 von Boumizane [153] veröffentlicht. ESR-Untersuchungen an Kupfertriflat zeigten eine quadratisch planare Koordination für Kupfer an, durch eine EXAFS-Analyse konnte diese Information gestützt werden. Kupfer ist demnach von vier Sauerstoffatomen im Abstand von 1,96 Å umgeben, die darauf im Abstandsspektrum folgenden Atome sind Schwefelatome (im Abstand von 3,14 Å). Zwei weitere Sauerstoffatome sollen sich im Abstand von 3,35 Å befinden.

Im Rahmen dieser Arbeit wurden Röntgenbeugungsexperimente an $Ca(SO_3CF_3)_2$, Zn $(SO_3CF_3)_2$ und Cu $(SO_3CF_3)_2$ durchgeführt. Die Kristallstrukturen wurden aus Synchrotronpulverbeugungsdaten aufgeklärt.

Die Kristallstrukturen von Calcium-, Zink- und Kupfertriflat wurden mit dem Ziel untersucht, Grundlagen für die Herstellung neuer Verbindungen in quasi-binären Systemen M^ISO₃CF₃/M^{II}(SO₃CF₃)₂ insbesondere für die aliovalente Dotierung der Alkalitriflate mit entsprechenden Erdalkaliverbindungen zu legen.

3.1 Darstellung

Die hygroskopischen, farblosen Trifluoromethylsulfonate $(Ca(SO_3CF_3)_2 (99,9 \%, Fa. Aldrich), Zn(SO_3CF_3)_2 (98 \%, Fa. Aldrich), Cu(SO_3CF_3)_2 (98 \%, Fa. Aldrich) wurden aus Wasser umkristallisiert und 36 Stunden bei 130 °C unter Vakuum (p = <math>10^{-3}$ mbar) getrocknet. Die Reinheit wurde mittels Pulverdiffraktometrie und IR-Spektroskopie geprüft. Die weitere Handhabung erfolgte unter trockenem Argon.

3.2 Strukturlösung und –verfeinerung von $M(SO_3CF_3)_2$ (M = Ca, Zn und Cu) aus Röntgenpulverdaten

Hochaufgelöste Röntgenbeugungsexperimente an Zink- und Kupfertriflaten wurden an der Beamline ID31 der ESRF (European Synchrotron Radiation Facility), Grenoble, Frankreich [29,30] durchgeführt. Calciumtriflat wurde an der Beamline X3B1 [24,25] der NSLS (National Synchrotron Light Source), BNL (Brookhaven National Laboratory) in Upton, USA gemessen. Die Proben wurden unter Argon in Markröhrchen (Außendurchmesser 0,5 mm, Glas Nr. 50, Fa. Hilgenberg) überführt und durch Verschmelzen versiegelt.

Die Wellenlänge der Strahlung und der Nullpunkt wurden durch die Aufnahme von sehr genau vermessenen Reflexen von Silicium (ID31) oder von Aluminiumoxid (NBS1976) (X3B1) als externe Standards bestimmt. Der gebeugte Strahl für X3B1 wurde mit Hilfe eines Ge(111)-Analysatorkristalls und eines Na(Tl)I-Szintillationszählers analysiert. Bei der ID31 wurde der gebeugte Strahl über neun Ge(111)-Analysatorkristalle (Abstand von 2°) von neun Szintillationszähler gleichzeitig detektiert. Der Intensitätsabfall des Primärstrahls wurde durch Normalisierung ausgeglichen.

An der Beamline X3B1 der NSLS wurden die Daten schrittweise aufgenommen. An der Beamline ID31 der ESRF erfolgte die Aufnahme der Daten kontinuierlich. Daraufhin wurden die Daten zu Schrittweiten von 0,002° konvertiert. Im letzten Fall wurde eine Beschädigung der Proben durch die Röntgenbestrahlung bei einer Belichtungszeit oberhalb von 20 Minuten beobachtet. Deshalb wurden die Proben alle 20 Minuten in eine unbestrahlte Zone überführt.

Die Bearbeitung der erhaltenen Pulverdiffraktogrammen erfolgte mit Hilfe des GUFI-Programms [132]. Die Indizierung mit ITO [133] ergab eine rhomboedrische Elementarzelle für Calcium- und Zinktriflat und eine trikline Elementarzelle für Kupfertriflat mit den in Tabelle 15 aufgeführten

Gitterparametern. Als mögliche Raumgruppen kamen $R\overline{3}$, R3, R3m, $R\overline{3}m$ für Calcium und

Zinktriflat und P1, $P\overline{1}$ für Kupfertriflat in Betracht. Die Anzahl der Formeleinheiten pro Elementarzelle wurde auf der Basis von Volumeninkrementen abgeschätzt. Die Peakprofile und

die Gitterparameter wurden mit Hilfe einer Profilanpassung nach der LeBail-Methode [35] mit dem Programm GSAS [38] bestimmt. Der Untergrund wurde manuell mit Hilfe des GUFI-Programms modelliert. Die Reflexprofile wurden mit Hilfe einer Pseudo-Voigt-Funktion in Kombination mit einer Funktion beschrieben, die der Asymmetrie der einzelnen Reflexe, bedingt durch axiale Divergenz, Rechnung trägt, beschrieben [154,155]. Calcium und Zinktriflat zeigten eine deutliche Anisotropie der Reflexbreiten, die durch Gitterdefekte hervorgerufen wurde. Dieser Effekt wurde mittels des in dem Programmpaket GSAS implementierten, phänomenologischen Modells von Stephens [156] behandelt. Vier Parameter für die rhomboedrischen Phasen und neun für die monokline Phase wurden verfeinert.

Die Strukturbestimmung wurde mit dem DASH-Programm [39] durchgeführt. Die gemessenen Pulverdiffraktogramme wurden einer Pawley-Verfeinerung unterworfen, um korrelierte integrierte Intensitäten aus den Diffraktogrammen zu erhalten. Die Parameter für die interne Anionbeschreibung (Bindungslängen, Winkel und Torsionswinkel) wurden von Lithiumtriflat [116] übernommen. Die Lagen der zweiwertigen Kationen und der Triflationen wurden global optimiert. Die Strukturen, die die besten Übereinstimmungen mit den gemessenen

Pulverdiffraktogrammen zeigten (für Calcium- und Zinktriflat in der Raumgruppe $R\overline{3}$, für

Kupfertriflat in $P\overline{1}$), konnten mittels Rietveld-Verfeinerung (GSAS-Programm) bestätigt werden (Abb. 44-46). Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter sind in den Tabellen 16-18 angegeben.

Formel	$Ca(SO_3CF_3)_2$	$Zn(SO_3CF_3)_2$	$Cu(SO_3CF_3)_2$
Temperatur / °C	22	22	22
Molmasse / g/mol	338,20	363,50	361,670
Raumgruppe	R3	R3	$P\overline{1}$
Z	3	3	1
a / Å	5,60549(3)	4,9787(1)	4,9896(2)
b / Å	5,60549(3)	4,9787(1)	10,7668(4)
c / Å	31,1417(2)	31,3165(7)	4,8219(2)
α/°	90	90	103,523(3)
β/°	90	90	118,085(3)
γ / °	120	120	79,459(3)
Molares Volumen / Å ³ /mol	847,42(1)	672,27	221,40(1)
Röntgenographische Dichte / g/cm ³	1,988	2,694	2,713
Wellenlänge, $\lambda / Å$	0,69953	0,24804	0,24804
R-p / %	7,64	8,05	8,86
R-wp / %	15,69	10,45	12,31
$R-F^2/\%$	16,07	11,01	21,63
χ^2	5,257	1,131	1,666
Anzahl der Reflexe	119	233	737

Tabelle 15 Kristallographische Daten für Calcium-, Zink- und Kupfertriflat bei T = 22 °C.

Tabelle 16 Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter (in Å²) für $Ca(SO_3CF_3)_2$ bei T = 22 °C (Standardabweichungen in Klammern).

Atom	Lage	Occ.	Х	у	Z	U _{iso}
Ca	3а	1	0	0	0	0,0568
S 1	6с	1	0	0	0,27762(4)	0,0297
01	18f	0,33333	-0,144(2)	-0,28060(2)	0,29309(4)	0,0315
02	18f	0,33333	0,28060(2)	0,137(2)	0,29309(4)	0,0315
03	18f	0,33333	-0,137(2)	0,144(2)	0,29309(4)	0,0304
C1	6с	1	0	0	0,21918(4)	0,0594
F1	18f	0,33333	0,078 (1)	0,2472 (3)	0,20524(4)	0,0619
F2	18f	0,33333	0,170(1)	-0,078(1)	0,20524(4)	0,0607
F3	18f	0,33333	-0,2472 (3)	-0,170(1)	0,20524(4)	0,0627

Atom	Lage	Occ.	X	у	Ζ	U _{iso}
Zn	3а	1	0	0	0	0,0231
S1	6с	1	0	0	0,28018(5)	0,0069
01	18f	0,33333	-0,0416(7)	-0,2920 (3)	0,29556(5)	0,0069
02	18f	0,33333	0,2920 (3)	0,2504(4)	0,29556(5)	0,0069
03	18f	0,33333	-0,2504(4)	0,0416(7)	0,29556(5)	0,0069
C1	6с	1	0	0	0,22207(5)	0,0412
F1	18f	0,33333	0,0191(7)	0,2556(3)	0,20821(5)	0,0411
F2	18f	0,33333	0,2365(4)	-0,0191(7)	0,20821(5)	0,0411
F3	18f	0,33333	-0,2556(3)	-0,2365(4)	0,20821(5)	0,0410

Tabelle 17 Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter (in Å²) für $Zn(SO_3CF_3)_2$ bei T = 22 °C (Standardabweichungen in Klammern).

Tabelle 18 Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter (in Å²) für $Cu(SO_3CF_3)_2$ bei T = 22 °C (Standardabweichungen in Klammern).

Atom	Lage	X	у	Z	U _{iso}
Cu	lf	0,5	0	0,5	0,0241
S 1	2 <i>i</i>	0,2422(9)	0,8423(3)	0,7931(9)	0,006(1)
01	2 <i>i</i>	0,486 (2)	0,8887(5)	0,104(2)	0,006(1)
O2	2 <i>i</i>	0,267 (2)	0,8880(6)	0,545(2)	0,006(1)
O3	2 <i>i</i>	-0,053(2)	0,8903(7)	0,789 (2)	0,006(1)
C1	2 <i>i</i>	0,2773(8)	0,6707 (4)	0,721 (1)	0,015(2)
F1	2 <i>i</i>	0,044 (1)	0,6272(6)	0,447 (2)	0,015(2)
F2	2 <i>i</i>	0,539(1)	0,6293(7)	0,704 (2)	0,015(2)
F3	2i	-0,277 (1)	0,6277(5)	0,960(2)	0,015(2)

Für die Stabilisierung der Anionen wurden entweder "soft constraints" für die Bindungslängen (C–S, C–F, S–O) und Winkel (S–C–F, C–S–O) oder Rigid-Body (mit der TLS-Matrix [157]) verwendet. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel für Calcium-, Zink- und Kupfertriflat können Tabelle 19 entnommen werden.

	Ca(SO ₃ CF ₃) ₂	Zn(SO ₃ CF ₃) ₂	Cu(SO ₃ CF ₃) ₂
S–C	1,820(2)	1,820(2)	1,790(5)
S–O	1,445(10)	1,445(3)	1,460(10)
C–F	1,302(7)	1,302(3)	1,33(1)
∠0–S–0	109,5(3)	109,5(1)	109,5(5)
∠F–C–F	109,5(3)	109,5(2)	109,5(6)

Tabelle 19 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) für $M(SO_3CF_3)_2$ (M = Ca, Zn, Cu) bei T = 22 °C (Standardabweichungen in Klammern).



Abb. 44 Plot der Rietveld-Verfeinerung für Ca $(SO_3CF_3)_2$ bei T = 22 °C (λ = 0,69953 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe $R\overline{3}$ (Linie), die Reflexlagen von Ca $(SO_3CF_3)_2$ sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.



Abb. 45 Plot der Rietveld-Verfeinerung für Zn(SO₃CF₃)₂ bei T = 22 °C (λ = 0,24804 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe $R\overline{3}$ (Linie), die Reflexlagen von Zn(SO₃CF₃)₂ sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.



Abb. 46 Plot der Rietveld-Verfeinerung für Cu(SO₃CF₃)₂ bei T = 22 °C (λ = 0,24804 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe $P\overline{1}$ (Linie), die Reflexlagen von Cu(SO₃CF₃)₂ sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.

3.3 Strukturbeschreibung

Wie schon in analoger Weise bei den die Alkalitriflaten (mit Ausnahme von Kaliumtriflat) beobachtet wurde, liegen in den Kristallstrukturen von Calcium-, Zink- und Kupfertriflat Doppelschichten aus Triflatanionen vor (Abb. 47-48). In Abbildung 47 ist die Kristallstruktur von Calciumtriflat dargestellt, die Kristallstruktur von Zinktriflat ist isotyp. Die CF₃- und SO₃-Teile des Anions sind einander jeweils zugewandt, wobei die Kationen ausschließlich im Bereich der SO₃-Gruppen aufzufinden sind. Die Triflatanionen liegen in gestaffelter Konformation vor.



Abb. 47 Die Kristallstruktur von Ca(SO₃CF₃)₂.



Abb. 48 Die Kristallstruktur von Cu(SO₃CF₃)₂.

In Calcium- und Zinktriflat sind die Kationen oktaedrisch von sechs Sauerstoffatomen koordiniert, die Kation–Sauerstoff-Abstände betragen d(Ca–O): 2,2543 – 2,2548 Å; d(Zn–O): 2,0683 – 2,0688 Å (Abb. 49). In Kupfertriflat wird eine Jahn-Teller-Verzerrung für die Kupferkoordination beobachtet (d(Cu–O_{max}): 2,280 Å; d(Cu–O_{equ}): 1,9281 Å) (Abb. 50), was mit den Ergebnissen aus bereits publizierten EXAFS-Spektroskopie-Experimenten an Kupfertriflat übereinstimmt [153]. Boumizane fand eine "4+2"-Sauerstoffkoordination für das Kupferion, wobei der Abstand zwischen dem Kupferatom und den quadratisch planar koordinierenden Sauerstoffatomen 1,96 Å betrug.



Abb. 49 Oktaedrische Umgebung von M in $M(SO_3CF_3)_2$ (M = Ca, Zn) am Beispiel des Calciumions in Calciumtriflat.



Abb. 50 Jahn-Teller-verzerrte oktaedrische Umgebung des Kupferions in Cu(SO₃CF₃)₂.

Um die Kristallstrukturen von $M(SO_3CF_3)_2$ (M = Ca, Zn und Cu) leichter miteinander vergleichen zu können, wurden die Triflatmoleküle durch ihre Schwerpunkte ersetzt (Abb. 51).

Die Kristallstrukturen von Calcium-, Zink- und Kupfertriflat bestehen aus MX₆-Oktaedern, die auf einer Dreiecksfläche liegen und mit den Nachbaroktaedern über sechs von zwölf Kanten verknüpft sind. Diese Oktaeder sind zu pseudo-hexagonalen Schichten gepackt (Abb. 51, am Beispiel von Calciumtriflat). In Calcium- und Zinktriflat sind die Schichten senkrecht zur c-Achse angeordnet (Abb. 52a), während sie in Kupfertriflat senkrecht zur b*-Achse gestapelt sind (Abb. 52b).



Abb. 51 Die Verknüpfung der Oktaeder in der Kristallstruktur von Ca(SO₃CF₃)₂. Die Schwerpunkte der Triflatmoleküle sind als rote Kugeln gezeigt.



Abb. 52 Kristallpackungen von $M(SO_3CF_3)_2$ (a) M = Ca, b) M = Cu). Die Schwerpunkte der Triflatmoleküle sind als rote Kugeln gezeigt.

4 Das System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃²⁾

Bei Früheren Untersuchungen [61] zum System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ wurde eine neue Verbindung mit der Zusammensetzung Li_{0,5}Na_{0,5}SO₃CF₃ erhalten, die in einer orthorhombischen Zelle mit den Gitterparametern a = 19,79(4) Å, b = 12,35(2) Å, c = 6,02(1) Å indiziert wurde. Für Li_{0,5}Na_{0,5}SO₃CF₃ wurden eine Phasenumwandlung bei 160 °C und eine Schmelztemperatur bei 235 °C beobachtet. Die Hochtemperaturmodifikation von Li_{0,5}Na_{0,5}SO₃CF₃ erwies sich als ein sehr guter Ionenleiter (σ = 9,5·10⁻³ Scm⁻¹ bei 228 °C) mit einer Aktivierungsenergie von 32 kJ/mol im Temperaturbereich von 169 °C bis 226 °C.

Eine vollständige Charakterisierung dieser Phase sowie des gesamten Phasendiagramms sollte im Rahmen dieser Arbeit erfolgen.

4.1 Bemerkungen zur Probenpräparation der quasi-binären Verbindungen (s. Abb.109)

Im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ wurden vier neue Phasen beobachtet: die feste Lösung Li_{1-x}Na_xSO₃CF₃ (0 < x \leq 0,1; im Temperaturbereich von 130 °C bis 250 °C), Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃, Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ und eine noch unbekannte Phase, von der nur der Temperaturbereich der Existenz und ein unindiziertes Pulverdiffraktogramm bekannt sind. Bei Raumtemperatur ist keine dieser Phasen stabil, sie sind in Randphasen Lithiumtriflat und Natriumtriflat zerfallen.

 $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ wurde durch Tempern einer Mischung von Lithiumtriflat und Natriumtriflat bei T = 150 °C über 300 Stunden erhalten. Es ist stabil im Temperaturbereich von 81 °C bis 180 °C, kann aber metastabil bei Raumtemperatur erhalten werden. Die Zersetzung dieser Phase wurde im Temperaturbereich zwischen 180 °C und 208 °C beobachtet. Es ist anzunehmen, dass die Heizgeschwindigkeit, Korngröße und andere Faktoren einen Einfluss auf die Zersetzung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ haben.

Eine Phase mit der Zusammensetzung Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ ist stabil im Temperaturbereich von 186 °C bis 254 °C. Bei 254 °C zersetzt sie sich peritektisch, und es wird die oben genannte feste Lösung auf Basis der Hochtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat und eine Schmelze gebildet.

 $^{^{2)}}$ Im Abschnitten 4.1 – 4.5.2 werden Messungen zur Aufklärung des Phasendiagramms des Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ vorgestellt, die Ergebnisse sind in Abb. 109 zusammengefasst.

Für die Untersuchungen wurden Gemenge von $LiSO_3CF_3$ und $NaSO_3CF_3$ in einem Achatmörser im Handschuhkasten unter Argon innig verrieben. Sollten die Proben getempert werden, wurden sie zu Tabletten (d = 6 mm) gepresst und in Silbertiegel überführt. Diese wurden mit Silberdeckeln verschlossen und in Glasampullen, die unter Argon abgeschmolzen wurden, überführt. Die Gemenge wurden im Röhrenofen gemäß folgender Gleichung zur Reaktion gebracht:

(1-x) LiSO₃CF₃ + x NaSO₃CF₃ \rightarrow $Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3^*$ (x = 0 - 1)

* Bemerkung: kursiv sind nominale Zusammensetzungen, die nicht mit definierten Phasen identisch sind, bezeichnet.

Bei vorgetemperten Proben ist zu beachten, dass Lithiumtriflat in seiner Hochtemperaturmodifikation sowie Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ bei Raumtemperatur metastabil erhalten bleiben und sich erst mit der Zeit zersetzen bzw. umrandeln. Dementsprechend konnte in diesen Fällen die β - γ -Phasenumwandlung von Lithiumtriflat und die Bildung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ nicht beobachtet werden.

Die Bildung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist kinetisch langsam, deshalb mussten die Proben für die Untersuchungen mit relativ hoher Heizgeschwindigkeit auf einem alternativen Weg (nicht aus den bei Raumtemperatur stabilen Lithium- und Natriumtriflat, sondern aus der metastabilen Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase) dargestellt werden. In diesem Fall wurde zunächst das Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ durch Tempern bei 150 °C und Abkühlen bei Raumtemperatur metastabil erhalten und daraufhin mit β -Lithiumtriflat oder Natriumtriflat gemischt, um die gewünschte Zusammensetzung zu bekommen.

4.2 Die feste Lösung auf Basis von γ-LiSO₃CF₃

Eine Randlöslichkeit von Natriumtriflat wurde für die Hochtemperaturmodifikation, nicht jedoch für die Raumtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat gefunden.

Als Hinweise auf die Existenz einer festen Lösung (im Folgenden als γ -(Li,Na)SO₃CF₃ bezeichnet) können die Abhängigkeit der Gitterparameter vom Natriumtriflatgehalt bei gleicher Temperatur und eine Absenkung der Temperatur des Phasenübergangs β - $\rightarrow \gamma$ -(Li,Na)SO₃CF₃ (von 160 °C für reines Lithiumtriflat bis zu 130 °C für Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃) gewertet werden. Die Festkörperreaktion bei 130 °C zwischen Lithium- und Natriumtriflat, bei der ein Einbau von Natriumtriflat die Kristallstruktur von γ -LiSO₃CF₃ bei niedrigeren Temperaturen stabilisiert, wird in diesem Kapitel als Phasenübergang β - $\rightarrow \gamma$ -(Li,Na)SO₃CF₃ bezeichnet.

Die Gitterparameter von γ -Li_{1-x}Na_xSO₃CF₃ (x = 0; 0,1; 0,3; 0,5 und 0,6) bei 190 °C, wie sie mittels LeBail-Fits der Pulverdiffraktogramme (T = 190 °C, Mo-Strahlung) bestimmt wurden, sind in Abb. 53 wiedergegeben. Die Grenze der festen Lösung liegt bei 190 °C zwischen 0,1 und 0,3 Molanteil von Natriumtriflat, die nähere Eingrenzung steht noch aus.

DSC-Messungen an Proben mit verschiedenen Zusammensetzungen (Abb. 54) zeigen, dass die Temperatur der β - $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃-Phasenumwandlung, die für reines Lithiumtriflat 156 °C beträgt, für Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃ auf 130 °C sinkt. Für Proben, die mehr als 10 Mol% Natriumtriflat enthalten, bleibt die Phasenumwandlungstemperatur fast unverändert. Auf den DSC-Aufheizkurven von Li_{0,85}Na_{0,15}SO₃CF₃ und Li_{0,8}Na_{0,2}SO₃CF₃ lässt sich das Signal der Bildung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase bei 80 °C erkennen. Außerdem ist bei Proben mit einem Natriumgehalt ab 0,1 Mol% die Bildung der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase bei 180 °C zu sehen.



Abb. 53 Abhängigkeit der Gitterparameter in Å (a - oben, links; b - oben, rechts; c - unten, links) und Volumen in Å³ (unten, rechts) in γ -(Li,Na)SO₃CF₃ bei 190 °C vom Natriumtriflatgehalt.

Aufgrund der hohen Zahl an Untersuchungen, die für eine vollständige Analyse notwendig wären, wurde die Grenze der festen Lösung nur für T = 190 °C bestimmt.

Die Untersuchungen der ionischen Leitfähigkeit von γ -(Li,Na)SO₃CF₃ wurden an einer Probe mit Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃-Zusammensetzung durchgeführt. In der komplexen Darstellung der Impedanzspektren (Argand-Diagramm) von Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃ zeigen sich zwei Halbkreise und ein linearer Ast, der auf Elektrodenprozesse zurückzuführen ist. Als Beispiel ist in Abb. 55 ein Argand-Diagramm bei 245 °C wiedergegeben.

Die Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von $Li_{0,9}Na_{0,1}SO_3CF_3$ ist in Abb. 56 in der Arrhenius-Darstellung wiedergegeben. Die spezifische Kornleitfähigkeit liegt im Bereich von $6,1\cdot10^{-6}$ Scm⁻¹ bei 242 °C bis $3,8\cdot10^{-7}$ Scm⁻¹ bei 145 °C. Die Aktivierungsenergie beträgt im Temperaturbereich von 145 bis 245 °C 51 kJ/mol. Bei Temperaturen oberhalb von 260 °C wurde eine Teilschmelze der Probe beobachtet.



Abb. 54 DSC-Messungen an Li_{1-x}Na_xSO₃CF₃ (10 °/min).



Abb. 55 Argand-Diagramm von Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃ bei 245 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert); Auswertung: R₁|(1/(Q₁·(i· ω)ⁿ¹)) + R₂|(1/(Q₂·(i· ω)ⁿ²)) + 1/(Q₃·(i· ω)ⁿ³), mit R₁ = 3·10⁺⁴ Ohm, Q₁ = 1,6·10⁻¹², n₁ = 1,06, R₂ = 6,1·10⁺⁴ Ohm, Q₂ = 2,17·10⁻¹⁰, n₂ = 0,77 und Q₃ = 2,7·10⁻⁶, n₃ = 0,56.



Abb. 56 Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃ in der Arrhenius-Darstellung.

4.3 Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃

4.3.1 Darstellung, thermisches Verhalten und röntgenographische Untersuchungen an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃

Die Phase $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bildet sich bei der Reaktion eines Gemenges aus β -LiSO_3CF_3 und NaSO_3CF_3 (Einwaage $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$) im Temperaturbereich von 186 °C bis 254 °C. Das Aufheizen eines Gemisches von metastabilem $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ mit β - oder γ -LiSO_3CF_3 führt zum gleichen Ergebnis.

Die DSC-Aufheizkurve (Abb. 57) eines Gemenges aus $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ und γ -LiSO_3CF_3, das der Einwaage $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ entspricht, zeigt die Bildung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei 186 °C. Die peritektische Zersetzung beginnt bei 254 °C. Bei 261°C schließt sich das Schmelzen von γ -(Li,Na)SO_3CF_3 an. Die Abkühlkurve zeigt zunächst die Bildung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei 246 °C und anschließend seine Zersetzung bei 169 °C.

Die temperaturabhängigen Röntgenbeugungsaufnahmen (Synchrotron X7B (NSLS) (Abb. 58)) bestätigen die Ergebnisse der DSC-Messung. Die Temperaturskala der Synchrotronmessungen (Abb. 58) ist auf den Peak der Schmelze (261 °C) aus der DSC-Messung (Abb. 57) normiert. Man erkennt wie sich die $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ -Phase bei 190 °C durch eine Reaktion von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ mit γ -(Li,Na)SO_3CF_3 bildet. Bei 262 °C zersetzt sich $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ seinerseits peritektisch, aufgrund der Lage des Peritektikums wird hier nur eine Schmelze beobachtet.

Man erkennt in Abb. 58 bei 140 °C den Phasenübergang β - $\rightarrow \gamma$ -(Li,Na)SO₃CF₃, den die ausgewählten Profile, die in Abb. 59 gezeigt sind, belegen. In Abbildung 60 sind die an zwei verschiedenen Synchrotronquellen gemessenen Pulverdiffraktogramme gegenübergestellt. Das am X7B gemessene Pulverdiffraktogramm, das für die Untersuchung des thermischen Verhaltens aufgenommen wurde, stimmt überein mit dem am ESRF gemessenen Pulverdiffraktogramm, das für die Indizierung verwendet wurde, überein.

Die Bestimmung der Gitterparameter der $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ Phase erfolgte aus der Synchrotronmessung (ID31(ESRF)) bei 200 °C. Die Zelle lässt sich monoklin mit den Gitterparametern a = 17,8747(1) Å, b = 29,4174(1) Å, c = 5,41919(3) Å, β = 90,5455(3)°

(Zellvolumen 2849,52 Å³) indizieren (Abb. 61). Es ist nicht gelungen, $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei Raumtemperatur als metastabile Phase zu erhalten. Versuche, die Kristallstruktur aus den Hochtemperaturpulverdaten aufzuklären, blieben bisher erfolglos.



Abb. 57 DSC-Messung von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (2 °C/min),

oben: Aufheizkurve, unten: Abkühlkurve.



Abb. 58 Dreidimensionale (oben) und zweidimensionale (unten) Darstellungen der temperaturabhängig gemessenen Pulverdiffraktogramme von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$: z-Achse - Intensität, y-Achse - Temperatur und x-Achse - 2 Θ (4 – 18 °2 Θ). Darstellung: 3D-Programm [158].





Abb. 60 Röntgenpulverdiffraktogramme von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃:





Abb. 61 Plot der LeBail-Verfeinerung für Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ bei T = 200 °C (λ = 0,63251 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe *P*2₁/*a* (Linie), die Reflexlagen von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.

4.3.2 Festkörper-NMR-spektroskopische Untersuchungen

Das statische ⁷Li-NMR-Spektrum (Abb. 62), aufgenommen bei 195 °C, zeigt ein relativ schmales Signal, das für ein Spin $^{3}/_{2}$ charakteristisch ist. Der Zentralübergang weist eine bis jetzt unerklärte Aufspaltung auf. Die anisotrope Linienverbreiterung zeigt, dass keine geschmolzene, lithiumhaltige Phase vorliegt. Die schmalen Signale des MAS-⁷Li-NMR-Spektrums (v_r = 4 kHz, Abb. 63) zeigen, dass die Wechselwirkung, die für die Linienverbreiterung im statischen Spektrum verantwortlich ist, inhomogen ist. Daraus kann man schließen, dass die Linienverbreiterung nicht von der Dipolkopplung verursacht werden kann. An den ⁷Li- (Abb. 63, links) und ⁶Li-MAS-NMR-Spektren (Abb. 63, rechts) erkennt man, dass bei dieser Temperatur (220 °C) nur eine lithiumhaltige Phase vorliegt.



Abb. 62 Statisches ⁷Li-NMR-Spektrum von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei T = 195 °C.



Abb. 63 Li-MAS-NMR-Spektren von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei T = 220 °C (⁷Li - links; ⁶Li - rechts).

Im Unterschied zum ⁷Li zeigt sich im statischen ²³Na-NMR-Spektrum nur der Zentralübergang (Abb. 64). Die Halbwertsbreiten der Signale im Temperaturbereich von 197 °C (470 K) bis 247 °C (520 K) sind in Abb. 65 aufgetragen.



Abb. 64 Statisches ²³Na-NMR-Spektrum von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei T = 247 °C.



Abb. 65 Temperaturabhängigkeit der Halbwertsbreite des statischen ²³Na-NMR-Signals von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ im Bereich von 207 °C bis 247 °C.

Die ⁷Li-T₁-Relaxationszeit-Experimente im Bereich von 90 °C bis 235 °C (Abb. 66) zeigen im Bereich der Bildung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ aus $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ und γ -(Li,Na)SO₃CF₃ einen starken Abfall der "longitudinalen" Relaxationszeit von mehr als einer Größenordnung. Der kleine Sprung bei 150 °C kann von der Phasenumwandlung von Lithiumtriflat verursacht werden.



Abb. 66 ⁷Li-T₁-Relaxationszeit-Experimente im Bereich von 90 °C bis 235 °C.

Die ⁶Li-, ⁷Li- und ²³Na-T₁-Relaxationszeit-Messungen an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ zeigen eine schwache Temperaturabhängigkeit (Abb. 67). Die unter der Annahme eines Arrhenius-Verhaltens berechneten Aktivierungsenergien sind sehr niedrig und betragen 6,2 kJ/mol für ⁶Li, 3,8 kJ/mol für ⁷Li und 6,5 kJ/mol für ²³Na. Dabei muss beachtet werden, dass die aufgetragenen Werte auf unterschiedlichen Seiten der unvollständigen BPP-Kurven entnommen werden (⁶Li - Tieftemperaturseite, ⁷Li und ²³Na - Hochtemperaturseite). Dies spricht dafür, dass die ⁶Li- und ⁷Li-(bzw ²³Na-) Kerne unterschiedliche Relaxationsmechanismen haben. Während die Relaxation des ⁶Li dipolarer Natur ist, können für ⁷Li und ²³Na sowohl dipolare als auch quadrupolare Wechselwirkungen in Betracht kommen.

Um die Anwesenheit und die Größe der Quadrupolwechselwirkungen zu bestimmen, wurden ⁷Li- und ²³Na-Nutationsspektren bei T = 195 °C aufgenommen (Abb. 68). Vergleicht man das ²³Na-Nutationsspektrum (Abb. 68, links oben) mit dem Spektrum einer wässrigen Natriumbromidlösung (Abb. 68, links unten), lässt sich im ersten Fall eine zusätzliche Komponente erkennen. Das deutet auf eine mittelstarke oder starke Quadrupolwechselwirkung hin, die teilweise ausgemittelt ist. Die Abwesenheit von scharfen Details deutet darauf hin, dass die Mobilität der ²³Na-Ionen in der gleichen Größenordnung wie die Quadrupolkopplung liegt.

Die Quadrupolwechselwirkung von ⁷Li, die sich im statischen ⁷Li-NMR-Spektrum zeigte (Abb. 62), ist sehr schwach und auf dem ⁷Li-Nutationsspektrum (Abb. 68, rechts oben) nicht zu erkennen.



Abb. 67 ⁶Li- (oben rechts), ⁷Li- (oben links) und ²³Na-(unten)-T₁-Relaxationszeit-Experimente an $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$.



Abb. 68 ⁷Li-(oben rechts) und ²³Na-(oben links)-Nutationsspektren von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (T = 195 °C) im Vergleich mit den Nutationsspektren von wässrigen Lösungen.

Die oben beschriebenen NMR-Untersuchungen zeigen, dass bei der Bildung der $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ -Phase die Kationen einer höhere Mobilität zeigen als vor der Bildung. Die quantitative Analyse der Mobilität und eine Trennung der Anteile der Lithium- und Natriumionen am Ladungstransport war nicht möglich, die Existenz einer geschmolzenen Nebenphase, die auch zu einem starken Anstieg der Leitfähigkeitskurve führen würde, konnte aber ausgeschlossen werden.

4.3.3 Untersuchung der elektrochemischen Eigenschaften

4.3.3.1 Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit

In der komplexen Darstellung der Impedanzspektren (Argand-Diagramm) einer Probe mit der Zusammensetzung $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ zeigen sich Temperaturbereiche, die unterschiedlich ausgewertet werden müssen.

Bei Temperaturen unterhalb von 159 °C lässt sich nur ein Halbkreis erkennen.

Im Temperaturbereich von 159 °C bis 180 °C (Beispiel Abb. 69 bei T = 173 °C) zeigen sich zwei Halbkreise und ein linearer Ast, der auf Elektrodenprozesse zurückzuführen ist und mit einer Warburg-Impedanz simuliert werden kann. Die Halbkreise können im Ersatzschaltbild durch zwei in Serie geschaltete RQ-Glieder (R: ohmscher Widerstand; Q: "constant phase" Element (CPE)) dargestellt werden. Die aus den Parametern der Anpassung (bei T = 173 °C) erhaltene Kapazitäten (C = $Q^{(1/n)} \cdot R^{(1/n)-1}$) betragen $C_1 = 3, 2 \cdot 10^{-12}$ F für den hochfrequenten, linken Halbkreis und $C_2 = 2, 0 \cdot 10^{-11}$ F für den niederfrequenten, rechten Halbkreis. Da sich bei Temperaturen unterhalb von 180 °C ein Zweiphasengebiet (Gemenge aus γ -(Li,Na)SO₃CF₃ und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃) befindet, entsprechen die zwei Halbkreise wahrscheinlich den Leitfähigkeiten in den unterschiedlichen Phasen. Der Wert für C₂ entspricht dem Wert, der für eine Nebenphase typisch ist [124].

Bei Temperaturen oberhalb von 180 °C erkennt man keine Halbkreise mehr, sondern nur einen linearen Ast (Abb. 70). In diesem Fall wurde der Widerstand aus dem Schnittpunkt der Messkurve mit der x-Achse gewonnen [124].



Abb. 69 Argand-Diagramm von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei 173 °C (Kreuz: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert); Auswertung: R₁|(1/(Q₁·(i· ω)ⁿ¹)) + R₂|(1/(Q₂·(i· ω)ⁿ²)) + 1/(Q₃·(i· ω)ⁿ³), mit R₁ = 2,84·10⁺⁵ Ohm, Q₁ = 4,46·10⁻¹¹, n₁ = 0,81, R₂ = 7,74·10⁺⁵ Ohm, Q₂ = 4,8·10⁻¹¹, n₂ = 0,92, Q₃ = 3,218·10⁻⁷, n₃ = 0,59.



Abb. 70 Argand-Diagramm von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei 200 °C (Auswertung: $R_1 = 55$ Ohm).
Die Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ ist in Abb. 71 in der Arrhenius-Darstellung wiedergegeben. Die Hysterese der $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ -Bildung und -zersetzung zeigt sich auch bei der abgebildeten Leitfähigkeitsmessung.



Abb. 71 Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ in der Arrhenius-Darstellung.

Die Aktivierungsenergie beträgt 59,9 kJ/mol im Temperaturintervall von 185 bis 237 °C. Die elektrische Leitfähigkeit liegt im Bereich von $1,0\cdot10^{-3}$ Scm⁻¹ bei 181 °C bis $2,86\cdot10^{-2}$ Scm⁻¹ bei 237 °C.

Bei dieser Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit stellt sich heraus, dass $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ in seinem Existenzbereich ein sehr guter Ionenleiter ist. Die Leitfähigkeit bei 200 °C ist vergleichbar mit denen von schnellen Lithiumionenleitern, wie Li₃N [79] und LISICONs (<u>LiSuperionicConductors</u>) [11,77,78,80].

4.3.3.2 Gleichstromexperimente an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃

Für die qualitative Untersuchungen, welche Ionensorte durch den Festkörper transportiert wird, wurden die Gleichstromexperimente an $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ in einer selbstgebauten Messzelle (s. Kap. 3.6.5, Abb. 22) durchgeführt. Zunächst wurde die Probe mit der Zusammensetzung Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ mit Lithium-, Natrium- und Wolframelektroden am Impedanzanalysator (s. Kapitel 3.6.3) gemessen. Für den Vergleich wurden unterschiedliche Temperaturen (unterhalb und oberhalb der Bildungstemperatur der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase) gewählt. In Abb. 72 sind die Messungen bei 160 °C gezeigt. Hier liegt eine Mischung aus γ-(Li,Na)SO₃CF₃ und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ vor.



Abb. 72 Argand-Diagramm von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ bei 160 °C (Kreuz: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert).
Auswertung für Li- bzw. Na-Elektroden: R₁|(1/(Q₁·(i·ω)ⁿ¹)), mit a) Li-Elektroden (R₁ = 5,7·10⁺⁶ Ohm, Q₁ = 3,8·10⁻¹², n₁ = 0,96); b) Na-Elektroden (R₁ = 4,5·10⁺⁶ Ohm, Q₁ = 4,9·10⁻¹², n₁ = 0,95); Auswertung für W-Elektroden: R₁|(1/(Q₁·(i·ω)ⁿ¹)) + 1/(Q₂· (i·ω)ⁿ²), mit
c) W-Elektroden (R₁ = 3,6·10⁺⁶ Ohm, Q₁ = 2,3·10⁻¹², n₁ = 0,99, Q₂ = 1,1·10⁻⁶, n₂ = 0,41). Bei den Messungen mit reversiblen Li- oder Na-Elektroden zeigt sich erwartungsgemäß nur ein Halbkreis. Die Verwendung der ionenblockierenden Wolframelektroden hat dagegen die Ausbildung eines Polarisationsspikes zur Folge. Somit kann die Probe als gemischter Li- und Na-Ionenleiter angesehen werden. Der elektronische Anteil an der Gesamtleitfähigkeit kann vernachlässigt werden.

Die Argand-Diagramme von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bei Temperaturen oberhalb von 180 °C (Abb. 73-75; T = 198 °C) zeigen den starken Anstieg der Leitfähigkeit im Vergleich zu der Leitfähigkeit bei T = 160 °C. Außerdem erkennt man die Unterschiede in der Gestalt der Messkurven. Der Kornwiderstand (R₁) wurde jeweils, wie in Kapitel 4.3.3.1 beschrieben, aus dem Schnittpunkt der Messkurve mit der x-Achse gewonnen [124]. Der zweite Halbkreis kann auf eine Deckschicht zurückgeführt werden, die sich durch eine Reaktion zwischen Alkalimetall und der Probe aufbaut und eine verminderte Li- (bzw. Na-)-Ionenleitfähigkeit aufweist.



Abb. 73 Argand-Diagramm von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (mit Lithium als Elektroden) bei 198 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert).

Auswertung:
$$R_1 + R_2 | (1/(Q_2 \cdot (i \cdot \omega)^{n_2})), mit$$

 $R_1 = 3,76 \cdot 10^{+2}$ Ohm, $R_2 = 4,23 \cdot 10^{+3}$ Ohm, $Q_2 = 7,8 \cdot 10^{-4}, n_2 = 0,48$.



Abb. 74 Argand-Diagramm von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (mit Natrium als Elektroden) bei 198 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert). Auswertung: $R_1 + R_2|(1/(Q_2 \cdot (i \cdot \omega)^{n^2})))$, mit $R_1 = 1,05 \cdot 10^{+3}$ Ohm, $R_2 = 1,2 \cdot 10^{+5}$ Ohm, $Q_2 = 2,2 \cdot 10^{-5}$, $n_2 = 0,67$.



Abb. 75 Argand-Diagramm von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (mit Wolfram als Elektroden) bei 198 °C (Kreuze: gemessen, durchgezogene Linie: simuliert ($R_1 = 1,4 \cdot 10^{+3}$ Ohm)).

Die Gleichstrommessungen an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ wurden an einem computergesteuertem Multipotentiostaten (VMP, Bio-Logic) (s. Kap. 3.6.5) potentiostatisch durchgeführt.

Die Messungen mit den ionenblockierenden Wolframelektroden (Abb. 76) zeigen sehr geringe Leitfähigkeit im stationären Zustand. Die Messwerte der Stromstärke $(10^{-6} - 10^{-8} \text{ mA})$ liegen an der unteren Messgrenze des Geräts und sind viel niedriger als die Werte, die bei den Messungen mit den reversiblen Elektroden erhalten wurden. Eine elektronische Leitfähigkeit kann somit ausgeschlossen werden.



Abb. 76 Die Gleichstrommessung an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (mit ionenblockierenden Wolframelektroden) bei 203 °C (schwarz: Spannung, rot: Strom).

Die Gleichstrommessungen unter Verwendung der Lithium- und Natriumelektroden (Abb. 77-78) zeigen messbare Leitfähigkeiten, die von der angelegten Spannung abhängig ist. Da die Messung mit den Wolframelektroden einen sehr geringen Anteil der elektronischen Leitfähigkeit an der Gesamtleitfähigkeit zeigte, muss $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ ein Ionenleiter sein. Die absoluten Ergebnisse (E/I > 10¹⁰ Ohm (Für W); E/I = 1·10⁴ Ohm (für Li); E/I = 9·10⁴ Ohm (für Na)) sind quantitativ nicht vergleichbar, weil durch die Reaktion zwischen den Alkalimetallelektroden und der Probe eine Deckschicht ausgebildet wird (s. Impedanz-Ergebnisse). Die deutlich höhere Leitfähigkeit bei der Verwendung von reversiblen Elektroden belegt eindeutig, dass $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ ein gemischter Lithium-Natrium-Ionenleiter ist.



Abb. 77 Die Gleichstrommessung an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (mit Lithiumelektroden) bei 203 °C (schwarz: Spannung, rot: Strom).



Abb. 78 Die Gleichstrommessung an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (mit Natriumelektroden) bei 203 °C (schwarz: Spannung, rot: Strom).

4.4.1 Darstellung, thermisches Verhalten und röntgenographische Untersuchungen an $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$

Anhand der Heiz-Guinier-Aufnahme (Abb. 79) erkennt man, dass Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ bei 81 °C gebildet wird. Die vollständige Festkörperreaktion eines Gemenges aus β -LiSO₃CF₃ und NaSO₃CF₃ (Einwaage *Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃*) ist kinetisch gehemmt. Es wurde beobachtet, dass die Bildung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ schneller erreicht wird, wenn statt β -LiSO₃CF₃ die Hochtemperaturmodifikation verwendet wird. Für die Untersuchungen der Eigenschaften wurde Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ durch Tempern einer Mischung von Lithiumtriflat und Natriumtriflat bei T = 150 °C über 300 Stunden hergestellt. Nach dem Abkühlen auf Raumtemperatur blieb Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ einige Wochen metastabil erhalten.



Abb. 79 Heiz-Guinier-Aufnahme von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃.

Die erste DSC-Aufheizkurve (Abb. 80) einer vorher getemperten Probe zeigt die peritektische Zersetzung von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ bei 208 °C. Der Peak der Bildung von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ ist hier nicht zu beobachten, weil die Festkörperreaktion bereits beim vorausgehenden Tempern der Probe stattfand. Der letzte Peak bei 236 °C entspricht der Schmelze. Bei der Abkühlkurve sind ebenfalls die bei dem Aufheizen beobachteten Effekte zu sehen.



Abb. 80 DSC-Messung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (1. Zyklus - 0,5 °C/min; 2. Zyklus – 2 °C/min), oben: erste Aufheizkurve (grün), zweite Aufheizkurve (blau); unten: erste Abkühlkurve (rot), zweite Abkühlkurve (lila).

Die Erkenntnisse aus den DSC-Messungen konnten durch die temperaturabhängigen Röntgenbeugungsaufnahmen (Synchrotron X7B (NSLS) (Abb. 81)) von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ erweitert werden. Die Temperaturskala wurde ebenso wie für $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ auf den Peak der Schmelze (236,5 °C) aus der DSC-Messung (Abb. 80) normiert.

Die temperaturabhängigen Röntgenbeugungsaufnahmen zeigen die peritektische Zersetzung von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ unter der Bildung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ und $NaSO_3CF_3$ bei 201 °C (Abb. 82). Im Temperaturbereich von 226 °C bis 231 °C liegen $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ und eine unbekannte Phase nebeneinander vor (Abb. 83). Um zu zeigen, dass die Reflexe bei 231 °C, die nicht zu $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ zugeordnet werden konnten, auch nicht zu Natriumtriflat gehören, ist auf der Abb. 83 (unten) das Pulverdiffraktogramm von Natriumtriflat zum Vergleich gegeben. Die Schmelze tritt bei 236 °C ein.



Abb. 81 Dreidimensionale (oben) und zweidimensionale (unten) Darstellungen der temperaturabhängig gemessenen Pulverdiffraktogramme von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃:
 z-Achse - Intensität, y-Achse - Temperatur und x-Achse - 2Θ (3,66 – 23,21°2Θ). Darstellung: 3D-Programm [158].



Abb. 82 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ (schwarz) bei 216 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (rot) und NaSO₃CF₃ (blau).



Abb. 83 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (schwarz) bei 231 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (rot, oben) und NaSO₃CF₃ (rot, unten).

Die Indizierung des am Synchrotron bei 25 °C gemessenen Pulverdiffraktogramms von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ (Abb. 84) ergab eine trikline Metrik mit den Gitterparametern a = 9,6127(1) Å, b = 10,6301(1) Å, c = 11,0056(1) Å, α = 85,9154(1)°, β = 78,4969(3)°und β = 70,7147(1)° (Zellvolumen 1040,15 Å³). Die Temperaturabhängigkeit der Gitterparameter ist in Abb. 85 gezeigt.



Abb. 84 Plot der LeBail-Verfeinerung für Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ bei T = 25 °C (λ = 0,92235 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (schwarze Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in der Raumgruppe $P\overline{1}$ (rote Linie), die Reflexlagen von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ sowie die Differenzkurve (blau, unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.



Abb. 85 Temperaturabhängigkeit der Gitterparameter von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃.

4.4.2 Einkristallstrukturanalyse von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃

Ein Einkristall wurde aus einem Gemenge von γ -LiSO₃CF₃ und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ isoliert, das durch Tempern (170 °C, 2000 Stunden, Abkühlrate 0,1 °/Stunde) eines Gemenges von LiSO₃CF₃ (50 %) und NaSO₃CF₃ (50 %) erhalten wurde.

Für die Einkristallröntgenstrukturanalyse wurden zwei Datensätze bei –173 °C und bei 25 °C gemessen. Die kristallographischen Daten und die Parameter der Datenerfassung für beide Messungen sind in Tabelle 20 wiedergegeben. Die großen Auslenkungsparameter bei Raumtemperatur, die durch dynamische Fehlordnung der Triflatanionen hervorgerufen werden, führen zu schlechteren Gütefaktoren. Im Folgenden werden die Messergebnisse der Einkristallröntgenstrukturanalyse bei –173 °C dargestellt. Die Daten der Messung bei 25 °C sind im Anhang aufgelistet. Für die Verfeinerung der Triflatanionen mussten keine "constraints" gewählt werden, die Atome konnten frei verfeinert werden. Bei der Verfeinerung wurden Lithium(1) und Natrium(4) auf einer Position festgehalten, ihre Auslenkungsparameter wurden gleichgesetzt.

Die Atomkoordinaten sind in Tabelle 21 und die anisotropen Auslenkungsparameter in Tabelle 22 angegeben. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel können Tabelle 23 entnommen werden.

Das bei Raumtemperatur gemessene Pulverdiffraktogramm stimmt mit dem theoretisch berechneten überein (Abb. 86). Verwendet man für die Berechnung die Atomlagen aus der Tieftemperaturmessung (–173 °C), zeigen sich Abweichungen einzelner Reflexintensitäten. Dies wird durch eine geringere Rotationsfehlordnung, die sich deutlich in kleineren Atomauslenkungsparameter widerspiegelt, hervorgerufen.

	Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃ .	
Kristalldaten		
Temperatur / °C	25	-173
Raumgruppe (Nr.), Z	$P\overline{1}(2), 8$	$P\overline{1}(2), 8$
a / Å	a = 9,601(2)	a = 9,534(2)
b / Å	b = 10,618(2)	b = 10,549(2)
c / Å	c = 10,990(2)	c = 10,948(2)
lpha / °	$\alpha = 85,932(4)$	$\alpha = 84,824(4)$
β / °	$\beta = 78,501(3)$	$\beta = 77,015(3)$
γ / °	$\gamma = 70,690(3)$	$\gamma = 70,614(3)$
Molares Volumen / Å ³ /mol	1036,0(3)	1012,0(3)
Röntgenographische Dichte /	,	
g/cm ³	2,173	2,224
<i>Datenerfassung</i> Diffraktometer Monochromator Röntgenstrahlung, λ / Å Meßbereich	Bruker AXS, APEX SMA Graphit MoK $_{\alpha}$, 0,71073 1,89° $\leq \theta \leq 28,98^{\circ}$ -13 < h < 13, -14 < k<	ART-CCD $1,91^{\circ} \le \theta \le 26,00^{\circ}$ -11 < h < 11, -12 < k <
	14, -14 < 1 < 14	12, -13 < 1 < 13
Absorptionskorrektur	Semiempirische Absop [111]	tionskorrektur SADABS
Anzahl der gemessenen Reflexe Anzahl der	11667	9176
symmetrieunabhängigen Reflexe	5449	3977
Absorptionskoeffizient μ / mm^{-1}	0,69	0,71
F(000)	661,6	661,5
Strukturaufklärung	,	,
Anzahl der freien Parameter	319	327
Gütefaktor R1 ($F_0 > 4\sigma(F_0) / alle$)	0,1340 / 0,2502	0,0596 / 0,1196
Gewichteter Gütefaktor wR2 $\Delta \rho_{min}, \rho_{max} / e^{-}/A^{3}$	0,2551 / 0,2937 -0,53/0,85	0,1382 / 0,1659 -0,70/0,70

Tabelle 20 Kristallographische Daten und Angaben zur Strukturbestimmung für

113

Atom	Lage	Х		у	Z
Na(1)	2i		0,9998(2)	-0,1481(2)	0,3655(2)
Na(2)	2 <i>i</i>		0,0353(2)	0,3349(2)	0,3478(2)
Na(3)	lg		0,4231(3)	0,1859(2)	0,5004(2)
Na(4)*	2i		0,3804(5)	0,5319(5)	0,6473(6)
Li(4)*	2i		0,3804(5)	0,5319(5)	0,6473(6)
S(1)	2i		0,2507(2)	0,5232(1)	0,3925(1)
S(2)	2i		0,2635(2)	0,0058(1)	0,3702(1)
S(3)	2i		0,1912(2)	0,3436(2)	0,7322(1)
S(4)	2i		0,7638(2)	0,1927(2)	0,2880(1)
O(11)	2 <i>i</i>		0,1092(4)	0,6258(4)	0,4421(4)
O(12)	2i		0,2421(4)	0,3893(4)	0,3969(4)
O(13)	2 <i>i</i>		0,3791(4)	0,5321(4)	0,4375(4)
O(21)	2 <i>i</i>		0,1385(4)	0,1209(4)	0,4256(4)
O(22)	2i		0,4055(4)	-0,0052(4)	0,4042(4)
O(23)	2i		0,2285(4)	-0,1170(4)	0,3760(4)
O(31)	2i		0,1801(6)	0,2262(4)	0,6895(5)
O(32)	2i		0,0607(5)	0,4610(4)	0,7318(4)
O(33)	2i		0,3325(5)	0,3675(7)	0,6749(5)
O(41)	2i		0,6078(5)	0,2470(5)	0,3535(4)
O(42)	2i		0,8429(5)	0,0587(4)	0,3240(4)
O(43)	2i		0,8451(6)	0,2882(5)	0,2778(5)
C(1)	2i		0,2953(6)	0,5650(6)	0,2235(6)
C(2)	2 <i>i</i>		0,2910(7)	0,0532(6)	0,2032(6)
C(3)	2 <i>i</i>		0,1998(7)	0,3134(7)	0,8969(6)
C(4)	2 <i>i</i>		0,7472(7)	0,1786(7)	0,1273(6)
F(11)	2 <i>i</i>		0,2163(5)	0,6892(4)	0,1991(4)
F(12)	2 <i>i</i>		0,2664(6)	0,4862(4)	0,1555(4)
F(13)	2 <i>i</i>		0,4399(4)	0,5535(6)	0,1869(4)
F(21)	2i		0,4159(4)	-0,0272(4)	0,1372(4)
F(22)	2i		0,1754(4)	0,0484(4)	0,1577(3)
F(23)	2i		0,2940(5)	0,1776(4)	0,1888(4)
F(31)	2i		0,3119(5)	0,2068(5)	0,9121(4)
F(32)	2 <i>i</i>		0,0743(5)	0,2968(6)	0,9599(4)
F(33)	2 <i>i</i>		0,2165(8)	0,4167(6)	0,9424(5)
F(41)	2 <i>i</i>		0,8818(4)	0,1281(5)	0,0535(4)
F(42)	2i		0,6774(5)	0,2989(4)	0,0822(4)
F(43)	2i		0,6650(5)	0,1002(5)	0,1241(4)

Tabelle 21 Lageparameter für Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃

(Standardabweichungen in Klammern, T = -173 °C).

*Besetzungsfaktor 0,35

** Besetzungsfaktor 0,65

Atom	U ₁₁	U ₂₂	U ₃₃	U ₂₃	U ₁₃	U ₁₂
Na(1)	19(1)	27(1)	34(1)	3(1)	-6(1)	0(1)
Na(2)	21(1)	24(1)	35(1)	1(1)	-7(1)	-3(1)
Na(3)	31(1)	31(1)	40(2)	0(1)	-14(1)	-5(1)
Na(4)	23(3)	26(3)	84(5)	-18(3)	-21(3)	0(2)
Li(1)	23(3)	26(3)	84(5)	-18(3)	-21(3)	0(2)
S(1)	16(1)	22(1)	28(1)	-1(1)	-7(1)	-2(1)
S(2)	17(1)	22(1)	30(1)	1(1)	-7(1)	-4(1)
S(3)	20(1)	36(1)	31(1)	0(1)	-9(1)	-9(1)
S(4)	22(1)	28(1)	33(1)	5(1)	-10(1)	-5(1)
O(11)	18(2)	23(2)	29(2)	2(2)	-6(2)	0(2)
O(12)	20(2)	26(2)	32(2)	1(2)	-8(2)	-8(2)
O(13)	18(2)	30(2)	34(2)	1(2)	-8(2)	-6(2)
O(21)	26(2)	23(2)	30(2)	2(2)	0(2)	3(2)
O(22)	22(2)	37(2)	38(2)	4(2)	-13(2)	-8(2)
O(23)	26(2)	25(2)	46(3)	-1(2)	-8(2)	-9(2)
O(31)	70(4)	21(2)	85(4)	-3(2)	-50(3)	-2(2)
O(32)	58(3)	26(2)	43(3)	3(2)	-18(2)	1(2)
O(33)	32(3)	159(6)	39(3)	4(3)	-4(2)	-50(4)
O(41)	29(2)	60(3)	39(3)	-1(2)	-7(2)	9(2)
O(42)	37(3)	29(2)	47(3)	9(2)	-14(2)	-2(2)
O(43)	60(3)	47(3)	54(3)	16(2)	-32(3)	-30(3)
C(1)	20(3)	30(3)	35(4)	0(3)	-7(3)	-10(3)
C(2)	26(3)	29(3)	29(3)	-3(3)	-7(3)	-6(3)
C(3)	27(3)	45(4)	39(4)	0(3)	-3(3)	0(3)
C(4)	21(3)	50(4)	43(4)	-5(3)	-6(3)	-9(3)
F(11)	80(3)	34(2)	32(2)	6(2)	-3(2)	4(2)
F(12)	101(4)	70(3)	34(2)	-2(2)	-14(2)	-55(3)
F(13)	23(2)	139(5)	43(2)	20(3)	-3(2)	-22(3)
F(21)	29(2)	61(3)	41(2)	-5(2)	4(2)	3(2)
F(22)	28(2)	89(3)	39(2)	1(2)	-15(2)	-12(2)
F(23)	83(3)	43(2)	41(2)	10(2)	-7(2)	-24(2)
F(31)	64(3)	93(4)	51(3)	0(3)	-28(2)	34(3)
F(32)	45(3)	142(5)	61(3)	48(3)	3(2)	-15(3)
F(33)	161(6)	91(4)	62(3)	-13(3)	-55(4)	-45(4)
F(41)	36(2)	89(3)	45(3)	-8(2)	1(2)	-9(2)
F(42)	70(3)	63(3)	45(3)	13(2)	-28(2)	3(2)
F(43)	72(3)	96(4)	70(3)	-5(3)	-28(3)	-53(3)

Tabelle 22 Koeffizienten der anisotropen Auslenkungsparameter (in Å²·10³) von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ (Standardabweichungen in Klammern; T = -173 °C).

	Triflationen					
S(1)-C(1)	1 850(6)					
O(11)-S(1)	1,447(4)	O(12) - S(1)	1.438(4)	O(13) - S(1)	1.452(4)	
O(11)-S(1)-C(1)	105,0(2)	O(12)-S(1)-C(1)	104,8(3)	O(13)-S(1)-C(1)	103,3(2)	
O(11)-S(1)-O(12)	115,0(2)	O(12)-S(1)-O(13)	113,9(2)	O(13)-S(1)-O(11)	113,2(2)	
F(11)–C(1)	1,314(7)	F(12)–C(1)	1,295(7)	F(13)–C(1)	1,314(6)	
F(11)-C(1)-S(1)	111,3(4)	F(12)-C(1)-S(1)	111,8(4)	F(13)-C(1)-S(1)	110,33(15)	
F(11)–C(1)–F(12)	107,8(5)	F(12)-C(1)-F(13)	107,7(5)	F(13)-C(1)-F(11)	107,5(5)	
S(2)-C(2)	1,835(6)					
O(21) - S(2)	1,453(4)	O(22)–S(2)	1,449(4)	O(23)–S(2)	1,434(4)	
O(21)-S(2)-C(2)	102,0(2)	O(22)-S(2)-C(2)	104,5(3)	O(23)-S(2)-C(2)	104,6(3)	
O(21)–S(2)–O(22)	112,9(3)	O(22)–S(2)–O(23)	115,7(2)	O(23)–S(2)–O(21)	115,1(2)	
F(21)–C(2)	1.309(7)	F(22)–C(2)	1.324(7)	F(23)–C(2)	1.316(7)	
F(21)-C(2)-S(2)	112.2(4)	F(22)-C(2)-S(2)	109.7(4)	F(23)-C(2)-S(2)	110.0(4)	
F(21)-C(2)-F(22)	107,9(5)	F(22)-C(2)-F(23)	107,4(5)	F(23)-C(2)-F(21)	109,5(5)	
	, ()				, ()	
S(3) - C(3)	1 818(7)					
O(31) - S(3)	1,010(7) 1 406(5)	O(32) - S(3)	1 435(5)	O(33) - S(3)	1 446(5)	
O(31)-S(3)-C(3)	106.4(3)	O(32)-S(3)-C(3)	104.3(3)	O(33) - S(3) - C(3)	104.2(3)	
O(31)-S(3)-O(32)	115.0(3)	O(32)-S(3)-O(33)	112.9(3)	O(33)-S(3)-O(31)	112.9(4)	
	;-(-)		;-(-)		,>(-)	
F(31)-C(3)	1 298(7)	F(32)-C(3)	1 298(7)	F(33)-C(3)	1 307(8)	
F(31)-C(3)-S(3)	1,2,3,0(7) 111 2(5)	F(32)-C(3)-S(3)	109 9(5)	F(33)-C(3)-S(3)	1100(5)	
F(31)-C(3)-F(32)	108.5(6)	F(32)-C(3)-F(33)	108.2(6)	F(33)-C(3)-F(31)	109.0(6)	
	, ()		, ()		, ()	
S(4) - C(4)	1 825(7)					
O(41) - S(4)	1,443(4)	O(42) - S(4)	1.431(4)	O(43) - S(4)	1.445(5)	
O(41)-S(4)-C(4)	103.3(3)	O(42)-S(4)-C(4)	104.6(3)	O(43)-S(4)-C(4)	103.8(3)	
O(41)-S(4)-O(42)	115,5(3)	O(42)-S(4)-O(43)	115,7(3)	O(43)-S(4)-O(41)	112,1(3)	
x / x / - x - /) <u>(</u> -)		, (-)	× / × / - × - /	, <u>,</u> ,	
F(41)-C(4)	1 319(7)	F(42)-C(4)	1 331(8)	F(43)-C(4)	1 322(7)	
F(41)-C(4)-S(4)	111.4(4)	F(42)-C(4)-S(4)	110.1(5)	F(43)-C(4)-S(4)	110.2(5)	
F(41)-C(4)-F(42)	108,7(6)	F(42)-C(4)-F(43)	107,7(5)	F(43)-C(4)-F(41)	108,6(6)	

Tabelle 23 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) für Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (Standardabweichungen in Klammern; kursiv sind die Abstände angegeben, bei denen das Umgebungsatom nicht zu der ersten Koordinationssphäre gehört).

Kationen						
Na(1)–O(42)	2,272(5)	Na(1)–O(31)	2,339(5)	Na(1)–O(23)	2,340(4)	
Na(1)–O(21)	2,358(5)	Na(1)–O(11)	2,421(4)	Na(1)–F(11)	2,655(4)	
Na(2)–O(32)	2,224(5)	Na(2)–O(21)	2,311(4)	Na(2)–O(43)	2,325(5)	
Na(2)–O(11)	2,393(4)	Na(2)–O(12)	2,406(4)	Na(2)–F(23)	2,782(5)	
Na(3)–O(41)	2,323(5)	Na(3)–O(22)	2,394(5)	Na(3)–O(22)'	2,427(5)	
Na(3)–O(12)	2,618(4)	Na(3)–O(33)	2,625(7)	Na(3)–O(31)	2,681(6)	
Kation(4): Besetzu	ingsfaktor: Na	trium 0,35; Lithium 0	,65			
Kation(4)–O(33)	1,917(8)	Kation(4)–O(13)	2,169(6)	Kation(4)–O(13)'	2,300(7)	
Kation(4)-O(41)	2,371(7)	Kation(4)–O(43)	2,382(7)	Kation(4)-F(13)	2,668(7)	
Kation(4)-S(3)	3,059(5)	Kation(4)-S(1)	3,301(5)	Kation(4)-S(3)	3,316(6)	
Kation(4)–Kation(4)		3,48(1)				



Abb. 86 Gemessenes (schwarz) und mit Daten aus der Einkristalluntersuchung bei 25 °C (rot, oben) und –173 °C (rot, unten) berechnetes Pulverdiffraktogramm von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃.

4.4.3 Strukturbeschreibung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃

Die vier kristallographisch unabhängigen Triflatanionen sind in Abb. 87 wiedergegeben. Die S–O-Abstände (Mittelwert 1,44 Å) und die C–F-Abstände (Mittelwert 1,31 Å) liegen im Bereich der Werte, die bei den Verbindungen α -NaSO₃CF₃, β -LiSO₃CF₃ [116] und γ -LiSO₃CF₃ ermittelt wurden. Im Unterschied zu den anderen bekannten Triflatsalzen liegen nur zwei (Anion3 und Anion4) von vier Triflatanionen in Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ gestaffelt vor. Diese Anionen weichen geringfügig von der idealen C_{3v}-Symmetrie ab (O–S–O-Winkel von 112° bis 116° und F–C–F-Winkel von 107° bis 109°). Das Anion 2 zeigt kleine Abweichungen von der gestaffelten Konformation. Die ekliptische Anordnung des Anions(1) wird möglicherweise durch eine hohe dynamische Fehlordnung der Triflatanionen vorgetäuscht.

Das Natriumion Na(1) ist verzerrt quadratisch pyramidal von Sauerstoffatomen umgeben (Abb. 88). Im Abstand von 2,66 Å zu Na(1) befindet sich ein Fluoratom (F(11)), das die quadratische Pyramide zu einem verzerrten Oktaeder ergänzt. Na(2) ist in ähnlicher Weise koordiniert (Abb. 88), wobei F(23) mit einem Abstand von 2,78 Å von der Basis der Pyramide entfernt ist. Für Na(3) (Abb. 88) ergibt sich eine unregelmäßige Sechsfachkoordination durch Sauerstoffatome in Abständen von 2,32 – 2,68 Å. Das Sauerstoffatom O(33) ist aus der idealen Position in Richtung O(31) ausgelenkt, da es über ein Schwefelatom mit diesem Atom verbrückt ist.

Kation(4), dessen Position zu einem Drittel mit Natrium und zu zwei Dritteln mit Lithium besetzt ist, ist von fünf Sauerstoffatomen und von einem Fluoratom koordiniert (Abb. 89). Der kürzeste Abstand zwischen Kation(4) und Sauerstoffatom (O(33)) ist für einen Natrium–Sauerstoff-Abstand zu klein. Da außerdem die Auslenkungsparameter von Kation(4) größer als für die anderen Kationen sind, besetzen vermutlich die Natrium- und Lithiumatome, die auf dieser Lage gemeinsam verfeinert wurden, in Wirklichkeit unterschiedliche Positionen. Eine Trennung der jeweiligen Natrium- und Lithiumatome in zwei Lagen führte jedoch nicht zu sinnvollen Ergebnissen.

Wie in den bislang strukturell aufgeklärten Alkalitriflaten (mit Ausnahme von KSO₃CF₃ [110] und α -LiRb₂(SO₃CF₃)₃ [18]), sind auch in der Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ die unpolaren CF₃-Gruppen so ausgerichtet, dass sich Schichten ausbilden, aus denen die polaren SO₃-Gruppen hinausragen (Abb. 90). Diese Schichten werden durch die Kationen miteinander verbunden, wobei nur Natrium(3) eindeutig zwischen den Schichten liegt. Die anderen Kationen befinden sich im Bereich von SO₃-Gruppen.



Abb. 87 Vier kristallographisch unabhängige Triflatanionen in Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃, Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.





Abb. 89 Umgebung von Kation(4) (35 % Na, 65 % Li) in Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃, Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.



Abb. 90 Projektion der Kristallstruktur von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$, Blickrichtung entlang [010].

4.4.4 Untersuchung der elektrischen Leitfähigkeit

Das Argand-Diagramm einer Probe Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃, das bei 159 °C aufgezeichnet wurde (Abb. 91), entspricht dem Antwortsignal, das man für einen Ionenleiter erwartet, der mit ionenblockierenden Elektroden (Pt) vermessen wurde. Man erkennt einen Halbkreis, der im Ersatzschaltbild durch einen Widerstand (R) und ein "constant phase element" (Q) beschrieben werden kann. Der lineare, durch Elektrodenprozesse hervorgerufene Ast kann durch ein weiteres, in Serie geschaltetetes "constant phase"-Element repräsentiert werden.



Die Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist in Abb. 92 in der Arrhenius-Darstellung wiedergegeben. Die sinkende Leitfähigkeit bei höherer Zyklenzahl ist auf die durch die Kinetik bedingte unvollständige Rückbildung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ zurückzuführen.



Abb. 92 Temperaturabhängigkeit der elektrischen Kornleitfähigkeit von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ in der Arrhenius-Darstellung.

Die Aktivierungsenergie beträgt im Temperaturbereich von 51 bis 160 °C 84,2 kJ/mol. Die spezifische Leitfähigkeit liegt im Bereich von $6,44\cdot10^{-10}$ Scm⁻¹ bei 51 °C bis $7,64\cdot10^{-7}$ Scm⁻¹ bei 160 °C.

4.5 Phasendiagramm des quasi-binären Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃

4.5.1 Pulverdiffraktometrische Untersuchungen

Zur experimentellen Absicherung bestimmter Punkte des Phasendiagramms wurden für Proben unterschiedlicher Zusammensetzung temperaturabhängige Röntgenbeugungsexperimente (Heiz-Guinier-Aufnahme, Synchrotronmessungen) durchgeführt.

Einwaage Li_{0,7}Na_{0,3}SO₃CF₃:

Die Heiz-Guinier-Aufnahme einer Mischung mit der Zusammensetzung Li_{0.7}Na_{0.3}SO₃CF₃ im Temperaturbereich von 20 °C bis 270 °C ist in Abb. 93 gezeigt. Drei Effekte lassen sich erkennen. Ab 122 °C wird die Bildungen der Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase und der festen Lösung γbeobachtet. Bei 139 °C verschwinden die Reflexe (Li,Na)SO₃CF₃ der Raumtemperaturmodifikation von Lithiumtriflat. Eine Festkörperreaktion, bei der sich die Li_{0.35}Na_{0.65}SO₃CF₃-Phase bildet, ist hier bei 185 °C zu sehen. Die peritektische Zersetzung dieser Phase kann bei 263 °C beobachtet werden. Die entsprechenden Profile bei verschiedenen Temperaturen im Vergleich mit den bekannten Phasen sind in Abb. 94-95 gezeigt.



Abb. 93 Heiz-Guinier-Aufnahme eines Gemenges aus β -LiSO₃CF₃ und NaSO₃CF₃ (Einwaage $Li_{0.7}Na_{0.3}SO_3CF_3$).



Abb. 94 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von $Li_{0,7}Na_{0,3}SO_3CF_3$ (schwarz) bei 145 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von γ -(Li,Na)SO₃CF₃ (rot, oben) und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (rot, unten).



Abb. 95 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von $Li_{0,7}Na_{0,3}SO_3CF_3$ (schwarz) bei 210 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (rot, oben) und γ -(Li,Na)SO₃CF₃ (rot, unten).

Einwaage Li_{0,25}Na_{0,75}SO₃CF₃:

Abb. 96 zeigt die Heiz-Guinier-Aufnahme einer Mischung mit der Zusammensetzung $Li_{0,25}Na_{0,75}SO_3CF_3$. Diese Messung belegt die Reaktion einer Mischung aus β -LiSO₃CF₃ und NaSO₃CF₃ zu Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ und die gleichzeitige Bildung des γ -(Li,Na)SO₃CF₃ im Temperaturbereich von 113 °C bis 145 °C (Verschwinden der RT-Lithiumtriflat-Peaks) (Abb. 97). Weiterhin ist die Bildung der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase bei 192 °C zu sehen (Abb. 98). Bei Temperaturen oberhalb von 222 °C sind die Reflexe der Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase nicht mehr erkennbar (Abb. 99). Bei 245 °C wird nur eine Schmelze beobachtet.



Abb. 96 Heiz-Guinier-Aufnahme eines Gemenges aus β -LiSO₃CF₃ und NaSO₃CF₃ (Einwaage $Li_{0.25}Na_{0.75}SO_3CF_3$).



Abb. 97 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von $Li_{0,25}Na_{0,75}SO_3CF_3$ (schwarz) bei 148 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von γ -(Li,Na)SO₃CF₃ (rot, unten) und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (rot, oben).



Abb. 98 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von $Li_{0,25}Na_{0,75}SO_3CF_3$ (schwarz) bei 208 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (rot, oben) und $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ (rot, unten).



Abb. 99 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von *Li_{0,25}Na_{0,75}SO₃CF₃* (schwarz) bei 244 °C mit dem Röntgenpulverdiffraktogramm von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (rot).

Einwaage Li_{0,1}Na_{0,9}SO₃CF₃:

Auf einer Heiz-Guinier-Aufnahme von einer Mischung mit der Zusammensetzung $Li_{0,1}Na_{0,9}SO_3CF_3$ (von 20 °C bis 260 °C, Abb. 100) sind drei Effekte erkennbar. Unterhalb von 91 °C reagieren Natriumtriflat und Lithiumtriflat miteinander nicht. Bei 91 °C fängt die Bildung der Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase an (Abb. 101). Das gleichzeitige Verschwinden der Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Reflexe und die Bildung der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase wird bei 208 °C beobachtet (Abb. 102). Im ganzen Temperaturbereich von 20 °C bis zu 241 °C lassen sich die Reflexe von Natriumtriflat als zweite Phase erkennen. Oberhalb von 241 °C ist die Probe komplett geschmolzen.





Abb. 100 Heiz-Guinier-Aufnahme eines Gemenges aus β -LiSO₃CF₃ und NaSO₃CF₃ (Einwaage $Li_{0,1}Na_{0,9}SO_3CF_3$).



Abb. 101 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von *Li_{0,1}Na_{0,9}SO₃CF₃* (schwarz) bei 151 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ (rot, oben) und NaSO₃CF₃ (rot, unten).



Abb. 102 Vergleich des Röntgenpulverdiffraktogramms von *Li_{0,1}Na_{0,9}SO₃CF₃* (schwarz) bei 227 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (rot, unten) und NaSO₃CF₃ (rot, oben).

Um den natriumreichen Teil des Phasendiagramms bei höheren Temperaturen genauer zu untersuchen, wurde eine Probe mit der Zusammensetzung $Li_{0,1}Na_{0,9}SO_3CF_3$ im Temperaturbereich von 20 °C bis 270 °C am Synchrotron X7B (NSLS) gemessen. Zwischen 20 °C und 211 °C bleibt die durch vorheriges Tempern erhaltene Mischung aus $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ und NaSO₃CF₃ unverändert. Gezeigt ist das Verhalten im Temperaturabschnitt ab 191 °C (Abb. 103). Im Temperaturbereich von 213 °C bis 230 °C lassen sich die Reflexe von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ und NaSO₃CF₃ erkennen. Das bei 225 °C am Synchrotron gemessene Pulverdiffraktogramm stimmt mit dem Profil aus der Heiz-Guinier-Messung bei 227 °C (gezeigt in Abb. 102) überein. Eine weitere Temperaturerhöhung führt zum Verschwinden der Reflexe des Natriumtriflats, und es treten die Reflexe (von 235 °C bis 240 °C) einer neuen Phase auf (Abb. 104). Eine Charakterisierung dieser Phase war aufgrund des kleinen Existenzbereichs nicht möglich. Oberhalb von 245 °C ist nur die Schmelze zu beobachten.



Abb. 103 Dreidimensionale (oben) und zweidimensionale (unten) Darstellungen der temperaturabhängig gemessenen Pulverdiffraktogramme von $Li_{0,1}Na_{0,9}SO_3CF_3$: z-Achse - Intensität, y-Achse - Temperatur und x-Achse - 2 Θ (4 – 22 °2 Θ). Darstellung: 3D-Programm [158].



Abb. 104 Vergleich des Synchrotronpulverdiffraktogramms von *Li_{0,1}Na_{0,9}SO₃CF₃* (schwarz) bei 235 °C mit den Röntgenpulverdiffraktogrammen von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ (rot, unten) und NaSO₃CF₃ (rot, oben).

Mit den Pfeilen sind die Reflexe der unbekannten Phase gekennzeichnet.

Belege für die Zusammensetzung der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase

Die Bestimmung der Zusammensetzung der Phase, die oben als $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ bezeichnet wurde, wurde mittels der Röntgenpulveraufnahmen an Proben mit unterschiedlichen Zusammensetzung $Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3$ (x = 0; 0,3; 0,5; 0,6; 0,65; 0,7; 0,75; 0,8; 0,9 und 1) bei 210 °C durchgeführt (Abb. 105). In allen gezeigten Pulverdiffraktogrammen (mit Ausnahme der Randphasen) lassen sich die Reflexe der $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ -Phase erkennen. Bei den Proben, die genau oder weniger als 60 Mol% Natriumtriflat enthalten, wurden zusätzliche Peaks von γ -(Li,Na)SO₃CF₃ beobachtet. Im Bereich von 75 Mol% bis 100 Mol% Natriumgehalt ist erwartungsgemäß Natriumtriflat als zweite Phase zu sehen. Daraus kann man schließen, dass die reine Phase einer Zusammensetzung $Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3$, mit 0,6 < x < 0,75, entspricht. Die Untersuchungen der Eigenschaften erfolgte an $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ -Proben, um den Einfluss einer möglichen Teilschmelze als zweiter Phase ausschließen zu können. Als kristallographisch plausible Zusammensetzung $Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3$ mit 0,7 < x < 0,75 ist aufgrund der Schmelzpunkterniedrigung (Nähe zur Liquidus-Kurve) unwahrscheinlich. Die Möglichkeit einer Phasenbreite ist hier nicht ausgeschlossen.



Abb. 105 Röntgenpulverdiffraktogramme von $Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3$ (x = 0; 0,3; 0,5; 0,6; 0,65; 0,7; 0,75; 0,8; 0,9 und 1) (y-Achse-rechts) bei 210 °C (Mo-Strahlung, λ = 0.70930 Å).

4.5.2 Zusammenfassung der DSC-Untersuchungen

In DSC-Untersuchungen an vorher getemperten Proben lassen sich keine Peaks der Bildung der festen Lösung und der Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase erkennen, da beide Phasen nach dem Abkühlen bei Raumtemperatur metastabil erhalten bleiben. Abb. 106 zeigt Aufheizkurven im Einwaagebereich $LiSO_3CF_3$ bis $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$. Es lassen sich zwei Gruppen von Peaks unterscheiden: im Bereich von 170 °C bis 190 °C erfolgt die Bildung von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃, wie mittels temperaturabhängiger Röntgenbeugungspulveraufnahmen nachgewiesen wurde (s. Kap. 4.3.1). Das Auftreten des zweiten Peaks ist nicht mit röntgenographischen Daten korrelierbar. Eine Phasenumwandlung wurde nicht beobachtet, weshalb dieses Signal auf kinetische Effekte zurückgeführt wird. Zusätzlich wurde beobachtet, dass die erste Aufheizkurve häufig nur einen Peak im Temperaturbereich von 170 °C bis 190 °C zeigt, wie z.B. in Abb. 107, die einer kompletten DSC-Untersuchung an einer Probe mit der Li_{0,5}Na_{0,5}SO₃CF₃-Zusammensetzung entspricht.



Abb. 106 Aufheizkurven im Einwaagebereich LiSO₃CF₃ bis Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃

 $(Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3 \ (0 \le x \le 0.65)).$



Abb. 107 Die vollständige DSC-Untersuchung an einer Probe mit der Zusammensetzung $Li_{0.5}Na_{0.5}SO_3CF_3$.

Die zweite Gruppe von Peaks (Temperaturbereich von 245 °C bis 260 °C) entspricht der peritektischen Zersetzung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$. Bei den Abkühlkurven sind beide Effekte erkennbar. Bei der DSC-Untersuchung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ tritt an deren Stelle ein zusätzlicher Peak auf, da die komplette Schmelze ganz nah an der Temperatur der Zersetzung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ liegt.

Bei Untersuchungen von Proben im natriumtriflatreichen Teil des Phasendiagramm wurde beobachtet, dass sogar bei der Heizgeschwindigkeit von 2 °C/min die Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase nicht komplett gebildet wird. Das führt zu der parallelen Bildung von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ aus den nicht vollständig abreagierten Natrium- und Lithiumtriflat bei 180 °C. Die Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase kann in diesem Fall oberhalb von 180 °C metastabil nicht erhalten werden. Dem zu Folge, lässt sich ein Signal der Bildung von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase bei den nichtgetemperten oder durch Lagern zersetzten Proben erkennen. Um dies zu vermeiden, wurden Proben im Bereich von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ bis NaSO₃CF₃ direkt im DSC-Tiegel bei 120 °C innerhalb von 10 Stunden vorgetempert.

DSC-Untersuchungen an Proben (Abb. 108), die mehr als 85 % Natriumtriflat erhalten, zeigen bei 188 °C keine Peaks der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Bildung; die peritektische Zersetzung von
$Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ unter der Bildung von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ und $NaSO_3CF_3$ wird ab 208 °C beobachtet. Der letzte Peak jeder DSC-Aufheizkurve wurde dem vollständigen Schmelzen zugeordnet. Die niedrigste Schmelztemperatur (236 °C) wurde bei einer Probe mit der Zusammensetzung $Li_{0,15}Na_{0,85}SO_3CF_3$ beobachtet. Offensichtlich liegt hier das Eutektikum vor.

Der komplexe Verlauf der Meßsignale im Temperaturbereich von 208 °C (Zersetzung von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$) bis 236 – 260 °C (Schmelze) lässt keine konkrete Aussage treffen, da die Signale in einem kleinen Temperaturbereich liegen und nicht trennbar sind. Aus phasentheoretischen Überlegungen ist eine Teilschmelze in diesem Bereich zu erwarten. Die röntgenographischen Untersuchungen an $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ und $Li_{0,1}Na_{0,9}SO_3CF_3$ zeigen oberhalb der peritektischen Zersetzung von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ eine unbekannte Phase. Die Charakterisierung dieser Phase war aufgrund des kleinen Temperaturbereichs, in dem sie auftritt, nicht möglich.



Abb. 108 Aufheizkurven im Einwaagebereich $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ bis $NaSO_3CF_3$ $(Li_{1-x}Na_xSO_3CF_3 \ (0,65 \le x \le 1)).$

4.5.3 Phasendiagramm

Das Phasendiagramm fasst die aus verschiedenen Untersuchungsmethoden erhaltenen Ergebnisse zusammen (Abb. 109). Für die DSC-Untersuchungen sind die "Onset"-Temperaturen der DSC-Aufheizkurven eingezeichnet. Die Temperaturen aus Heiz-Guinier-Messungen entsprechen dem Einsetzen des beobachteten Effekts. Die Isothermen wurden aus Gründen der Übersichtlichkeit stets durch den Messpunkt der reinen Phase gelegt. Die Phasenumwandlung des Natriumtriflats, die 2 °C vor dem Schmelzen eintritt, ist nicht gezeigt.

Wegen der Temperaturgefälle konnten einige Bereiche, die z. B. über weniger als 10 °C ausgedehnt sind, nicht präzise untersucht werden. Die Bereiche, in denen die Interpretation der Ergebnisse nicht eindeutig ist, sind mit roten Linien gezeichnet. Die Isothermen wurden in diesem Fall aus phasentheoretischen Überlegungen abgeleitet. Bereiche, in denen die Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃-Phase nach dem Abkühlen oder beim Aufheizen metastabil (gegen den Zerfall in die Randphasen) erhalten bleibt, sind mit cyan markiert. Die Randlöslichkeit von Natriumtriflat in der Raumtemperaturmodifikation des Lithiumtriflats ist so gering, dass Pulverdiffraktogramme dieser festen Lösung (in Phasendiagramm als β -(Li,Na)Tf gezeichnet) sich nicht vom Röntgenpulverdiffraktogramm von β -LiSO₃CF₃ unterscheiden lassen.



Abb. 109 Phasendiagramm des Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃.

Schwarz – DSC-Untersuchungen an Gemengen, Heizgeschwindigkeit 10 °C/min, Temperaturbereich 25 °C – 300 °C. Grau – DSC-Untersuchungen an Gemengen, Heizgeschwindigkeit 2 °C/min, Temperaturbereich 25 °C – 300 °C. Rot – DSC-Untersuchungen an vorgetemperten Proben, Heizgeschwindigkeit 2 °C/min, Temperaturbereich 25 °C – 200 °C. Orange – DSC-Untersuchungen an vorgetemperten Proben, Heizgeschwindigkeit 2 °C/min, Temperaturbereich 25 °C – 300 °C. Magenta - DSC-Untersuchungen an vorher im DSC-Tiegel getemperten Proben, Heizgeschwindigkeit 2 °C/min, Temperaturbereich 25 °C – 300 °C.

- Blau Heiz-Guinier-Untersuchungen an Gemengen, Temperaturbereich 25 °C 270 °C.
- Cyan Das Verschwinden der Reflexe des HT-Lithiumtriflats auf Heiz-Guinier-Aufnahmen von Gemengen, Temperaturbereich 25 °C – 270 °C.
- Grün Heiz-Guinier-Untersuchungen an Gemengen, Temperaturbereich 150 °C 270 °C.

Gelb - Synchrotron-Untersuchungen an vorgetemperten Proben, Temperaturbereich 25 °C - 260 °C

4.6 Diskussion der Ergebnisse

Die früheren Ergebnisse der Untersuchung des Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ [61] konnten nicht bestätigt werden.

Vier neue Phasen wurden im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ beobachtet. Eine unbekannte Phase (beobachtet zwischen 235 °C bis 240 °C) konnte wegen des schmalen Existenzbereichs nicht näher untersucht werden. Eine genaue Bestimmung ihrer Zusammensetzung konnte aufgrund der schlechten Qualität der Röntgenbeugungsmessungen bei hohen Temperaturen nicht erfolgen. Die Existenzbereiche der anderen Phasen sind in Tabelle 24 gezeigt. Bei Raumtemperatur ist keine dieser Phasen stabil, hier existieren im Gleichgewicht nur die Randphasen Lithiumtriflat und Natriumtriflat. Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ und γ -LiSO₃CF₃ können metastabil bei Raumtemperatur erhalten werden.

Phase	Existenzbereich / °C
β-LiSO ₃ CF ₃	-15 bis 156,9
γ-LiSO ₃ CF ₃	156,9 bis 429
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	130 bis 250
Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	180 bis 255
$Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$	80 bis 180 – 207 (metastabil*)
α-NaSO ₃ CF ₃	Bis 252
β-NaSO ₃ CF ₃	252 bis 254

Tabelle 24 Reine und gemischte Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ und die Temperaturen ihrer Existenzbereiche.

¹ Die Zersetzung von Li_{0.16}Na_{0.84}SO₃CF₃ wurde im Temperaturbereich zwischen 180 °C und 207 °C beobachtet.

Für diese Phasen, mit Ausnahme von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ und β-NaSO₃CF₃, wurden die Kristallstrukturen aufgeklärt. Die Kristallstrukturen von α-NaSO₃CF₃ und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ zeigen große Ähnlichkeit miteinander (Abb. 110), beide kristallisieren triklin in der Raumgruppe $P\overline{1}$. Der Unterschied zeigt sich hauptsächlich im Kationengitter. In Natriumtriflat konnten fünf kristallographisch unabhängige Natriumpositionen beobachtet werden. In Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ liegen vier Kationenpositionen vor, wobei eine zu einem Drittel mit Natrium und zu zwei Dritteln mit Lithium besetzt ist. Da in der Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ die Anionenschichten

stärker gewellt sind, liegt der größere Anteil der Kationen im Vergleich zu Natriumtriflat im Bereich der SO₃-Gruppen. Nur Na(3) in Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist eindeutig zwischen den SO₃-Schichten aufzufinden. Ein weiteres auffälliges Merkmal der Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist eine nicht gestaffelte Konformation von zwei Triflatanionen, die bei den anderen Triflaten nicht beobachtet wurde.



Abb. 110 Vergleich der Kristallstrukturen von NaSO₃CF₃ und Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃.

Die Kornleitfähigkeit nimmt in der Reihenfolge $LiSO_3CF_3 < NaSO_3CF_3 < \gamma$ -(Li,Na) $SO_3CF_3 \approx Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3 < Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ zu (Abb. 111). Für die Aktivierungsenergien (Tabelle 25) lässt sich indes kein eindeutiger Trend festmachen.

Frühere Untersuchungen [18] zeigten, dass in Lithiumtriflat erst mit dem Phasenübergang β -LiSO₃CF₃ $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃ die Lithiumionen mobil werden. Ein Einbau von Natrium in die Kristallstruktur von γ -LiSO₃CF₃ senkt die Umwandlungstemperatur und führt dazu, dass die feste Lösung schon bei niedrigeren Temperaturen eine messbare Leitfähigkeit zeigt. Die höchste Leitfähigkeit wurde für die Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase beobachtet. Es stellte sich heraus, dass Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ in seinem Existenzbereich ein sehr guter Ionenleiter ist. Die Leitfähigkeit bei 200 °C ist vergleichbar mit der von schnellen Lithiumionenleitern wie Li₃N [79] und LISICONs (<u>LiS</u>uperionicConductors) [11,77,78,80] (Tabelle 26). Durch die FK-NMR-Spektroskopie lässt sich die Möglichkeit eines Teilschmelzens bei 180 °C (das auch zu einem starken Anstieg der Leitfähigkeit führen konnte) ausschließen. Die DSC- und röntgenographischen Untersuchungen von weiteren Proben im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ mit der Verwendung ionenblockierender Wolframelektroden zeigten, dass eine elektronische Leitfähigkeit in diesem Fall ausgeschlossen werden kann. Die Verwendung von reversiblen Lithium- und Natrium-Elektroden zeigte, dass Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ ein gemischter Lithium-Natrium-Ionenleiter ist. Die Ursache der hohen Leitfähigkeit von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ ist bisher unbekannt. Ob dies an einer kompletten isotropen Rotation der Triflatanionen oder einer Besonderheit der Kationengitter (z.B. einem Schmelzen des Kationteilgitters) liegt, kann zur Zeit nur spekulativ beantwortet werden.



Abb. 111 Elektrische Leitfähigkeit der reinen und gemischten Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ in der Arrhenius-Darstellung.

Phase	Ea / kJ/mol
LiSO ₃ CF ₃	90
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	51
Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	60
Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃	84
NaSO ₃ CF ₃	98

Tabelle 25 Aktivierungsenergien der reinen und gemischten Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃.

Tabelle 26 Vergleich der Leitfähigkeit von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ mit den Leitfähigkeiten von bekannten Lithiumionenleiter bei T = 200 °C.

	$\log(\sigma / \text{Scm}^{-1})$	$\log(\sigma T / SKcm^{-1})$	Literatur
La _{0,51} Li _{0,34} TiO _{2,94}	-1,42	1,25	[76]
La _{0,51} Li _{0,34} TiO _{2,94}	-2	0,67	[77]
Li ₁₄ Zn(GeO ₄) ₄	-1,47	1,2	[78]
LISICON			
Li ₃ N	-2,07	0,6	[77]
Li ₃ N (\perp c)	-1,63	1,04	[79]
Li ₃ N (c)	-2,34	0,33	[79]
Li ₃ N (⊥c)	-1,5	1,17	[11]
Li ₃ N (c)	-2,5	0,17	[11]
Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	-1,95	0,72	
Li _{1,3} Al _{0,3} Ti _{1,7} (PO ₄) ₃	-2,1	0,57	[77]
Li _{3,5} Si _{0,5} P _{0,5} O ₄ (LIS)	-2,41	0,26	[78]
Li _{3,6} Si _{0,6} P _{0,4} O ₄ (LIS)	-2,6	0,07	[11]
$Li_{3+5x}P_{1-x}S_4 \ (x = 0,065)$	-2,6	0,07	[80]
Thio-LISICON			
Li-β-Al ₂ O ₃	-2,6	0,07	[11]
Li _{3,4} Si _{0,7} S _{0,3} O ₄	-2,85	-0,18	[11]
Li _{0,8} Zr _{1,8} Ta _{0,2} (PO ₄) ₃	-2,85	-0,18	[11]

5 Na₂HPO₃·x H₂O

Das System Na₂HPO₃ – H₂O ist gut untersucht [159-165]. Eine Reihe von Arbeiten [161-165] beschäftigte sich mit dem Dehydrationsverhalten von Na₂HPO₃ · 5 H₂O, allerdings mit sich widersprechenden Ergebnissen. In den Arbeiten [164,165] wurde thermogravimetrisch bewiesen, dass die thermische Entwässerung von Pentahydrat zweistufig über eine intermediäre Phase vorläuft, und es wurden in diesem System drei Verbindungen Na₂HPO₃ · 5 H₂O, Na₂HPO₃ · 0,5 H₂O und Na₂HPO₃ beobachtet. Die Temperatur der Dehydrationsstufen ist von Atmosphäre und Druck abhängig.

Die Kristallstruktur von Na₂HPO₃ · 5 H₂O wurde 1971 von Colton und Henn [160] aufgeklärt. Dabei wurden die Schweratomparameter experimentell ermittelt, die Protonenlagen dagegen lediglich nach chemischen Gesichtspunken festgelegt. 1978 wurde von Brodalla et al. [165] eine vollständige Kristallstrukturanalyse des Pentahydrats mit Lokalisierung aller Protonen erneut durchgeführt. Na₂HPO₃ · 5 H₂O kristallisiert orthorhombisch in der Raumgruppe *Pnm*2₁ mit den Gitterparametern a = 7,190(1), b = 6,447(1), and c = 9,230(2) Å. Die Struktur ist aus Schichten von kanten- und eckenverknüpften Na-Koordinationspolyedern aufgebaut, die durch Wasserstoffbrückenbindungen der Wassermoleküle zu einem dreidimensionalen Strukturverband verknüpft sind.

Brodalla et al. beschäftigten sich auch mit dem niederen Hydrat. Sie stellten mittels DTA/TG-Messungen fest, dass das intermediäre Hydrat ein halbes Mol Wasser enthält. Dieses Hemihydrat kristallisiert rhomboedrisch (mögliche Raumgruppen *R*32, *R*3*m* oder $R\bar{3}m$) mit den Gitterparametern a = 18,918(5) Å und α = 33,00(2)° [165]. Die Kristallstruktur ist bisher unbekannt.

Zur wasserfreien Phase, Na₂HPO₃, wurden Pulverdiffraktogramme, jedoch keine Indizierung publiziert [165,166].

Auf der Suche nach neuen Anionen, die weitere innere Freiheitsgrade aufweisen können, stellen die Phosphonate eine interessante Stoffklasse dar, da das Wasserstoffatom durch eine weitere Gruppe (z.B. in Analogie zu Triflaten durch CF₃) ersetzt werden kann.

5.1 Na₂HPO₃

5.1.1 Darstellung und infrarotspektroskopische Untersuchung

Na₂HPO₃ wurde durch Dehydration aus dem Pentahydrat (Aldrich, 98 %) erhalten. Dafür wurde Na₂HPO₃ · 5 H₂O in einem Achatmörser an der Luft fein verrieben und in einem Ofen bei T = 100 °C innerhalb eines Tages entwässert. Anschließend wurde das Präparat sechs Tage bei 120 °C im Vakuum (p = 10^{-3} mbar) getrocknet.

Na₂HPO₃ ist empfindlich gegenüber Feuchtigkeit und wurde in einer Schutzgasanlage oder in einem Handschuhkasten unter Argon gehandhabt. Die Reinheit des Produktes wurde infrarotspektroskopisch (Abb. 112) und röntgenpulverdiffraktometrisch geprüft. Verunreinigung mit (NaPO₃)₃ lag unterhalb von 5 Gew%.



Abb. 112 Infrarotspektren von Na₂HPO₃ (KBr-Preßling).

5.1.2 Strukturlösung und -verfeinerung von Na₂HPO₃ aus Röntgenpulverdaten

Das Pulverdiffraktogramm von Na₂HPO₃ wurde bei Raumtemperatur am Strahlrohr X3B1 der National Synchrotron Light Source (NSLS) des Brookhaven National Laboratory (BNL) in einer abgeschmolzenen Kapillare aus Lindemann-Glas (Hilgenberg, Nr. 14, Durchmesser 0,5 mm) in Transmissionsgeometrie gemessen. Die Wellenlänge der Röntgenstrahlung ($\lambda = 0.69951$ Å) wurde durch einen Doppel-Si(111)-Monochromator voreingestellt und durch Aufnahme von acht, sehr genau vermessenen Reflexen eines Aluminiumoxidstandards (NBS1976) bestimmt. Die weiteren Parameter der Datensammlung und die kristallographischen Daten sind in Tabelle 26 angegeben.

(T	= 25 °C).	
T / °C	25	
Molmasse / g/mol	503,84	
a / Å	9,6987(1)	
b / Å	6,9795(1)	
c / Å	5,0561(1)	
β / °	92,37(1)	
$V / Å^3$	341,97(1)	
Ζ	4	
Raumgruppe	$P2_1/n$	
Röntgenographische		
Dichte / g/cm ³	2,447	
Wellenlänge / Å	0,69951(2)	
R-p / %	6,15	
R-wp / %	8,10	
$R-F^2/\%$	6,57	
χ^2	1,40	
Anzahl der Reflexe	231	
Anzahl der Parameter	9	

Tabelle 26 Messparameter und Daten zur Strukturlösung und -verfeinerung von Na₂HPO₃

Die Bearbeitung der erhaltenen Daten erfolgte mit Hilfe des GUFI-Programms [132]. Die Indizierung mit ITO [133] ergab eine primitive monokline Elementarzelle mit den in Tabelle 26 aufgeführten Gitterparametern. $P2_1/n$ wurde als wahrscheinlichste Raumgruppe erkannt. Die Anzahl der Formeleinheiten pro Elementarzelle (4) wurde über Volumeninkremente [165] abgeschätzt. Die Peakprofile und die Gitterparameter wurden mit Hilfe einer Profilanpassung nach der LeBail-Methode [35] mit dem Programm GSAS [38] bestimmt. Der Untergrund wurde manuell mit Hilfe des GUFI-Programms modelliert. Die Reflexprofile wurden mit Hilfe einer Pseudo-Voigt-Funktion in Kombination mit einer Funktion, die der Asymmetrie der einzelnen Reflexe, die durch axiale Divergenz bedingt ist, Rechnung trägt, beschrieben [154,155]. Neun Parameter wurden für die monokline Phase verfeinert.

Die Strukturlösung von Na₂HPO₃ erfolgte unter Verwendung des Programmpaketes DASH [39]. Die Struktur, die die beste Übereinstimmung mit dem gemessenen Pulverdiffraktogramm zeigte (in der Raumgruppe *P*2₁/*n*), konnte mittels Rietveld-Verfeinerung (GSAS-Programm) bestätigt werden. (NaPO₃)₃ als zweite Phase wurde bei der Rietveld-Verfeinerung mitverfeinert. Für die Stabilisierung der Anionen wurden "soft constraints" für die Bindungslängen (P–O, H–P) und Winkel (H–P–O, O–P–O) verwendet. Das beobachtete und berechnete Pulverdiffraktogramm sowie der Differenzplot nach der Rietveld-Verfeinerung sind in Abb. 113 zusammengefasst. Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter sind in Tabelle 27 angegeben. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel können Tabelle 28 entnommen werden.

Atom	Lage	Х	У	Z	U _{iso}
Na(1)	4e	0,7459(2)	0,0633(2)	0,2754(4)	0,0163(6)
Na(2)	4e	0,1032(2)	0,6922(3)	0,2260(3)	0,0217(7)
Р	4e	0,5738(1)	0,2650(2)	0,8100(3)	0,0110(3)
O(1)	4e	0,6818(2)	0,1246(3)	0,7169(4)	0,0110(3)
O(2)	4e	0,4280(2)	0,1878(3)	0,7576(5)	0,0110(3)
O(3)	4e	0,5986(2)	0,3047(3)	1,043(3)	0,0110(3)
Н	4e	0,5860(4)	0,4245(7)	0,6814(9)	0,0110(3)

Table 27 Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter (in Å²) für Na₂HPO₃ (T = 25 °C, Standardabweichungen in Klammern).



Abb. 113 Plot der Rietveld-Verfeinerung für Na₂HPO₃ bei T = 25 °C (λ = 0,69951 Å). Aufgetragen sind das beobachtete Profil (Punkte), das Profil der besten Rietveld-Verfeinerung in Raumgruppe *P*2₁/*n* (Linie), die Reflexlagen von Na₂HPO₃ (oben) und (NaPO₃)₃ (unten) sowie die Differenzkurve (unten) zwischen beobachtetem und berechnetem Profil.

Table 28 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) in Na₂HPO₃.

Р–Н	1,297
Р-О	1,523 – 1,526
Na(1)–O	2,351 - 2,482
Na(2)–O	2,307 - 2,453
∠Н–Р–О	108,60 - 108,64
∠O-P-O	109,68 - 111,28

5.1.3 Strukturbeschreibung von Na₂HPO₃

Die Kristallstruktur von Na₂HPO₃ ist von Natrium–Sauerstoff-Polyedern und HPO₃trigonalen Pyramiden aufgebaut. Die Koordinationssphären für die Natriumatome wurden nach dem Konzept der effektiven Koordinationszahlen (ECoN) und mittleren effektiven Ionenradien (MEFIR) (Programm MAPLE [167,168]) festgelegt.

Na(1) ist verzerrt tetragonal bipyramidal von sechs Sauerstoffatomen koordiniert. Die Na-O-Kontakte liegen im Bereich von 2,35 bis 2,90 Å. Die Na(1)-O₆-Polyeder sind über die

gemeinsamen Kanten in trans-Position zu unendlichen Ketten entlang der b-Achse verknüpft. Diese Ketten sind ihrerseits über gemeinsamen Ecken (in Richtung der c-Achse) verbunden. Die so gebildete Schichten sind senkrecht zur a-Achse gestapelt (Abb. 114a). Für Na(2) ergibt sich eine trigonale bipyramidale Koordination durch fünf Sauerstoffatome. Die Na(2)–O₅-Polyeder sind über vier gemeinsame Ecken zu gewellten Schichten senkrecht zur a-Achse verbunden (Abb. 114b). Durch die Verknüpfung über gemeinsame Kanten der Na(1)–O₆ und Na(2)–O₅-Schichten entsteht ein dreidimensionales Netz, in das die HPO₃-Anionen eingebettet sind (Abb. 115).

Die Kristallstruktur von Na₂HPO₃ zeigt große Ähnlichkeit mit der Kristallstruktur von Na₂SeO₃ [169], wobei die "lone pairs" von Se^{IV} stereochemisch äquivalent zum Wasserstoffatom der PO₃H-Pyramide in Phosphonat betrachtet werden können. Im Unterschied zu Na₂HPO₃ sind beide kristallographisch unabhängigen Natriumatome in Na₂SeO₃ oktaedrisch von sechs Sauerstoffatomen koordiniert. Die Ketten aus entlang der a-Achse eckenverknüpften Na(1)–O₆-Polyedern bilden so, wie in Na₂HPO₃, Schichten senkrecht zur a-Achse. Statt gewellter Schichten, wie in Na₂HPO₃, bilden die Na(2)–O₆-Polyeder ein dreidimensionales Netz. Gehörte das Sauerstoffatom (O(2)) in Na₂HPO₃, das sich im Abstand von 3,157 Å zu Na(2) befindet, zur ersten Koordinationssphäre von Na(2), könnten die Kristallstrukturen von Na₂HPO₃ und Na₂SeO₃ als isotyp betrachtet werden.



b)

a)



Abb. 114 Perspektivische Darstellung der Schichten, die aus Na(1)–O₆ (a) bzw. aus Na(2)–O₅ (b) -Polyedern aufgebaut sind.



Abb. 115 Kristallstruktur von Na₂HPO₃, Blickrichtung entlang [001].

5.2 Na₂HPO₃ \cdot x H₂O

5.2.1 Darstellung, infrarotspektroskopische Untersuchung und thermisches Verhalten

Das intermediäre Hydrat, das als Zwischenstufe bei der Entwässerung von Na₂HPO₃ \cdot 5 H₂O dargestellt werden kann, wird in diesem Kapitel als Na₂HPO₃ \cdot x H₂O bezeichnet, da verschiedene Proben, die ähnliche Pulverdiffraktogramme zeigen, nach unseren Ergebnissen unterschiedliche Wassermengen enthalten.

Pulverproben von Na₂HPO₃ · x H₂O wurden durch Trocknen von Na₂HPO₃ · 5 H₂O im Vakuum (p = 10^{-3} mbar) bei Raumtemperatur innerhalb von drei Tagen dargestellt. Die Gefriertrocknung von Na₂HPO₃ · 5 H₂O (Starttemperatur: -30 °C während 48 Stunden, danach langsames Aufwärmen mit einer Aufheizgeschwindigkeit von 3,4 °C/h bis Raumtemperatur) führte zum gleichen Ergebnis.

Das Produkt wurde infrarotspektroskopisch (Abb. 116) und röntgenpulverdiffraktometrisch untersucht. Das Röntgenpulverdiffraktogramm von Na₂HPO₃ \cdot x H₂O ist in Abb. 117 gezeigt. Der Vergleich der gemessenen und von Brodalla et al. für Na₂HPO₃ \cdot 0,5 H₂O publizierten Diffraktogramme zeigt große Ähnlichkeit, lässt aber keine Aussage über die Reinheit des Produkts zu.



Abb. 116 Infrarotspektren von Na₂HPO₃ · x H₂O (KBr-Preßling).

Die Entwässerung und Zersetzung des Hydrats wurden thermogravimetrisch (TG) und differentialthermoanalytisch (DTA) untersucht. In Abb. 118 erkennt man zwei von einander getrennte Effekte. Die erste Stufe bei 120 °C mit einem Gewichtsverlust von 1,35 % entspricht der vollen Entwässerung des Hydrats, die mittels Massenspektrometrie nachgewiesen werden konnte.

Für Proben, die für die Kristallzucht an Luft gelagert wurden, beträgt der Wasserverlust dagegen 1,8 %.

Die Auswertung führt zu dem Schluss, dass Proben, die unter Argon gehandhabt wurden, ungefähr 0,10 Mol Wasser pro Mol Phosphonat enthalten. Für die Probe aus dem Einkristallexperiment, die an Luft blieben, ergibt sich aus TG-Messungen die Zusammensetzung Na₂HPO₃ \cdot 0,13 H₂O. Der Wert liegt unter dem der Einkristallanalyse, da mit der messtechnisch bedingten Evakuierung (10⁻³ mbar) der Thermowaage vor der Messung eine Wasserabspaltung des Präparats verbunden ist.

Das wasserfreie Phosphonat zersetzt sich bei 405 °C unter Entwicklung von Wasserstoff.



Abb. 117 Röntgenpulverdiffraktogramm von Na₂HPO₃ · x H₂O.



Abb. 118 Thermogravimetrie (schwarz, links), Differentialthermoanalyse (rechts, rot) und Massenspektrometrie (rechts: m(18) – grün, m(2) – blau) von Na₂HPO₃ · x H₂O (Argon, 10 °C/min).

5.2.2 Einkristallstrukturanalyse von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O

Einkristalle von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O wurden durch Verdampfungskristallisation aus wässriger Lösung nach Brodalla *et al.* dargestellt [165]. Dafür wurden in einem Becherglas 4 g Na₂HPO₃ · 5 H₂O mit 1 ml H₂O versetzt und in einen Trockenschrank (T = 110 °C) gestellt. Auf der Oberfläche der zunächst klaren Lösung bilden sich nach einigen Tagen kleine Kristalle, die auf den Boden des Glases sinken und dort zu größeren Individuen weiterwachsen. Die Einkristalle wurden an Luft gezüchtet.

Die Einkristallröntgenstrukturanalyse von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O basiert auf einem bei 25 °C gemessenen Datensatz. Anhand der systematischen Auslöschungen kamen die Laue Klassen $\overline{3}$ und $\overline{3}m$ in Frage. Es handelte sich um einen Zwilling, der mit der Matrix (010 100 00–1) verfeinert wurde. Eine vernünftige Lösung gelang nur in der Gruppe *R*32 (und ihrer Untergruppe *R*3). Es handelte sich um einen Vierling. Zwei Individuen sind meroedrische Zwillinge, die über die Matrix (010 100 00–1) verknüpft sind. Eine Inversionstransformation (–100 0–10 00–1) stellt die zweite Zwillingsoperation dar. Die kristallographischen Daten und die Parameter der Datenerfassung sind in Tabelle 29 wiedergegeben. Im Verlauf der Strukturanalyse konnten die Lagen und anisotropen Auslenkungsparameter aller Nichtwasserstoffatome frei verfeinert werden. Für Wasserstoffatome wurden nur isotrope Auslenkungsparameter berechnet. Die Wasserstoff–Phosphor- und Wasserstoff–Sauerstoff-Bindungen wurden mit 1,2 Å bzw. 1,0 Å festgelegt.

Die Atomkoordinaten und die isotropen Auslenkungsparameter sind in Tabelle 30 und die anisotropen Auslenkungsparameter der Nichtwasserstoffatome in Tabelle 31 angegeben. Ausgewählte Bindungsabstände und -winkel können Tabelle 32 entnommen werden.

Aus der Strukturlösung ergibt sich die Zusammensetzung $Na_2HPO_3 \cdot 0,28 H_2O$. Der höhere Wassergehalt (im Vergleich zu den vorher untersuchten Pulverproben) kann durch die Herstellung des Einkristalls durch Verdampfungskristallisation und anschließende Präparation an Luft erklärt werden. Offensichtlich weist das System $Na_2HPO_3 - H_2O$ eine Phasenbreite mit einem variierenden Gehalt von Kristallwasser auf.

Kristalldaten	
Raumgruppe	R32
a / Å	a = 10,7226(7)
c / Å	c = 52,346(5)
γ / °	$\gamma = 120$
Molares Volumen / Å ³ /mol	5212,11
Röntgenographische Dichte / g/cm ³	2,253
Datenerfassung	
Diffraktometer	Bruker AXS, APEX SMART-CCD
Monochromator	Graphit
Röntgenstrahlung, λ / Å	ΜοΚ _α , 0,71073
Meßbereich	$2,23^\circ \le \theta \le 34,61^\circ$
	-17 < h < 17, -16 < k < 16, -83 < l < 82
Zwillingsmatrix II	010 100 00-1
Zwillingsmatrix III	-100 0-10 00-1
Zwillingsmatrix IV	0-10 -100 001
Zwillingsvolumen I	0,23
Zwillingsvolumen II	0,06
Zwillingsvolumen III	0,71
Zwillingsvolumen IV	0,00
Absorptionskorrektur	SADABS [111]
Anzahl der gemessenen Reflexe	27380
Anzahl der symmetrieunabhängigen Reflexe	4928
Absorptionskoeffizient μ / mm^{-1}	0,78
F(000)	3498
Strukturaufklärung	
Anzahl der freien Parameter	197
Gütefaktor R1 ($F_0 > 4\sigma(F_0) / alle$)	0,0570 / 0,06124
Gewichteter Gütefaktor wR2	0,1457
$\Delta \rho_{\rm min}, \rho_{\rm max} / e^{-} / {\rm \AA}^3$	-0,71/0,92

Tabelle 29 Kristallographische Daten und Angaben zur Strukturbestimmung

für Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O (T = 25 °C).

Atom	Lage	Х	у	Z	Ueq
P(1)	6с	1/3	$^{2}/_{3}$	0,10108(2)	0,0159(2)
P(2)	6с	$\frac{1}{3}$	$^{2}/_{3}$	0,02259(2)	0,0286(2)
P(3)	6c	² / ₃	$^{1}/_{3}$	0,09294(2)	0,0224(2)
P(4)	18f	0,84448(8)	0,15971(8)	0,04514(1)	0,0179(1)
P(5)	18f	0,69391(6)	0,85127(9)	0,14397(1)	0,0206(1)
Na(1)	3а	1	0	0	0,0194(4)
Na (2)	18f	0,4964(2)	-0,0166(1)	0,05967(2)	0,0338(2)
Na (3)	18f	0,8432(2)	0,1673(2)	0,10190(2)	0,0372(3)
Na (4)	18f	0,1772(2)	0,3536(2)	0,08388(2)	0,0340(3)
Na (5)	18f	0,4952(2)	0,9930(1)	0,12594(2)	0,0240(2)
Na (6)	6c	$\frac{2}{3}$	$1/_{3}$	0,14937(3)	0,0291(3)
Na (7)	18f	0,6999(1)	-0,1587(2)	0,02125(2)	0,0323(3)
Na (8)	9е	0,8384(2)	0,1717(2)	0,16667(17)	0,0331(3)
O(1)	18f	0,4259(2)	0,8231(2)	0,09341(3)	0,0258(4)
O(2)	18f	0,4719(3)	0,7999(3)	0,03021(6)	0,0438(6)
O(3)	18f	0,5689(6)	0,1842(4)	0,1006(1)	0,1038(2)
O(4)	18f	0,8817(3)	0,1018(3)	0,02193(3)	0,0276(4)
O(5)	18f	0,9766(2)	0,2764(2)	0,05868(5)	0,0278(4)
O(6)	18f	0,7416(3)	0,0430(3)	0,06311(5)	0,0317(5)
O(7)	18f	0,7804(2)	0,8661(2)	0,16771(4)	0,0290(5)
O(8)	18f	0,7203(2)	0,9928(2)	0,13307(5)	0,0305(4)
O(9)	18f	0,7003(3)	0,7504(3)	0,12459(5)	0,0366(5)
O(10)	9d	0,4451(5)	1	0	0,084(2)
O(11)	6с	1	0	0,0931(1)	0,093(2)
H(1)	6с	1/3	$^{2}/_{3}$	0,1241(4)	0,03(2)
H(2)	6c	¹ / ₃	$^{2}/_{3}$	-0,0004(4)	0,03(1)
H(3)	6c	² / ₃	¹ / ₃	0,0699(4)	0,13(4)
H(4)	18f	0,781(5)	0,221(5)	0,0366(6)	0,35(9)
H(5)	18f	0,567(2)	0,793(6)	0,1501(7)	0,04(1)
H(6)	18f	0,476(6)	0,940(5)	0,008(1)	0,08(2)
H(7)*	18f	0,00(1)	-0,079(9)	0,103(2)	0,13(6)

Tabelle 30 Lageparameter für $Na_2HPO_3 \cdot 0,28 H_2O$ (T = 25 °C, Standardabweichungen in Klammern).

* Besetzungsfaktor $^{2}/_{3}$

Atom	U ₁₁	U ₂₂	U ₃₃	U ₂₃	U ₁₃	U ₁₂
P(1)	158(2)	158(2)	161(3)	0	0	79(1)
P(2)	226(3)	226(3)	405(6)	0	0	113(1)
P(3)	236(3)	236(3)	199(4)	0	0	118(1)
P(4)	170(3)	186(3)	160(2)	-18(2)	10(2)	74(2)
P(5)	192(2)	225(3)	207(2)	-16(3)	-6(2)	108(3)
Na(1)	179(5)	179(5)	223(9)	0	0	90(3)
Na (2)	263(6)	374(5)	412(6)	134(4)	75(6)	186(6)
Na (3)	371(8)	325(7)	228(4)	-7(5)	-43(5)	30(5)
Na (4)	252(6)	515(7)	422(6)	-242(5)	-89(6)	191(7)
Na (5)	256(5)	214(4)	243(4)	-16(3)	-10(5)	113(5)
Na (6)	290(5)	290(5)	292(8)	0	0	145(2)
Na (7)	258(5)	416(7)	321(5)	125(6)	63(4)	188(6)
Na (8)	283(5)	283(5)	391(8)	-13(3)	13(3)	115(6)
O(1)	284(10)	167(6)	266(7)	9(5)	21(7)	70(7)
O(2)	254(10)	306(11)	630(17)	-115(11)	65(10)	48(8)
O(3)	816(30)	488(18)	1506(40)	640(23)	116(31)	98(20)
O(4)	327(11)	306(10)	216(7)	-79(8)	9(8)	173(8)
O(5)	242(9)	199(8)	294(10)	-48(7)	-58(8)	37(7)
O(6)	256(10)	281(10)	267(10)	30(8)	33(8)	25(8)
O(7)	271(8)	390(12)	220(7)	28(7)	-12(6)	173(8)
O(8)	295(10)	254(9)	359(11)	78(8)	12(8)	132(8)
O(9)	386(12)	382(12)	372(12)	-153(10)	-42(10)	222(10)
O(10)	501(20)	463(27)	1547(70)	266(33)	133(17)	232(14)
O(11)	1098(38)	1098(38)	598(37)	0	0	549(19)

Tabelle 31 Koeffizienten der anisotropen Auslenkungsparameter (in Å²·10⁴) von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O (T = 25 °C, Standardabweichungen in Klammern).

Phosphonationen P(1)-O(1)(3x)1,515(2) O(1)-P(1)-O(1)113,25(6) P(1)-H(1)1,20(2) H(1)-P(1)-O(1)105,36(7) P(2)-O(2)1,512(2) O(2) - P(2) - O(2)113,3(1)P(2)-H(2)H(2)-P(2)-O(2)105,3(1)1,20(2) P(3) - O(3)1,463(3) O(3) - P(3) - O(3)112,9(2) P(3) - H(3)1,21(2) H(3)-P(3)-O(3)105,8(2)P(4) - O(4)P(4) - O(6)P(4) - O(5)1,506(2) 1,512(2) 1,517(2) O(5)-P(4)-O(4)112,7(2)112,7(1)O(6) - P(4) - O(4)113,2(2)O(5) - P(4) - O(6)H(4)-P(4)-O(4)107(2) P(4) - H(4)1,24(2) 104(2)H(4) - P(4) - O(6)H(4) - P(4) - O(5)105(2) P(5)-O(9)1,509(2) P(5)-O(8)1,510(2)P(5) - O(7)1,511(2)O(8) - P(5) - O(9)O(7) - P(5) - O(9)112,5(1)O(7) - P(5) - O(8)114,1(1) 114,4(2)P(5) - H(5)1,23(2) H(5)-P(5)-O(9)104(2)H(5)-P(5)-O(8)102(3) H(5)-P(5)-O(7)108(2) Kationen Na(1)-O(4)(6x)2,346(2)Na(2) - O(1)2,312(2)Na(2) - O(5)2,353(3)Na(2) - O(6)2,382(3)Na(2) - O(2)2,408(3) Na(2) - O(3)2,854(6) Na(2) - O(10)3,192(5) Na(3) - O(9)2,280(3) Na(3) - O(8)2,331(3) Na(3) - O(6)2,374(3) Na(3) - O(3)2,492(6) Na(3) - O(5)2,619(3) Na(3) - O(3)3,037(3) Na(3) - O(11)3,045(4) Na(4) - O(5)2,296(3) Na(4) - O(6)2,315(3) Na(4) - O(1)2,414(3)Na(4) - O(9)2,438(3)Na(4) - O(1)'2,720(3) Na(4) - O(8)3,019(3) Na(4) - O(2)3,314(5) Na(5)–O(3) Na(5) - O(1)2,230(3)2,327(2)Na(5) - O(7)2,373(2)Na(5)-O(9)2,436(3) Na(5) - O(8)2,443(3) Na(6) - O(7)(3x)2,296(3)Na(6) - O(3)(3x)2,918(6) Na(7) - O(2)2,304(3) Na(7) - O(4)2,386(2) Na(7) - O(4)'2,481(3) Na(7)-O(4)" 2,522(3) Na(7)–O(5)' 2,565(3) Na(7) - O(10)2,883(5) Na(7) - O(6)2,952(3) Na(8) - O(7)(2x)2,437(3) Na(8) - O(8)(2x)2,439(3) Na(8) - O(9)(2x)2,962(2) 3,015(3) Na(8) - O(7)'(2x)

Tabelle 32 Ausgewählte interatomare Abstände (in Å) und Bindungswinkel (in °) in Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O (Standardabweichungen in Klammern; kursiv sind die Abstände angegeben, bei denen das Sauerstoff nicht zu der ersten Koordinationssphäre gehört).

5.2.3 Strukturbeschreibung von $Na_2HPO_3 \cdot 0,28H_2O$

Die Struktur von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O enthält fünf kristallographisch unabhängige Phosphonationen, die in Abb. 119 gezeigt sind. Die Längen der kovalenten Bindungen und die zugehörigen Bindungswinkel sind in Tabelle 32 wiedergegeben. Die P–O-Abstände (mit Ausnahme von P(3)–O(3)) liegen bei 1,51 Å (Mittelwert). Der etwas kürzere Abstand zwischen P(3) und O(3) bei gleichzeitig größeren Auslenkungsparametern für die übrigen Sauerstoffatome deutet auf eine Fehlordnung des Anions hin. Die Geometrie der Phosphonatgruppen deckt sich mit den entsprechenden Ergebnissen früherer Untersuchungen an anderen Phosphonaten [165,170].

In der Kristallstruktur von Na₂HPO₃ \cdot 0,28 H₂O liegen Schichten aus Natriumatomen vor. Die Reihenfolge, mit der die Natriumatome sich abwechseln, ist Na(1), Na(7), Na(2), Na(4), Na(3), Na(5), Na(6), Na(6), Na(6), Na(5), Na(3), Na(4), Na(2), Na(7), Na(1), Na(7)...

Die Umgebung der Natriumatome in Na₂HPO₃ \cdot 0,28 H₂O ist sehr unterschiedlich (Abb. 120). Die Koordinationssphären für die Natriumatome wurden nach dem Konzept der effektiven Koordinationszahlen (ECoN) und der mittleren effektiven Ionenradien (MEFIR) (Programm MAPLE [167], [168]) abgegrenzt.

Na(1) ist oktaedrisch von Sauerstoffatomen koordiniert, wobei die O-Na(1)-O-Winkel maximal um 12° vom idealen Oktaederwinkel abweichen. Das Natriumatom Na(2) ist in ähnlicher Weise stark verzerrt von Sauerstoffatomen umgeben, wobei der Na(2)–O(3)-Abstand (2,854 Å) etwas länger als die anderen Na(2)-O-Abstände ist. Für Na(5) ergibt sich eine verzerrte tetragonale Pyramide, die von fünf Sauerstoffatomen aufgebaut ist. Die Natriumatome Na(3), Na(4) und Na(7) sind ebenfalls verzerrt tetragonal pyramidal von Sauerstoffatomen koordiniert, wobei die weiteren Sauerstoffatome (O(3) für Na(3), O(8) für Na(4) und O(6) für Na(7)) für die Auslenkung der Pyramidenspitzen von der idealen Lagen verantwortlich sind. Unterhalb der Basis dieser Pyramiden finden sich in 2,88 – 3,31 Å weitere Sauerstoffatome als nächste Koordinationssphäre. Das verzerrte trigonale Prisma, das das Natriumatom Na(6) umgibt, besteht aus zwei Gruppen symmetrieäquivalenter Sauerstoffatome. Drei Sauerstoffatome O(7) befinden sich im Abstand von 2,22 Å und drei weitere Sauerstoffatome (O(3)) im Abstand von 2,92 Å ergänzen das Koordinationspolyeder zu einem trigonalen Prisma. Na(8) ist trigonal pyramidal von zwei symmetrieäquivalenten O(7) und zwei O(8) Sauerstoffatomen umgeben. Zählt man noch die Sauerstoffatome aus der zweiten Koordinationssphäre (zwei O(9) im Abstand von 2,962 Å und zwei O(7) in 3,015 Å), ergibt sich für Na(8) ein tetragonales Prisma.

In der Kristallstruktur lassen sich zwei Sorten von Wassermolekülen unterscheiden. Ein Teil der Wassermoleküle $(O(11)-(H(7))_3)$, Besetzungsfaktor für H(7) 2/3, fehlgeordnet) befindet sich in den Lücken, die von den sauerstoffverbrückten Natriumatomen aufgebaut sind (Abb. 121).

Die Wassermoleküle liegen hier zwischen den Na(3)- und Na(4)-Schichten vor, wobei die Wasserstoffatome in Richtung des Na(3)-Dreiecks gestreckt sind. Die Lücken sind miteinander paarweise über Na(1) verbunden, so dass Na(1) das Inversionszentrum dieser Doppellücken besetzt. Durch die Verknüpfung der Doppellücken über gemeinsame Ecken (Na(8)) entsteht ein dreidimensionales Netz (Abb. 122). Die Zwischenräume sind mit den Reihen von Na(2)- und Na(5)-Atomen und mit der zweiten Sorte von Wassermoleküle aufgefüllt. Die Wassermoleküle $O(10)-H(6)_2$ sitzen zwischen nebeneinander liegenden Na(7)-Schichten und alternieren mit Na(1)-Atomen. Außerdem gibt es in der Kristallstruktur von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O Lücken, die von Na(5)-Atomen aufgebaut sind (Abb. 123). Die Na(5)-Atome liegen ihrerseits auf den Ecken eines leicht verzerrten Oktaeders. In diesem Oktaeder ist ein Würfel aus Phosphoratomen eingebaut. Die Wasserstoffatome jeder trigonalen PO₃H-Pyramide zeigen in Richtung der Mitte des Würfels und können ihrerseits als ein verzerrter Würfel gezeichnet werden.



Abb. 119 Fünf kristallographisch unabhängige PHO₃^{2–}-Anionen in Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O. Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.



Abb. 120 Umgebung von Natriumatomen in Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O. Schwingungsellipsoide mit 50 % Aufenthaltswahrscheinlichkeit.



Abb. 121 Doppellücken, die von Natriumatomen aufgebaut sind.



Abb. 122 Ausschnitt aus der Kristallstruktur von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O.
a) Blickrichtung entlang [001]. b) Blickrichtung entlang [110].
(Na(7) - rot; Na(1) - grau; Na(5) - weiß; Na(4) - gelb; Na(3) - orange; Na(2) - cyan; Na(6) - violett; Na(8) - magenta).

b)



Abb. 123 Oktaeder aus Na(5)-Atomen. (Blau - Sauerstoffatome; weiß - Natriumatome; rot - Phosphoratome; grün - Wasserstoffatome).

IV. Zusammenfassung

<u>NaSO₃CF₃</u>

Die Kristallstruktur von NaSO₃CF₃ wurde an einem Einkristall, der bei –173 °C gemessen wurde, aufgeklärt. Der Einkristallstrukturanalyse zufolge kristallisiert α -NaSO₃CF₃ triklin in der Raumgruppe $P\overline{1}$ mit den Gitterparametern a = 9,6592(11), b = 11,1752(12), c = 11,2768(12) Å, α = 101,878(2)°, β = 105,292(2)°, γ = 110,501(3)°. Bei Raumtemperatur (22 °C) ergeben sich die Werte a = 9,81304(18), b = 11,3179(2), c = 11,5910(2) Å, α = 102,066(2)°, β = 105,634(2)°, γ = 110,205(2)° (Synchrotron-Pulverdaten). In der Kristallstruktur liegen Doppelschichten aus Triflatanionen vor, in denen die unpolaren CF₃-Gruppen einander zugewandt sind. Die Natriumatome besetzen fünf verschiedene kristallographische Lagen.

 α -NaSO₃CF₃ ist ein fester Elektrolyt, dessen spezifische Leitfähigkeit im Bereich von 1,75·10⁻⁸ Scm⁻¹ bei 140 °C bis 8,78·10⁻⁶ Scm⁻¹ bei 237 °C liegt. Die Aktivierungsenergie beträgt 114 kJ/mol im Temperaturintervall von 140 bis 237 °C.

Die Kationen- und Anionendynamik wurde mittels Festkörper-NMR untersucht. Unter der Verwendung der MQMAS-NMR-Spektroskopie gelang eine eindeutige Identifikation und Analyse der Signale der fünf unterschiedlichen Natriumpositionen. Ausgehend von dieser Zuordnung kann die Dynamik der kristallographisch unterschiedlichen Natriumkationen individuell untersucht werden, bis jedes Natriumatom bei 207 °C mit gleicher Wahrscheinlichkeit und Häufigkeit jede der fünf unterschiedlichen Positionen einnimmt. Für die Untersuchung der Dynamik des Anions wurden ¹⁷O-, ¹⁹F- und ¹³C-NMR-Spektren aufgenommen. Drei Arten der Rotation (Rotation der SO₃- und der CF₃-Gruppen entlang der C–S-Achse und die isotrope Reorientierung des gesamten Moleküls) wurden beobachtet. Zwischen dem Kationaustausch und der Rotation der CF₃- bzw. der SO₃-Gruppen konnte bisher kein Zusammenhang gefunden werden, da die C₃-Rotation bei niedrigeren Temperaturen stattfindet. Eine Korrelation zwischen dem Kationenplatzwechsel und der isotropen Reorientierung des Anions ist wahrscheinlich, der Onset der beiden Effekten wird im Temperaturbereich von 127 bis 147 °C beobachtet.

γ -LiSO₃CF₃

Die Kristallstruktur der Hochtemperaturmodifikation des Lithiumtriflats, γ -LiSO₃CF₃, wurde aus den Synchrotronpulverdaten aufgeklärt. γ -LiSO₃CF₃ kristallisiert orthorhombisch in der Raumgruppe *Cmca* mit den Gitterparametern a = 6,3022(4), b = 8,6989(5), and c = 20,1262(14) Å bei T = 183 °C. In der Kristallstruktur liegen Doppelschichten aus Triflatanionen vor, in denen die unpolaren CF₃-Gruppen einander zugewandt sind. Die Lithiumionen sind sehr

mobil und können nicht lokalisiert werden. Die Triflatanionen sind gestaffelt und zweifach fehlgeordnet. Dies führt zu zwei unterschiedlichen, zueinander verkippten Positionen der Triflatanionen mit gleichem Schwerpunkt.

$M(SO_3CF_3)_2$, M = Ca, Zn, Cu

Die Kristallstrukturen von Calcium-, Zink- und Kupfertriflat, die für eine aliovalente Dotierung der Alkalitriflate verwendet werden können, wurden aus Synchrotronpulverdaten bei Raumtemperatur aufgeklärt. Ca(SO₃CF₃)₂ und Zn(SO₃CF₃)₂ sind isotyp und kristallisieren rhomboedrisch in der Raumgruppe $R\bar{3}$. Cu(SO₃CF₃)₂ kristallisiert triklin in der Raumgruppe $P\bar{1}$. Die Gitterparameter für diese zweiwertige Triflate sind in Tabelle 33 wiedergegeben. Wie schon in analoger Weise für die Alkalitriflate (mit Ausnahme von Kaliumtriflat) beobachtet wurde, liegen in den Kristallstrukturen von Calcium-, Zink- und Kupfertriflat Doppelschichten aus Triflatanionen vor. Die CF₃- und SO₃-Gruppe des Anions sind jeweils einander zugewandt, wobei die Kationen ausschließlich im Bereich der SO₃-Gruppen aufzufinden sind. Die Triflatanionen liegen in gestaffelter Konformation vor. In Calcium- und Zinktriflat sind die Kationen oktaedrisch von sechs Sauerstoffatomen koordiniert, während in Kupfertriflat eine Jahn-Teller-Verzerrung für die Kupferkoordination beobachtet wurde.

Formel	Ca(SO ₃ CF ₃) ₂	Zn(SO ₃ CF ₃) ₂	Cu(SO ₃ CF ₃) ₂
Raumgruppe	R3	R3	$P\overline{1}$
Ζ	3	3	1
a / Å	5,60549(3)	4,9787(1)	4,9896(2)
b / Å	5,60549(3)	4,9787(1)	10,7668(4)
c / Å	31,1417(2)	31,3165(7)	4,8219(2)
α/°	90	90	103,523(3)
β/°	90	90	118,085(3)
γ / °	120	120	79,459(3)
Molares Volumen / Å ³ /mol	847,42(1)	672,27	221,40(1)

Tabelle 33 Kristallographische Daten für Calcium-, Zink- und Kupfertriflat bei T = 22 °C.

System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃

Das Phasendiagramm des Systems LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ wurde aufgrund von DSC- und temperaturabhängigen Röntgenbeugungsuntersuchungen erstellt. Es wurden vier neue Phasen beobachtet: eine feste Lösung auf Basis der Hochtemperaturmodifikation des Lithiumtriflats - γ - (Li,Na)SO₃CF₃, Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃, Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ und eine noch unbekannte Phase "X", die wegen des schmalen Existenzbereichs nicht präzise untersucht werden konnte. Bei Raumtemperatur ist keine dieser Phasen stabil, nur die Randphasen Lithium- und Natriumtriflat. Die Existenzbereiche der gemischten und reinen Phasen sind in Tabelle 34 gezeigt. Für alle diese Phasen, mit Ausnahme von Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃, β -NaSO₃CF₃ und "X" wurden die Kristallstrukturen aufgeklärt.

Die elektrische Leitfähigkeit der Phasen wurde untersucht. Die elektrische Kornleitfähigkeit nimmt in der Reihenfolge $LiSO_3CF_3 < NaSO_3CF_3 < \gamma$ -(Li,Na)SO₃CF₃ \approx $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3 < Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ zu (Abb. 124). Die Aktivierungsenergien sind in Tabelle 35 gezeigt.

Phase	Existenzbereich / °C
β-LiSO ₃ CF ₃	-15 bis 156,9
γ-LiSO ₃ CF ₃	156,9 bis 429
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	130 bis 250
Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	180 bis 255
$Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$	80 bis 180 – 207 (metastabil*)
α-NaSO ₃ CF ₃	bis 252
β-NaSO ₃ CF ₃	252 bis 254

Tabelle 34 Reine und gemischte Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ und die Temperaturen ihrer Existenzbereiche.

* Die Zersetzung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ wurde im Temperaturbereich zwischen 180 °C und 207 °C beobachtet.



Abb. 124 Kornleitfähigkeit der reinen und gemischten Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ in der Arrhenius-Darstellung.

Phase	E _a / kJ/mol
LiSO ₃ CF ₃	90
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	51
Li _{0,35} Na _{0,65} SO ₃ CF ₃	60
Li _{0,16} Na _{0,84} SO ₃ CF ₃	84
NaSO ₃ CF ₃	98

Tabelle 35 Aktivierungsenergien der reinen und gemischten Phasen im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃.

Eine Randlöslichkeit von Natriumtriflat, die durch eine Änderung der Gitterparameter charakterisiert ist, wurde für die Hochtemperaturmodifikation des Lithiumtriflats beobachtet. Die Temperatur der β - $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃-Phasenumwandlung, die für reines Lithiumtriflat 156 °C beträgt, sink für Li_{0,9}Na_{0,1}SO₃CF₃ auf 130 °C. Frühere Untersuchungen [18] zeigen, dass in Lithiumtriflat erst mit dem Phasenübergang β -LiSO₃CF₃ $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃ die Lithiumionen mobil werden. Ein Einbau von Natrium in die Kristallstruktur von γ -LiSO₃CF₃ senkt die Umwandlungstemperatur und führt dazu, dass die feste Lösung schon bei niedrigeren Temperaturen eine messbare Leitfähigkeit zeigt.

Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃

Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ ist stabil im Temperaturbereich von 186 °C bis 254 °C. Bei 254 °C zersetzt es sich peritektisch. Die Bestimmung der Gitterparameter der Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃-Phase erfolgte aus der Synchrotronmessung (ID31(ESRF)) bei 200 °C. Die Zelle lässt sich monoklin in der Raumgruppe $P2_1/a$ mit den Gitterparametern a = 17,8747(1) Å, b = 29,4174(1) Å, c = 5,41919(3) Å, β = 90,5455(3)° (Zellvolumen 2849,52 Å³) indizieren. Es ist nicht gelungen, Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ bei Raumtemperatur als metastabile Phase zu erhalten. Versuche, die Kristallstruktur aus Pulverdaten aufzuklären, blieben bisher erfolglos.

Im System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃ weist Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ die höchste Leitfähigkeit auf, die vergleichbar mit den Leitfähigkeiten der schnellen Lithiumionenleiter wie Li₃N [79] und LISICONs (<u>LiS</u>uperionic<u>Con</u>ductors) [11,77,78,80] ist. Durch FK-NMR-Spektroskopie konnte die Möglichkeit eines Teilschmelzens bei 180 °C (das auch zu einem starken Anstieg der Leitfähigkeitskurve führen könnte) ausgeschlossen werden. Gleichstromexperimente an Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ mit der Verwendung ionenblockierender Wolframelektroden zeigten, dass eine elektronische Leitfähigkeit in diesem Fall vernachlässigt werden kann. Die Verwendung von reversiblen Lithium- und Natrium-Elektroden zeigte, dass Li_{0,35}Na_{0,65}SO₃CF₃ ein gemischter Lithium-Natrium-Ionenleiter ist.

<u>Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃</u>

 $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ konnte durch Tempern einer Mischung von Lithiumtriflat und Natriumtriflat bei T = 150 °C über 300 Stunden hergestellt werden. Es ist stabil im Temperaturbereich von 81 °C bis 180 °C, kann aber metastabil bei Raumtemperatur erhalten werden. Die Zersetzung dieser Phase, bei der vermutlich die Heizgeschwindigkeit, Korngröße und andere Faktoren einen Einfluss haben, wurde im Temperaturbereich zwischen 180 °C und 208 °C beobachtet.

Die Strukturaufklärung von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ gelang an einem Kristall, der bei 25 °C und bei -173 °C gemessen wurde. Einkristalldaten bei -173 °C zufolge kristallisiert Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ triklin in der Raumgruppe $P\overline{1}$ mit den Gitterparametern a = 9,534(2), b = 10,549(2), c = 10,948(2) Å, α = 84,824(4)°, β = 77,015(3)°, γ = 70,614(3)°, bei Raumtemperatur (25 °C) ergeben sich die Werte a = 9,6127(1), b = 10,6301(1), c = 11,0056(1) Å, α = 85,9154(1)°, β = 78,4969(3)°, γ = 70,7147(1)° (Synchrotron-Pulverdaten).

Die Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ zeigt große Ähnlichkeit mit der Kristallstruktur von α-NaSO₃CF₃, in beiden sind die unpolaren CF₃-Gruppen so ausgerichtet, dass sich Schichten ausbilden, aus denen die polaren SO₃-Gruppen hinausragen. Der Unterschied zwischen den beiden Strukturen zeigt sich hauptsächlich im Kationengitter. In Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ liegen vier Kationenpositionen vor, wobei eine zu einem Drittel mit Natrium und zu zwei Dritteln mit Lithium besetzt ist. Da in der Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ die Anionenschichten stärker gewellt sind, liegt der größere Anteil der Kationen im Vergleich zu Natriumtriflat im Bereich der SO₃-Gruppen. Nur Na(3) in Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist deutlich zwischen den SO₃-Schichten aufzufinden. Ein weiteres auffälliges Merkmal der Kristallstruktur von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ ist eine nicht gestaffelte Konformation von zwei Triflatanionen, die bei den anderen Triflaten nicht beobachtet wurde.

Die elektrische Kornleitfähigkeit von $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$, die höher als die Leitfähigkeit der beiden Randphasen und niedriger als die von $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ ist, liegt im Bereich von $6,44\cdot10^{-10}$ Scm⁻¹ bei 51 °C bis 7,64·10⁻⁷ Scm⁻¹ bei 160 °C.

$\underline{Na_2HPO_3 \cdot x H_2O}$

<u>Na₂HPO₃</u>

Die Kristallstruktur von wasserfreiem Na₂HPO₃ wurde aus Synchrotronpulverdaten aufgeklärt. Die Kristallstruktur von Na₂HPO₃ ist von zwei Typen von Natrium–Sauerstoff-Polyedern (verzerrte tetragonale (Na(1)–O₆)- und trigonale (Na(2)–O₅)-Bipyramiden) und HPO₃trigonalen Pyramiden aufgebaut. Die Na(1)–O₆-Polyeder sind über die gemeinsamen Kanten in trans-Position zu unendlichen Ketten entlang der b-Achse verknüpft. Diese Ketten sind ihrerseits über gemeinsamen Ecken (in Richtung der c-Achse) verbunden. Die so gebildeten Schichten sind senkrecht zur a-Achse gestapelt. Die Na(2)–O₅-Polyeder sind über vier gemeinsame Ecken zu gewellten Schichten senkrecht zur a-Achse verbunden. Durch die Verknüpfung über gemeinsame Kanten der Na(1)–O₆ und Na(2)–O₅-Schichten entsteht ein dreidimensionales Netz, in das die HPO₃-Anionen eingebettet sind.
Die Kristallstruktur von Na₂HPO₃ zeigt große Ähnlichkeit mit der Kristallstruktur von Na₂SeO₃. Zählt man ein weiteres Sauerstoffatom (O(2)) in Na₂HPO₃, das sich im Abstand von 3,157 Å zu Na(2) befindet, zur ersten Koordinationssphäre von Na(2), und betrachtet man H-Position und einsames Elektronpaar als äquivalent, könnten die Kristallstrukturen von Na₂HPO₃ und Na₂SeO₃ als isotyp betrachtet werden

$\underline{Na_2HPO_3 \cdot x H_2O}$

Die Entwässerung und Zersetzung von $Na_2HPO_3 \cdot 5 H_2O$ wurden thermogravimetrisch (TG) und differentialthermoanalytisch (DTA) untersucht. Bei dem intermediären Hydrat, das als Zwischenstufe bei der Entwässerung des Pentahydrats dargestellt werden kann, wurden abhängig von der Herstellung unterschiedliche Wassermengen gefunden. Die volle Entwässerung des Hydrats wurde bei 120 °C und die Zersetzung des wasserfreien Phosphonat unter Entwicklung von Wasserstoff bei 405 °C beobachtet (Argon-Atmosphäre).

Die Strukturaufklärung von Na₂HPO₃ · x H₂O gelang an einem Kristall, der als meroedrischer Zwilling aufzufassen ist. Aus der Strukturlösung ergibt sich die Zusammensetzung Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O. Der Einkristallstrukturanalyse bei 25 °C zufolge kristallisiert Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O rhomboedrisch in der Raumgruppe *R*32 mit den Gitterparametern a = 10,7226(7), b = 10,7226(7), c = 52,346(5) Å, $\alpha = 90^{\circ}$, $\beta = 90^{\circ}$, $\gamma = 120^{\circ}$. In der Struktur liegen fünf kristallographisch unabhängige Phosphonationen und Schichten aus acht kristallographisch unabhängigen Natriumatomen vor. In der Kristallstruktur lassen sich zwei Sorten von Wassermolekülen unterscheiden. Ein Teil der Wassermoleküle befindet sich in den Lücken, die von den sauerstoffverbrückten Natriumatomen aufgebaut sind. Die Lücken sind miteinander paarweise über Na(1) verbunden, so dass Na(1) das Inversionszentrum dieser Doppellücken besetzt. Durch die Verknüpfung der Doppellücken über gemeinsame Ecken (Na(8)) entsteht ein dreidimensionales Netz. Die Zwischenräume sind mit den Reihen von Na(2)-, Na(5)-Atomen und mit der zweiten Sorte von Wasser aufgefüllt. Die Wassermoleküle sitzen zwischen nebeneinander liegenden Na(7)-Schichten und alternieren mit Na(1)-Atomen.

V. Abstract

<u>NaSO₃CF₃</u>

The crystal structure of NaSO₃CF₃ was established from single crystal X-ray data. According to the single crystal structure analysis at -173 °C, anhydrous sodium trifluoromethylsulfonate crystallizes triclinic in space group $P\overline{1}$ with the lattice parameters a = 9.6592(11), b = 11.1752(12), c = 11.2768(12) Å, $\alpha = 101.878(2)^\circ$, $\beta = 105.292(2)^\circ$, $\gamma = 110.501(3)^\circ$; the corresponding values at room temperature (22 °C) are a = 9.81304(18), b = 11.3179(2), c = 11.5910(2) Å, $\alpha = 102.066(2)^\circ$, $\beta = 105.634(2)^\circ$, $\gamma = 110.205(2)^\circ$ (synchrotron powder diffraction). The crystal structure consists of double layers of trifluoromethylsulfonate anions, with the lipophilic CF₃-groups pointing towards each other. The sodium atoms occupy five crystallographically distinguishable positions. α -NaSO₃CF₃ is a solid electrolyte, with an elektrical conductivity ranging from 1.75·10⁻⁸ Scm⁻¹ at 50 °C to 8.78·10⁻⁶ Scm⁻¹ at 237 °C. The activation energy was determined to be 114 kJ/mol in the temperature range between 140 and 237 °C.

The anion and cation dynamics in NaSO₃CF₃ were studied using solid state nuclear magnetic resonance methods. The five crystallographically independent sodium cations were identified using ²³Na-MOMAS-NMR. Equipped with this assignment it is possible to individually study the dynamics of the different sodium cations for increasing temperature, until all of the sodium positions are equally occupied by all of the sodium atoms, which are indistinguishable due to dynamic disorder which becomes apparent at 207 °C. The anion dynamics was investigated ¹⁷O-, ¹³C-¹⁹F-NMR-Spectroscopy. using and Three different motions for the trifluoromethylsulfonate anion (CF₃- and SO₃-reorientation, and an isotropic reorientation of the complete anion) were observed in sodium trifluoromethylsulfonate. Obviously, the cation dynamics is coupled neither to the CF₃- nor to the SO₃-reorientation, since both processes are fully activated at temperatures far below the onset of cationic mobility. However, there seems to exist a correlation between the isotropic triflate reorientation and cation dynamics, since the onset of both occurs in the same temperature range between 127 °C and 147 °C.

<u> y-LiSO3CF3</u>

The crystal structure of the high temperature modification of lithium triflate (γ -LiSO₃CF₃) was determined from *in situ* synchrotron powder diffraction data at T = 183 °C. γ -LiSO₃CF₃ crystallizes in the orthorhombic space group *Cmca* with the lattice parameters a = 6.3022(4), b = 8.6989(5), and c = 20.1262(14) Å (T = 183 °C). The crystal structure of γ -LiSO₃CF₃ is disordered, in the cationic as well as in the anionic partial structure, and exhibits double layers of triflate

anions with the lipophilic CF_3 -groups facing each other. The lithium ions could not be located by diffraction experiments due to their high mobility. The staggered triflate anions are twofold disordered leading to two different positions on top of each other which are tilted to one another.

$\underline{M(SO_3CF_3)_2}, \underline{M} = Ca, Zn, Cu$

The crystal structures of calcium-, zinc- and copper triflates (which can be used for aliovalent substitution of alkali metal triflates) were determined by high resolution X-ray powder diffraction at room temperature. Calcium and zinc triflate are isostructural and crystallize in the rhombohedral space group $R\overline{3}$. Copper triflate crystallizes in the triclinic space group $P\overline{1}$. The lattice parameters for these divalent triflates are given in Table 36. The triflate anions are arranged in double layers, as in all alkali triflates (with the exception of potassium triflate). The CF₃- and SO₃-groups are pointing CF₃- and SO₃-groups of neighboring layers respectively. The cations are located next to the SO₃-groups. The triflate anions are staggered. In the calcium and zinc triflates the cations are octahedrally coordinated by six oxygen atoms. In the copper triflate a Jahn-Teller-distortion was observed for the copper coordination.

tillates at 22	0.	
$Ca(SO_3CF_3)_2$	$Zn(SO_3CF_3)_2$	Cu(SO ₃ CF ₃) ₂
R3	R3	$P\overline{1}$
3	3	1
5.60549(3)	4.9787(1)	4.9896(2)
5.60549(3)	4.9787(1)	10.7668(4)
31.1417(2)	31.3165(7)	4.8219(2)
90	90	103.523(3)
90	90	118.085(3)
120	120	79.459(3)
847.42(1)	672.27	221.40(1)
	Ca(SO ₃ CF ₃) ₂ <i>R</i> 3 3 5.60549(3) 5.60549(3) 31.1417(2) 90 90 120 847.42(1)	Ca(SO_3CF_3)_2Zn(SO_3CF_3)_2 $R\bar{3}$ $R\bar{3}$ 335.60549(3)4.9787(1)5.60549(3)4.9787(1)31.1417(2)31.3165(7)909090909090120120847.42(1)672.27

Table 36 Lattice parameters and selected crystallographic details for calcium, zinc and copper

triflates at 22 °C.

System LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃

The LiSO₃CF₃-NaSO₃CF₃ phase diagram was investigated by DSC und temperature dependent X-ray diffraction. Four new phases were found: a solid solution based on the high temperature modification of lithium triflate (γ -(Li,Na)SO₃CF₃), Li_{0.35}Na_{0.65}SO₃CF₃,

 $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$, and an unknown phase "X", which could not be precisely investigated because of its small region of stability. None of these phases are stable at room temperature, except for pure lithium and pure sodium triflate. The stability ranges of the mixed and pure phases are given in Table 37. The crystal structures for all these phases, with the exception of $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$, β -NaSO₃CF₃ and "X"were determined.

The electric conductivities of these phases were studied. The bulk conductivity increases in the sequence: $LiSO_3CF_3 < NaSO_3CF_3 < \gamma$ -(Li,Na)SO₃CF₃ $\approx Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3 < Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ (Abb. 125). The activation energies are shown in Table 38.

phase	stability region / °C
β-L1SO ₃ CF ₃	-15 < 1 < 156,9
γ-LiSO ₃ CF ₃	156.9 < T < 429
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	130 < T < 250
Li _{0.35} Na _{0.65} SO ₃ CF ₃	180 < T < 255
$Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$	80 < T < 180 – 207 (metastable*)
α-NaSO ₃ CF ₃	T < 252
β-NaSO ₃ CF ₃	252 < T < 254

Table 37 Stability region of pure and mixed phases in the system LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃.

* The decomposition of $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ was observed in the temperature range between 180 °C und 207 °C. Note that many different factors may have an influence on the decomposition of $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$.



Fig. 125 Arrhenius-plot of the bulk conductivity of pure and mixed phases in the system $LiSO_3CF_3/NaSO_3CF_3$.

Table 38 The activation energies of pure and mixed phases in the system LiSO₃CF₃/NaSO₃CF₃.

Phase	E _a / kJ/mol
LiSO ₃ CF ₃	90
γ-(Li,Na)SO ₃ CF ₃	51
Li _{0.35} Na _{0.65} SO ₃ CF ₃	60
Li _{0.16} Na _{0.84} SO ₃ CF ₃	84
NaSO ₃ CF ₃	98

$\underline{\gamma}$ -(Li,Na)SO₃CF₃

The sodium compound dissolves to a small extent in the high temperature form of lithium triflate. A change of the lattice parameters of the solid solution with sodium content was observed. The temperature of the β - $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃ phase transition (156 °C for pure lithium triflate) decreases to 130 °C for Li_{0.9}Na_{0.1}SO₃CF₃. Previous investigations [18] showed, that the lithium

ions become mobile after the β - $\rightarrow \gamma$ -LiSO₃CF₃ phase transformation. An incorporation of the sodium ions into the crystal structure of γ -LiSO₃CF₃ decreases the transition temperature and leads to a measurable conductivity for the solid solution already at lower temperatures.

Li_{0.35}Na_{0.65}SO₃CF₃

Li_{0.35}Na_{0.65}SO₃CF₃ is stable in the temperature range between 186 °C and 254 °C. It decomposes at 254 °C. The lattice parameters were determined by synchrotron X-ray powder diffraction (ID31(ESRF)) at 200 °C. Indexing led to a monoclinic unit cell with the lattice parameters a = 17.8747(1) Å, b = 29.4174(1) Å, c = 5.41919(3) Å, β = 90.5455(3)° (Volume = 2849.52 Å³). It was not possible to obtain Li_{0.35}Na_{0.65}SO₃CF₃ at room temperature as a metastable phase. So far crystal structure determination from X-ray powder diffraction data has not been successful.

 $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ shows the highest conductivity in the system $LiSO_3CF_3/NaSO_3CF_3$, which is comparable with other good lithium ion conductors, for example Li_3N [79] and LISICONs (<u>LiSuperionicConductors</u>) [11,77,78,80]. According to the solid state NMR spectroscopy investigations, melting does not occur at 186 °C. The DC-experiments (direct current) with the ion blocking W-electrodes show, that the electronic contribution to the conductivity is negligible. The measurements with lithium and sodium electrodes indicate that $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$ is a mixed lithium sodium ion conductor.

Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃

 $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ can be prepeared by annealing the mixture of lithium and sodium triflates at 150 °C for 300 h. The compound is stable between 81 °C and 180 °C, but can be kept metastable at room temperature. The thermal decomposition on heating occurs in the temperature range from 180 °C to 208 °C depending on several factors, such as the heating rate and particle size.

The crystal structure of Li_{0.16}Na_{0.84}SO₃CF₃ was determined from the single crystal data collected at 25 °C and -173 °C. According to the single crystal structure data at -173 °C Li_{0,16}Na_{0.84}SO₃CF₃ crystallizes triclinic in space group $P\overline{1}$ with the lattice parameters a = 9.534(2), b = 10.549(2), c = 10.948(2) Å, $\alpha = 84.824(4)^{\circ}$, $\beta = 77.015(3)^{\circ}$, $\gamma = 70.614(3)^{\circ}$, the corresponding values at room temperature (25 °C) are a = 9.6127(1), b = 10.6301(1), c = 11.0056(1) Å, $\alpha = 85.9154(1)^{\circ}$, $\beta = 78.4969(3)^{\circ}$, $\gamma = 70.7147(1)^{\circ}$ (synchrotron powder diffraction). The crystal structure of Li_{0.16}Na_{0.84}SO₃CF₃ is similar to the crystal structure of NaSO₃CF₃. Both structures consist of double layers of trifluoromethylsulfonate anions, with the lipophilic CF₃-groups pointing towards each other. The significant difference between both

structures is found in the cationic sublattice. The $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ has only four different crystallographic positions for the cations, one of which is fractionally occupied by sodium atoms (2/3) and by lithium atoms (1/3). The cations in the structure of $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ are mainly located nearly the SO₃-groups, because the layers of anions are more strongly corrugated than in sodium triflate. Only Na(3) in $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ is situated clearly between the anion layers. Another feature of the crystal structure of $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ is, that two of the four anions are not staggered. This conformation was not observed in other triflates up to now.

The ionic conductivity of $Li_{0.16}Na_{0.84}SO_3CF_3$ is higher than for lithium- or sodium triflates and lower than for $Li_{0.35}Na_{0.65}SO_3CF_3$. It was determined as $6.44 \cdot 10^{-10} \text{ Scm}^{-1}$ at 51 °C and $7.64 \cdot 10^{-7} \text{ Scm}^{-1}$ at 160 °C.

$\underline{Na_2HPO_3 \cdot x H_2O}$

<u>Na₂HPO₃</u>

The crystal structure of Na₂HPO₃ was solved from high resolution X-ray powder diffraction data. It crystallizes in the monoclinic space group $P2_1/n$ with the lattice parameters a = 9.6987(1), b = 6.9795(1), c = 5.0561(1) Å, β = 92.37(1)°; V = 341.97(1) Å³. The crystal structure of Na₂HPO₃ consists of two fundamental building blocks: sodium–oxygen-polyhedra (Na(1)–O₆: tetragonal bipyramids; Na(2)–O₅: trigonal bipyramids) and HPO₃-trigonal pyramids. The Na(1)–O₆-polyhedra are connected via common edges in the trans position to infinite chains along the b-axis. These chains share on their part the remaining vertices (along the c-axis) to form layers perpendicular to the a-axis. These Na(1)–O₆ and Na(2)–O₅-layers are interlinked via common edges, resulting in a 3D-framework, in which the HPO₃-anions are embedded.

The crystal structure of Na_2HPO_3 is similar to the crystal structure of Na_2SeO_3 . The similarity between the two crystal structures becomes evident, and the two structures might actually be regarded as isotypic, if the oxygen atom O(2) in Na_2HPO_3 at a distance of 3.157 Å to Na(2) is included in the coordination sphere of Na(2) and the phosphor bonded hydrogen atom of the phosphonate is stereochemically equivalent to the Se^{IV}-lone pair.

$\underline{Na_2HPO_3 \cdot x H_2O}$

The dehydration and decomposition of $Na_2HPO_3 \cdot 5 H_2O$ was investigated by TG and DTA. A varying water content was detected in an intermediated hydrate, which can be prepared by incomplete dehydration of the pentahydrate compound. Complete dehydration of the hydrate

and the decomposition of the water-free phosphonate accompanied by elimination of hydrogen were observed at 120 °C and 405 °C, respectively (under argon atmosphere).

The crystal structure of Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O has been solved and refined from the single crystal data at 25 °C. The crystal was merohedrally twinned. According to the single crystal structure analysis, the water content in the crystal was 0.28 mole per mole phosphonate. Na₂HPO₃ · 0.28 H₂O crystallizes in the rhombohedric space group *R*32 with the lattice parameters a = b = 10.7226(7) Å, c = 52.346(5) Å, $\gamma = 120^{\circ}$.

The crystal structure can be characterized by layers of eight crystallographically distinct sodium atoms, five crystallographically distinct HPO₃-anions and two different types of water molecules. One of the water molecules is located in the voids, which are formed by the oxygen-linked sodium atoms. Two voids are connected via an Na(1) atom to form a double-voids, which exhibits a centre of inversion located at the Na(1) position. These double-voids are connected via common vertices, resulting in a 3D-framework, in which the layers of the Na(2)-, Na(5)-atoms and the second type of water molecules are located. The second type of water molecules are located between neighbouring Na(7)-layers and alternate with the Na(1)-atoms.

VI. Literaturverzeichnis

- 1. Yao, Y.F.Y., Kummer, J.T., J. Inorg. Nucl. Chem., 1967, 29(9), 2453.
- 2. Faraday, M., Experimental research in Electricity, 1839, London, Taylor and Francis.
- 3. Nernst, W., Z. Elektrochem., 1899, 2, 41.
- 4. Haber, F., Tolloczko, S., Z. Anorg. Chem., 1904, 41, 407.
- 5. Tubandt, C., Lorenz, E., Z. Phys. Chem., 1914, 87, 513.
- 6. Frenkel, J., Z. Phys., 1926, 35.
- 7. Wagner, C., Schottky, W., Z. Phys. Chem. B, 1930, 11, 163.
- 8. Bradley, J.N., Green, P.D., Trans. Faraday Soc., 1966, 62, 2069.
- 9. Tuller, H.L., Moon, P.K., Mat. Sci. Eng. B, 1988, 1, 171.
- 10. Bradley, A.J., Illingworth, J.W., Proc. Roy. Soc. A, 1936, 157, 118.
- 11. Kudo, T., Fueki, K., Solid State Ionics, 1990, Weinheim, VCH Verlagsgeselschaft.
- 12. Rabenau, A., Solid State Ionics, 1982, 6(4), 277.
- 13. Weber, N., Venero, Q.A., 72th Annual Meeting of the American Ceramic Society, 1970.
- 14. Takahashi, T., J. Electrochem. Soc., 1979, 126, 1654.
- Kvist, A., Bengtzelius, A., Fast Ion Transport in Solids Solid State Batteries and Devices, 1973, North-Holland, Amsterdam, Netherlands, 193.
- Hooper, A., Mc Geehin, P., Harrison, K.T., Tofield, B.C., J. Solid State Chem., 1978, 24, 265.
- 17. Secco, E.A., Solid State Ionics, 1993, 60(4), 233.
- 18. Pompetzki, M., van Wüllen, L., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2004, 630, 484.
- 19. Schlenk, W., Thal, A., Ber. Dtsch. Chem. Ges., 1913, 46, 2840.
- 20. Stoe&Cie, Softwarepaket Stoe Stadi P., 1999, Darmstadt, Deutschland.
- 21. ICDD-JCDPS, Joint Commitee on Powder Standards, Swartmore, USA.
- 22. Adelsberger, K., Jansen, M., Dissertation K. Adelsberger, 2000, Universität Bonn.
- 23. DESY-HASYLAB (PR) (Hrsg.), Informationsheft HASYLAB-Synchrotronstrahlung, Hamburg, 1990.
- 24. Homepage der NSLS, http://www.nsls.bnl.gov, 2004.
- 25. Homepage P.W. Stephens (X3B1), http://powder.physics.sunysb.edu, 2004.
- 26. Homepage der Beamline X7B der NSLS, http://www.nsls.bnl.gov/beamline/beamline.asp?blid=X7B, 2004.
- Hammersley, A.P., FIT2D: An Introduction and Overview, ESRF Internal Report, 1997, Grenoble Cedex, Frankreich.

- Hammersley, A.P., FIT2D, Version 9.129, ESRF Internal Report, 1998, Grenoble Cedex, Frankreich, Reference Manual, Version 3.1.
- 29. Homepage der ESRF, http://www.esrf.fr, 2004.
- Homepage der Beamline ID31 am ESRF, http://www.esrf.fr/exp_facilities/ID31/ID31.html, 2004.
- 31. Fitch, A.N., European Powder Diffraktion: Edic IV, Pts 1 and 2, 1996, 228, 219.
- Cox, D.E., Powder Diffraction (Kap. 5), Handbook of Synchrotron Radiation, Bd. 3, 1991, Amsterdam, Elsevier.
- 33. Rietveld, H.M., J. Appl. Crystallogr., 1969, 2, 65.
- Post, J.E., Reviews in Mineralogy: Modern Powder Diffraction, 1989, Washington D. C., USA, 278.
- 35. Le Bail, A., Duroy, H., Fourquet, J.L., Mater. Res. Bull., 1988, 23, 447.
- 36. Rodriguez-Carvajal, J., Fullprof.2k, Version 1.9c, 2001, Laboratoire Leon Brillouin.
- 37. Rodriguez-Carvajal, Physica B, 1993, 192, 55.
- Larson, A.C., von Dreele, R.B., GSAS 1994, Version 2002, 2002, Los Alamos National Laboratory Report LAUR 86-748.
- 39. David, W.I.F., Shankland, K., Shankland, N., Chem. Comm., 1998, 931.
- 40. Pawley, G.S., J. Appl. Crystallogr., 1981, 14, 357.
- 41. Bergerhoff, G., Berndt, M., Brandenburg, K., J. Res. Nat. Inst. Stand. Technol., 1996, 101, 221.
- 42. BrukerAXS, Programmpaket SMART, 1998, Madison, USA.
- Sheldrick, G.M., SHELXS-97 Programm zur Lösung von Kristallstrukturen, 1997, Göttingen, Germany.
- 44. Sheldrick, G.M., SHELXL-97 Programme zur Verfeinerung von Kristallstrukturen, 1997, Göttingen, Germany.
- 45. Schottky, W., Z. Phys. Chem. B, 1935, 29, 335.
- 46. Wagner, C., Z. Phys. Chem. B, 1933, 22, 181.
- 47. Wiench, D.M., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 1982, 486, 57.
- 48. Hruschka, H., Lissel, E., Jansen, M., Solid State Ionics, 1988, 28-30, 159.
- 49. Lissel, E., Jansen, M., Z. Naturforsch. B, 1991, 46, 393.
- 50. Richard, C., Catlow, A., J. Chem. Soc. Faraday Trans., 1990, 86, 1167.
- 51. Goodenough, J.B., Proc. R. Soc. Lond. A, 1984, 393, 215.
- West, A.R., Grundlagen der Festkörperchemie, 1992, VCH Verlagsgesellschaft, Weinheim, Germany.
- 53. Jansen, M., Henseler, U., J. Solid State Chem., 1992, 99, 110.

- 54. Hruschka, H., Jansen, M., Mater. Res. Bull., 1989, 24, 1279.
- 55. Yanija, L., Secco, E.A., J. Solid State Chem., 1995, 114, 271.
- Kawamura, J., Mishina, S., Sato, R., Shimoji, M., Proc. 13th Solid State Ionics, Tokyo, Japan, 1986, 21.
- 57. Gundusharma, U.M., Mac Lean, C., Secco, E.A., Solid State Comm., 1986, 57, 479.
- 58. Secco, E.A., J. Solid State Chem., 1992, 96(2), 366.
- 59. Lundén, A., Solid State Ionics, 1994, 68, 77.
- 60. Jansen, M., Angew. Chem., 1991, 103, 1574; Angew. Chem. Int. Ed. Engl. 1991, 30, 1547.
- 61. Korus, G., Jansen, M., Dissertation G. Korus, 1999, Univerität Bonn.
- Andersen, N.H., Bandaranayake, P.W.S.K., Careem, M.A., Dissanayake, M.A.K.L.,
 Wijayasekera, C.N., Kaber, R., Lundén, A., Mellander, B.-E., Nilsson, L., Thomas, J.O.,
 Solid State Ionics, 1992, 57(3-4), 203.
- 63. Wiench, D.M., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 1980, 461, 101.
- 64. Newsam, J.M., Cheetham, A.K., Tofield, B.C., Solid State Ionics, 1980, 1, 377.
- 65. Harrison, R.J., Putnis, A., Kockelmann, W., Phys. Chem. Chem. Phys., 2002, 4(14), 3252.
- 66. Wilmer, D., Banhatti, R.D., Funke, K., Jansen, M., Korus, G., Lechner, R.E., Fitter, J., Electrochem. Soc. Proc., 1997, 97-24, 797.
- 67. Wilmer, D., Banhatti, R.D., Fitter, J., Funke, K., Jansen, M., Korus, G., Lechner, R.E., Physica B, 1998, 241, 338.
- 68. Wilmer, D., Funke, K., Witschas, M., Banhatti, R.D., Jansen, M., Korus, G., Fitter, J., Lechner, R.E., Physica B, 1999, 266, 60.
- Funke, K., Wilmer, D., Banhatti, R.D., Witschas, M., Lechner, R.E., Fitter, J., Jansen, M., Korus, G., Mater. Res. Soc. Symp. Proc., 1998, 527, 469.
- 70. Witschas, M., Eckert, H., J. Phys. Chem. A, 1999, 103, 10764.
- Witschas, M., Eckert, H., Wilmer, D., Banhatti, R.D., Funke, K., Fitter, J., Lechner, R.E., Korus, G., Jansen, M., Z. Phys. Chem., 2000, 214, 643.
- 72. Witschas, M., Eckert, H., Freiheit, H., Putnis, A., Korus, G., Jansen, M., J. Phys. Chem. A, 2001, 105(28), 6808.
- 73. Wilmer, D., Feldmann, H., Combet, J., Lechner, R.E., Physica B, 2001, 301, 99.
- 74. van Wüllen, L., Hildebrandt, L., Jansen, M., Solid State Ionics, 2005, 176, 1449.
- van Wüllen, L., Sofina, N., Hildebrandt, L., Mühle, C., Jansen, M., Solid State Ionics, 2006, submitted.
- Itoh, M., Inaguma, Y., Jung, W.-H., Chen, L., Nakamura, T., Solid State Ionics, 1994, 70/71, 203.
- 77. Robertson, A.D., West, A.R., Ritchie, A.G., Solid State Ionics, 1997, 104(1-2), 1.

- 78. Hong, H., Mat.Res.Bul., 1978, 13, 117.
- 79. von Alpen, U., Rabenau, A., Talat, G.H., Appl. Phys. Lett., 1977, 30, 621.
- 80. Murayama, M., Sonoyama, N., Yamada, A., Kanno, R., Solid State Ionics, 2004, 170, 173.
- 81. Suda, S., Yamashita, K., Umegaki, T., Solid State Ionics, 1996, 89, 75.
- 82. Wang, W., Liu, X., Solid State Ionics, 1996, 89, 165.
- 83. Wang, W., Zhang, Y., Solid State Ionics, 1996. 86-98, 281.
- Masquelier, C., d'Yvoire, F., Bretey, E., Berthet, P., Peytour-Chansac, C., Solid State Ionics, 1994, 67, 183.
- 85. Hruschka, H., Jansen, M., Dissertation H. Hruschka, 1988, Universität Hannover.
- Purcell, E.M., Berkeley Physik Kurs Bd. 2, 3. Auflage, 1984, Friedrich Vieweg & Sohn, Braunschweig, Germany.
- 87. Novocontrol GmbH, WinDeta V4.5, 1995-2003: Hundsangen.
- 88. Köhler, U., Jansen, M., Dissertation U. Köhler, 1987, Universität Hannover.
- 89. Novocontrol GmbH, WinFit V2.9, 1996: Hundsangen.
- 90. EC-Lab Software, Vers. 6.90, Fa. Bio-Logic, Claix, Frankreich, 2003.
- 91. Haszeldine, R.N., Kidd, J.M., J. Chem. Soc., 1954, 4228.
- 92. Tordeux, B., Langlois, B., Wakselman, C., J. Org. Chem., 1989, 54, 2452.
- 93. Miles, M.G., Doyle, G., Cooney, R.P., Tobias, R.S., Spectrochim. Acta A, 1969, 25, 1515.
- 94. Bonner, O.D., J. Am. Chem. Soc., 1981, 103, 3262.
- 95. Russel, D.G., Senior, J.B., Can. J. Chem., 1980, 58, 22.
- 96. Jansen, M., Korus, G., Z. Anorg. Allg. Chem., 1997, 623(10), 1625.
- 97. Yao, N.P., Bennion, D.N., J. Electrochem. Soc., 1971, 118(7), 1097.
- 98. Umenoto, T., Tomita, K., Kawada, K., Org. Synth., 1990, 69, 129.
- 99. Bernhard, P., Diab, H., Ludi, A., Inorg. Chim. Acta, 1990, 173(1), 65.
- 100. McLin, M.G., Angell, C.A., Solid State Ionics, 1992, 53-56, 1027.
- Munshi, M.Z.A., Gilmour, A., Smyri, W.H., Owens, B.B., J. Electrochem. Soc., 1989, 136, 1847.
- Greenbaum, S.G., Adami, K.J., Pak, Y.S., Wintersgill, M.C., Fontanella, J.J., Solid State Ionics, 1987, 28-30, 1042.
- 103. Greenbaum, S.G., Mol. Cryst. Liq. Cryst., 1987, 160, 347.
- 104. Semkow, W.K., Sammels, A.F., J. Electrochem. Soc., 1987, 134, 766.
- 105. Forsyth, M., Tipton, A.L., Shriver, D.F., Solid State Ionics, 1997, 99, 257.
- 106. Zheng, Y., Bhatt, D., Davis, F., Thin Solid Films, 1998, 327, 473.
- 107. Rhodes, C.P., French, R., Solid State Ionics, 1999, 121, 91.
- 108. Rhodes, C.P., Khan, M., Frech, R., J. Phys. Chem. B, 2002, 106, 10330.

- 109. Shriver, D.F., Farrington, G.C., Chem. Eng. News, 1985, 63(20), 42.
- 110. Korus, G., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2001, 627(7), 1599.
- 111. Sheldrick, G.M., Bruker AXS, SADAPS, 1998, Inc. Madison.
- 112. Gänswein, B., Brauer, G., Z. Anorg. Allg. Chem., 1975, 415, 125.
- Holt, D.G.L., Larkworthy, L.L., Povey, D.C., Smith, G.W., Jeffery Leigh, G., Inorg. Chim. Acta, 1990, 169, 201.
- Paiva Santos, C.O., Castellano, E.E., Machado, L.C., Vicentini, G., Inorg. Chim. Acta, 1985, 110, 83.
- 115. Harrowfield, J.M.B., Kepert, D.L., Patrick, J.M., White, A.H., Aust. J. Chem., 1983, 36, 483.
- Tremayne, M., Lightfoot, P., Mehta, M.A., Bruce, P.G., Harris, K.D.M., Shankland, K.,
 Gilmore, C. J., Bricogne, G., J. Solid State Chem., 1992, 100, 191.
- 117. Bolte, M., Lerner, H.W., Acta Crystallogr. E, 2001, 57, m231.
- 118. Frydman, L., Harwood, J.S., J. Am. Chem. Soc., 1995, 117, 5367.
- Saunders, V.R., Doveski, R., Roetti, C., Causa, M., Harrison, N.M., Orlando, R., Zicovich-Wilson, C. M., Crystal98 User's Manual, University of Torino, Torino, 1998.
- 120. van Wüllen, L., Sofina, N., Jansen, M., Chem. Phys. Chem., 2004, 5, 1906.
- 121. Samoson, A., Lippmaa, E., Chem. Phys. Letters, 1983, 100(3), 205.
- 122. Kentgens, A.P.M., Lemmens, J.J.M., Geurts, F.M.M., Veeman, W.S., J. Magn. Reson., 1987, 71, 62.
- Benett, A.E., Rienstra, C.M., Auger, M., Lakshmi, V., Griffin, R.G., J. Chem. Phys., 1995, 103, 6951.
- 124. Irvine, J.T.S., Sinclair, D.C., West, A.R., Adv. Mater., 1990, 2, 132.
- 125. Lightfoot, P., Mehta, M.A., Bruce, P.G., Science, 1993, 262(5135), 883.
- 126. Pompetzki, M., Jansen, M., Dissertation M. Pompetzki, 2003, Universität Bonn.
- 127. Tunstall, D.P., Tomlin, A.S., Mac Callum, J.R., Vincent, C.A., J. Phys. C: Solid State Phys., 1988, 21, 1039.
- 128. Mortimer, M., Moore, E.A., Williams, M.A.K., J. Chem. Soc. Faraday Trans., 1992, 88, 2393.
- Mortimer, M., Moore, E.A., Williams, M.A.K., J. Chem. Soc. Faraday Trans., 1996, 92, 5043.
- 130. Waugh, J.S., Fedin, E.I., Soviet Physics-Solid State, 1963, 4(8), 1633.
- 131. Dinnebier, R.E., Sofina, N., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2004, 630, 1613.
- 132. Dinnebier, R.E., Finger, L., Z. Kristallogr., 1998, Supplement Issue 15, 148.
- 133. Visser, J.W., J. Appl. Crystallogr., 1969, 2, 89.

- 134. Interactive Data Language, Ver. 5.6, Research System Inc. (RSI).
- 135. Leach, A.R., Molecular Modelling Principles and Applications, 1996, Addison Wesley Longman, Edinburgh Gate, Harlow, UK.
- 136. Sofina, N., Peters, E.M., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2003, 629(7-8), 1431.
- 137. Bolte, M., Lerner, H., Acta Crystallogr. E, 2001, 57, m231.
- 138. Hildebrandt, L., Dinnebier, R., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2005, 631, 1660.
- 139. Tärneberg, R., Lunden, A., Solid State Ionics, 1996, 90, 209.
- Lundén, A.: in Scrosati, B., Magistris, A., Mari, C.M., Mariotto, G., NATO ASI Series E:
 250, Kluwer, Dordrecht, Niederlande, 1993, 181.
- Mouhtady, O., Gaspard-Iloughmane, H., Roques, N., Le Roux, C., Tetrahedron Letters, 2003, 44, 6379.
- Firouzabadi, H., Iranpoor, N., Sobhani, S., Ghassamipour, S., Ammozgar, Z., Tetrahedron Letters, 2003, 44, 891.
- 143. Sage, V., Clark, J.H., Macquarrie, D.J., J. of Catalysis, 2004, 277, 502.
- Rhodes, C.P., Kiassen, B., Frech, R., Dai, Y., Greenbaum, S.G., Solid State Ionics, 1999, 126, 251.
- Ikeda, S., Mori, K., Furuhashi, Y., Masuda, H., Yamamoto, O., J. of Power Sources, 1999b, 82, 720.
- 146. Ikeda, S., Mori, K., Furuhashi, Y., Masuda, H., Solid State Ionics, 1999a, 121, 329.
- 147. Kumar, G.G., Munichandraiah N., J. of Power Sources, 2000a, 91, 157.
- 148. Kumar, G.G., Munichandraiah, N., Solid State Ionics, 2000b, 128, 203.
- 149. Kumar, G.G., Sampath, S., Solid State Ionics, 2003, 160, 289.
- 150. Mitra, S., Shukla, A.K., Sampath, S., J. of Power Sources, 2001, 101, 213.
- 151. Takei, T., Surface Technology, 1985, 25, 369.
- 152. Takei, T., Surface Technology, 1984, 22, 343.
- Boumizane, K., Herzog-Cance, M. H., Jones, D.J., Pascal, J.L., Potier, J., Roziere, J., Polyhedron, 1991, 10, 2757.
- 154. Thompson, P., Cox, D.E., Hastings, J.B., J. Appl. Crystallogr., 1987, 20, 79.
- 155. Finger, L.W., Cox, D.E., Jephcoat, A.P., J. Appl. Crystallogr., 1994, 27, 892.
- 156. Stephens, P.W., J. Appl. Crystallogr., 1999, 32, 281.
- 157. Dinnebier, R., Powder Diffraction, 1999, 14, 84.
- 158. Hinrichsen, B., Dinnebier, R.E., Jansen, M., Z. Kristallogr., 2006, 23, 231.
- 159. Ebert, M., Skvara, F., Collect. Czechoslov. Chem. Commun., 1964, 29, 1413.
- 160. Colton, R.H., Henn, D.E., J. Chem. Soc. A, 1971, 1207.
- 161. Ebert, M., Collect. Czechoslov. Chem. Commun., 1959, 24, 1389.

- 162. Lefforge, J.W., Hudson, R.B., Brit. Pat. 665174, 1949/52, C.A., 1952, 6340.
- 163. Estour, H., Porthault, M., Merlin, J.-C., Bull. Soc. Chim. Fr., 1964, 2843.
- Ustyantseva, T.A., Shishknia, Z.L., Gotman, E.E., Morgunova, E.M., Sushkova, S.G., Trl. Ural. Nauchna-Issled. Khim. Inst., 1973, 30, 2843.
- Brodalla, D., Goeters, C., Kniep, R., Mootz, D., Wunderlich, H., Z. Anorg. Allgem. Chem., 1978, 439, 265.
- 166. Rafig, M., Durand, J., C. R. Seances Acad. Sci. C, 1980, 291, 239.
- 167. Hoppe, R., Z. Kristallogr., 1979, 150, 23.
- 168. Hübental, R., Dissertation R. Hübental, 1991, Universität Giessen.
- 169. Wickleder, M., Acta Crystallogr. E, 2002, 58, 103.
- 170. Sofina, N., Dinnebier, R., Jansen, M., Z. Anorg. Allg. Chem., 2005, 631, 2994.

VII Anhang

Tabelle 39 Beobachtete Reflexe für α -NaSO₃CF₃ (T = 22 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I /	Nr.	h	k	1	d / Å	I /
1	0	1	0	10,5202	100,0	183	-4	2	3	2,2459	% 0,7	365	-6	0	1	1,7871	% 0,2
2	1	0	0	10,0102	11,1	184	-5	1	2	2,2452	0,7	366	-3	1	5	1,7850	0,1
3	1	-1	0	8,8853	0,9	185	-5	1	1	2,2423	0,9	367	1	1	4	1,7750	0,1
4	0	0	1	8,5470	0,8	186	-2	-3	4	2,2406	1,6	368	-1	-6	3	1,7745	0,1
5	-1	0	1	8,5446	1,2	187	-2	-4	3	2,2402	1,3	369	6	-2	0	1,7699	0,2
6	0	-1	1	8,3210	5,9	188	-4	-2	3	2,2335	0,5	370	-3	-5	3	1,7673	0,1
7	-1	-1	1	6,9338	7,1	189	0	-3	4	2,2307	2,0	371	-2	1	5	1,7673	0,1
8	-1	1	1	6,3673	3,4	190	2	-5	0	2,2232	0,3	372	1	4	2	1,7653	0,0
9 10	1	_1	1	6,2790 5 0713	0,9	102	-5 1	_1	0	2,2220	1,1	373	0	-4 2	с ⊿	1,7040	0,1
11	0	-1	1	5,6790	2,5	192	1	-4	3	2,2213	0,4	375	-1	5	2	1,7039	0,1
12	õ	-2	1	5.4826	1.4	194	-4	-2	1	2.2149	0.3	376	-2	3	4	1,7629	0.1
13	1	-2	0	5,4698	0,7	195	1	-5	0	2,2134	0,1	377	-1	4	3	1,7628	0,1
14	1	0	1	5,4522	0,7	196	3	0	2	2,2119	0,1	378	-5	5	1	1,7625	0,1
15	-2	0	1	5,4503	1,1	197	-5	0	2	2,2112	0,1	379	2	-6	3	1,7596	0,3
16	0	2	0	5,2601	7,0	198	3	-4	2	2,2004	0,0	380	-3	-5	2	1,7594	0,2
1/	2	-1	0	5,2518	3,1	199	-2	1	4	2,1893	0,8	381	-4	3	4	1,7577	0,6
10	-2	1	1	5,1108	31,2 73.6	200	0	2 1	3	2,1872	0,7	382	-0 5	-1	2	1,7543	0,1
20	2 1	-2	1	4 9677	73,0	201	-4 -5	2	2	2,1043	0.7	384	-5	-5	0	1,7534	0,3 1 4
21	-1	0	2	4,7250	9.2	203	-3	1	4	2.1704	0.3	385	-6	-1	3	1,7534	0.2
22	-1	-2	1	4,6639	4,0	204	4	0	1	2,1655	0,0	386	6	-3	Ō	1,7506	1,5
23	-2	-1	1	4,6070	9,3	205	-2	4	2	2,1576	1,5	387	-4	1	5	1,7474	0,1
24	0	-1	2	4,6015	10,6	206	2	-4	3	2,1450	0,1	388	2	5	0	1,7426	0,1
25	2	-2	0	4,4427	25,7	207	2	3	1	2,1427	0,1	389	6	-1	0	1,7402	0,2
26	-1	2	1	4,3151	7,4	208	0	0	4	2,1368	0,1	390	-5	-3	2	1,7371	0,0
21	_2	0	2	4,2730	00,5 30.4	209	-4 -3	1	4	2,1301	0,1	302	-2	-6	0	1,7344	0,0
20	-2	1	1	4,2723	1.4	210	-3 -1	-5	2	2,1339	0.9	393	1	-0	1	1,7340	0,5
30	0	-2	2	4,1605	25,7	212	3	-5	0	2,1297	0,8	394	-4	-4	4	1,7335	0,1
31	1	2	0	4,1233	5,7	213	-4	-1	4	2,1298	0,2	395	4	-3	3	1,7326	0,1
32	-2	-1	2	4,0839	2,1	214	-2	3	3	2,1269	0,3	396	-3	6	1	1,7296	0,1
33	-1	-2	2	4,0654	1,3	215	-3	3	3	2,1224	0,1	397	2	-5	4	1,7265	0,1
34	-2	2	1	4,0497	0,1	216	5	-2	0	2,1217	0,1	398	-4	-3	5	1,7258	0,1
35	2	-1 1	1	4,0289	10,1	217	3	-5	1 2	2,1192	0,2	399	4	-6 4	1	1,7240	0,4
37	_1	1	2	4,0274	15,5	210	2 4	-4	3 1	2,1179	0,3	400	-3 1	-4 3	3	1,7211	0,0
38	0	2	1	3.8809	0,7	220	-5	0	3	2.1171	0.3	402	4	-2	3	1,7201	0.2
39	-2	1	2	3,8436	0,6	221	3	2	1	2,1119	0,3	403	-6	4	1	1,7189	0,1
40	2	-2	1	3,8423	0,4	222	-5	3	1	2,1117	0,5	404	2	0	4	1,7182	0,6
41	0	-3	1	3,7752	1,1	223	0	-5	3	2,1088	0,2	405	5	-5	1	1,7180	0,5
42	1	-1	2	3,7582	0,7	224	-1	1	4	2,1085	0,4	406	-6	0	4	1,7176	0,2
43	1	-3	1	3,7511	2,0	225	-5	1	3	2,1070	0,3	407	-5	4	3	1,7148	0,2
44 45	-3 1	-3	0	3,7304	1,3	220	1	-2	4	2,1040	0,5	400 400	5	-3 -3	2	1,7147	0,3
46	2	0	1	3.6873	3.1	228	-1	-4	4	2,1001	0.5	410	-5	-1	5	1,7105	0,5
47	-3	0	1	3,6863	1,0	229	5	-1	0	2,0999	0,2	411	0	0	5	1,7094	0,1
48	1	-2	2	3,6516	4,0	230	-3	-3	4	2,0931	0,1	412	-5	0	5	1,7089	0,2
49	-2	-2	1	3,5660	0,3	231	3	3	0	2,0930	0,6	413	1	-2	5	1,7082	0,1
50	0	1	2	3,5277	0,0	232	-5	-1	2	2,0909	0,2	414	-6	1	4	1,7074	0,2
51	0	3	0	3,5067	2,1	233	2	2	2	2,0887	0,1	415	5	-2	2	1,7063	0,4
52 53	_2	-3	2	3,4000	4,0	234	-1	-5 1	2	2,0600	0,2	410	-0	-5	ა ⊿	1,7030	0,3
53 54	-2	-2	2	3 4365	2,5	236	0	-4	4	2,0041	0,1	418	-3	-5	2	1,7033	0,2
55	-3	Õ	2	3,4352	2,4	237	1	-3	4	2,0771	0,3	419	0	-6	4	1,7012	0,3
56	0	-3	2	3,4024	1,0	238	1	-5	3	2,0716	0,2	420	4	-4	3	1,6997	0,3
57	-3	1	2	3,3096	0,3	239	2	4	0	2,0616	0,4	421	-5	-3	4	1,6994	0,1
58	2	-3	1	3,2981	1,0	240	5	-3	0	2,0603	0,7	422	-1	1	5	1,6990	0,4
59	-1	-1	3	3,2650	0,3	241	-4	1	4	2,0588	1,4	423	-4	-4	1	1,6988	0,4
бU 61	-1 0	-3 1	2	3,2365	1,6 1.2	242	-1 4	-5 ⊿	3	∠,0555 2.0552	1,8	424 425	5 ₄	2	U 1	1,6924	0,3
62	-3 1	-1 -2	2	3,2231	4,3 3 6	243 244	-2	45	1	∠,0000 2 0521	0,3	420 426	-1 _1	о 2	⊥ 1	1,0009	0,1
63	-2	2	2	3,1837	1.9	245	1	-1	4	2.0479	0.2	427	6	-4	0	1.6868	0.5
64	1	2	1	3,1775	2,1	246	-5	-1	3	2,0453	0,1	428	-6	-1	1	1,6856	0,1
65	-2	-1	3	3,1595	6,6	247	-4	-2	4	2,0420	0,1	429	-6	4	2	1,6836	0,1
66	-1	3	1	3,1495	0,3	248	-1	3	3	2,0409	0,2	430	-1	-5	5	1,6833	0,2
67	-1	2	2	3,1409	0,1	249	-5	3	2	2,0399	0,1	431	-6	-1	4	1,6832	0,1
68	2	2	0	3,1395	0,3	250	-2	-4	4	2,0327	0,1	432	-3	-5	1	1,6824	0,6

69	-2	3	1	3,1352	0,5	251	-4	-3	2	2,0308	0,2	433	3	-3	4	1,6824	0,2
70	-1	-2	3	3,1248	0,5	252	4	-2	2	2,0144	0,2	434	-1	-6	4	1,6814	1,3
71	-1	0	3	3,1119	0,0	253	4	2	0	2,0137	0,1	435	-5	5	2	1,6795	0,4
72	-2	0	3	3,1115	0,0	254	3	1	2	2,0038	0,0	436	-5	3	4	1,6794	0,6
73	2	1	1	3,1074	5,7	255	-1	5	1	2,0030	0,2	437	5	-4	2	1,6776	0,4
74	0	-1	3	3,0515	1,4	256	5	0	0	2,0020	0,0	438	1	-4	5	1,6769	0,2
75	2	-2	2	2,9857	0,5	257	4	-3	2	2,0014	0,7	439	-2	-6	3	1,6768	0,3
76	3	-3	0	2,9618	1,5	258	3	-2	3	1,9955	1,0	440	3	1	3	1,6767	0,3
77	2	-1	2	2,9574	0,1	259	1	-4	4	1,9781	0,0	441	-4	6	1	1,6758	0,2
78	3	-2	1	2,9500	0,0	260	-2	2	4	1,9758	0,2	442	-2	-6	2	1,6740	0,3
79	-2	-2	3	2,9471	0,0	261	4	-5	0	1,9665	1,1	443	1	-6	4	1,6729	0,8
80	3	-1	1	2,9472	0,1	262	2	-5	3	1,9569	0,3	444	-5	-2	5	1,6684	1,0
81	-3	2	2	2,9371	0,1	263	-2	-2	5	1,9569	0,0	445	6	0	0	1,6684	0,7
82	1	1	2	2,9282	0,4	264	-3	-4	1	1,9566	0,1	446	3	-2	4	1,6660	0,3
83	3	1	0	2,9124	0,5	265	0	1	4	1,9567	0,2	447	0	-5	5	1,6642	0,4
84	0	3	1	2,8885	0,4	266	-2	-5	2	1,9561	0,2	448	-5	1	5	1,6641	0,6
85	0	2	2	2,8395	0,1	267	4	-1	2	1,9564	0,2	449	4	-1	3	1,6636	0,5
86	-2	1	3	2,8344	0,1	268	1	2	3	1,9551	0,4	450	5	1	1	1,6618	0,5
87	-2	-3	2	2,8340	0,2	269	-2	-1	5	1,9509	0,8	451	-3	2	5	1,6590	0,1
88	0	-4	1	2,8269	8,7	270	-5	4	1	1,9461	0,8	452	1	-1	5	1,6590	0,1
89	-4	1	1	2,8239	3,4	271	0	4	2	1,9405	0,0	453	0	5	2	1,6587	0,2
90	-3	-2	2	2,8189	2,5	272	5	-4	0	1,9350	0,0	454	3	-4	4	1,6566	0,1
91	-3	-1	3	2,8115	0,2	273	1	5	0	1,9331	0,1	455	3	-6	3	1,6559	0,8
92	2	-3	2	2,7940	1,6	274	3	-1	3	1,9320	0,1	456	-2	-5	5	1,6558	0,2
93	-2	-3	1	2,7926	4,4	275	-1	-2	5	1,9303	0,2	457	5	-1	2	1,6559	0,0
94	-1	-3	3	2,7832	0,8	276	-2	-5	3	1,9301	0,5	458	-5	-3	1	1,6552	0,5
95	1	-4	0	2,7826	0,5	2//	1	0	4	1,9285	1,5	459	-6	2	4	1,6548	0,0
96	0	-3	3	2,7737	0,3	278	-5	0	4	1,9278	0,1	460	-6	-2	3	1,6538	0,0
97	-1	1	3	2,7650	0,4	279	-3	-1	5	1,9276	0,2	461	1	-7	2	1,6506	0,0
98	-3	-2	1	2,7601	1,9	280	5	-2	1	1,9276	0,4	462	0	4	3	1,6504	0,2
99	3	-3	1	2,7446	1,7	281	2	1	3	1,9262	0,4	463	4	-6	2	1,6491	0,0
100	0	-4	2	2,7413	5,4	282	4	-5	1	1,9218	0,1	464	6	-3	1	1,6330	0,2
101	3	0	1	2,1311	4,9	283	-4	2	4	1,9218	0,3	465	-2	-2	6	1,0325	0,1
102	-4	0	1	2,1312	2,5	284	4	-4	2	1,9212	0,2	465	-2	2	5	1,6308	0,6
103	2	-4	1	2,7349	7,4	200	-5 4	-2	2 1	1,9206	0,3	407	4	-5	С	1,0202	0,0
104	2	-4	2	2,7297	2,5	200	2	-0	ן כ	1,9200	0,4	400	-3	-2	2	1,0200	0,3
105	2	0	2	2,7201	0,0	201	3	-4	ა ი	1,9102	0,0	409	-3	5	ა ი	1,0202	0,0
100	-4	1	2	2,7201	1,2	200	2	-0	4	1,9157	0,5	470	2	-/	2	1,0109	0,1
107	-4	2	2 1	2,7231	65	209	-5	-0	3	1,9141	0,4	471	-3	-6	1	1,0190	0,3
100	-4	2	2	2,7177	1 /	201	-5	-2	1	1,9137	0,4	472	-2	-0	5	1,0102	0,0
109	1	-2	2	2,7052	0.7	291	-4	-2	5	1,9111	0,5	473	-4	-4	6	1,0159	1.0
111	-3	1	2	2,0000	0,7	202	5	_3	1	1,0100	0,5	475	1	2	1	1,0130	0.4
112	4	-1	0	2,0000	4.2	200	-1	-1	5	1,0004	1 1	476	5	-6	Ō	1,0130	0,4
113	0	4	õ	2,6300	29.5	204	-5	-1	4	1,0024	0.9	477	-7	2	2	1,6126	0,1
114	4	-2	ő	2,0000	123	296	-4	-3	4	1 8991	0,5	478	-6	-2	4	1,0120	0,0
115	-2	3	2	2,0200	0.6	200	-3	-4	4	1,8986	0,0	479	-2	-1	6	1,0110	0,0
116	-3	-2	3	2,6010	0.2	298	-2	-3	5	1,8979	0.3	480	-2	-6	1	1,6107	0.0
117	-2	-3	3	2,5979	1.1	299	-1	-3	5	1,8950	0.4	481	-7	1	2	1,6110	0.1
118	-1	-4	2	2,5950	2.4	300	-1	2	4	1,8938	0.6	482	3	-1	4	1,6109	0.1
119	-1	-4	1	2.5774	0.0	301	Ó	3	3	1.8930	0.6	483	-4	5	3	1.6088	0.3
120	1	-3	3	2.5748	0.2	302	0	-5	4	1.8923	0.6	484	3	4	1	1,6069	0.0
121	2	2	1	2,5679	0,9	303	-5	1	4	1,8915	0.5	485	1	-7	3	1,6065	0.0
122	-4	-1	2	2,5605	0,0	304	0	-6	2	1,8876	1,1	486	5	-5	2	1,6048	0,0
123	0	1	3	2,5231	0,3	305	0	5	1	1,8865	0,7	487	0	6	1	1,6040	0,2
124	3	-4	0	2,5142	0,1	306	-1	-5	4	1,8861	0,8	488	2	-6	4	1,6032	0,1
125	-3	3	2	2,5109	0,6	307	-2	-5	1	1,8843	0,6	489	1	-5	5	1,6030	0,1
126	1	3	1	2,5090	1,5	308	-6	1	2	1,8836	0,5	490	-2	5	3	1,6015	0,4
127	2	3	0	2,5052	1,6	309	5	-1	1	1,8830	0,7	491	-6	5	1	1,6014	0,1
128	-4	-1	1	2,5029	0,8	310	-2	0	5	1,8817	0,4	492	-3	4	4	1,6011	0,1
129	4	0	0	2,5026	1,3	311	-3	0	5	1,8816	0,6	493	-4	-5	3	1,5975	0,4
130	-2	4	1	2,4956	0,6	312	2	-3	4	1,8812	0,6	494	6	-4	1	1,5975	0,2
131	2	-4	2	2,4839	0,6	313	2	-2	4	1,8791	0,5	495	0	-7	3	1,5971	0,9
132	1	0	3	2,4762	0,0	314	-5	3	3	1,8773	0,5	496	-7	1	3	1,5967	0,2
133	-4	0	3	2,4753	0,1	315	2	-6	2	1,8756	1,7	497	-1	-2	6	1,5964	0,3
134	-4	3	1	2,4734	0,1	316	-6	2	2	1,8652	1,0	498	-3	-3	6	1,5961	0,1
135	-2	2	3	2,4714	0,1	317	-5	4	2	1,8622	0,2	499	3	3	2	1,5961	0,8
136	3	2	0	2,4689	0,1	318	2	-6	0	1,8601	0,9	500	0	1	5	1,5958	0,6
137	4	-3	0	2,4633	1,2	319	0	-6	1	1,8593	0,3	501	3	-5	4	1,5941	0,3
138	-1	4	1	2,4544	0,2	320	-6	2	1	1,8581	0,9	502	2	1	4	1,5940	0,2
139	1	2	2	2,4496	0,1	321	5	1	0	1,8561	0,0	503	2	-7	0	1,5936	0,3
140	-2	-1	4	2,4414	0,2	322	-6	1	1	1,8495	0,0	504	-1	-3	6	1,5926	0,3
141	0	-4	3	2,4369	0,2	323	4	0	2	1,8436	0,1	505	-6	4	3	1,5920	0,2
142	3	-4	1	2,4348	1,0	324	-6	0	2	1,8431	0,0	506	-4	4	4	1,5918	0,4
143	3	-2	2	2,4302	0,1	325 200	3	-0	1 E	1,8420	0,1	507	6	-5	0	1,5917	0,4
144 1 <i>15</i>	- 1	-1	4	2,4100	0,1	320	-4	-1	о г	1,0390	0,1	500	-5 2	-3 C	2	1,0910	0,5
140	- 1	-2	4	∠,4133	0,9	3Z1	U	-2	Э	1,0394	υ,1	208	-3	ю	2	1,5909	υ,Ζ

147 148 149 150 151 152	-4 2 -3 -1 3 3	-1 1 -3 -4	3 2 2	2,4056 2,4052 2,4007	0,6 0,3	329 330	-2	4	3	1.8366	0.7	511	6	-1	1	1.5902	0.2
148 149 150 151 152	2 -3 -1 3 3	1 -3 -4	2 2	2,4052 2 4007	0,3	330	~			.,	-,-	•••	•	•		.,	•,-
149 150 151 152	-3 -1 3 3	-3 -4	2	2 4007		000	-3	-3	5	1,8359	0,3	512	4	3	1	1,5899	0,3
150 151 152	-1 3 3	-4	2	2,4007	0,7	331	3	3	1	1,8358	0,4	513	2	4	2	1,5888	0,1
151 152	3 3		3	2,3984	0,0	332	1	-6	0	1,8344	0,1	514	-3	-5	5	1,5880	0,3
152	3	-1	2	2,3714	0,1	333	1	-5	4	1,8337	0,1	515	-7	2	1	1,5877	0,1
		-3	2	2,3643	0,7	334	5	-4	1	1,8334	0,4	516	-5	6	1	1,5854	0,1
153	-2	0	4	2,3625	0,5	335	-3	5	2	1,8312	0,1	517	3	-7	2	1,5854	0,0
154	1	4	0	2,3574	0,1	336	-6	1	3	1,8295	0,4	518	-4	-1	6	1,5853	0,1
155	4	-2	1	2,3438	0,3	337	0	-3	5	1,8278	0,1	519	-5	2	5	1,5853	0,2
156	1	-4	3	2,3383	0,3	338	0	-6	3	1,8275	0,1	520	5	-6	1	1,5848	0,1
157	-2	-4	2	2,3319	0,9	339	-2	5	2	1,8257	0,1	521	0	-7	1	1,5842	0,1
158	2	-2	3	2,3312	1,3	340	2	-4	4	1,8258	0,1	522	3	-7	0	1,5827	0,2
159	-3	-1	4	2,3304	0,7	341	3	-6	0	1,8233	0,1	523	0	3	4	1,5817	0,1
160	0	3	2	2,3202	0,1	342	1	-6	3	1,8221	0,0	524	-7	2	3	1,5816	0,2
161	1	-5	1	2,3163	0,3	343	2	4	1	1,8196	0,0	525	-4	-2	6	1,5797	0,1
162	-3	-3	3	2,3113	0,3	344	-1	0	5	1,8186	0,1	526	2	-3	5	1,5794	0,4
163	-3	-3	1	2,3112	0,4	345	-5	-2	4	1,8183	0,0	527	-7	3	2	1,5775	0,2
164	-4	-2	2	2,3035	0,2	346	-4	0	5	1,8183	0,1	528	1	0	5	1,5771	0,3
165	4	-1	1	2,3026	0,1	347	3	0	3	1,8174	0,4	529	-6	0	5	1,5765	0,2
166	0	-2	4	2,3008	0,0	348	-2	-5	4	1,8169	0,4	530	4	0	3	1,5762	0,0
167	-1	0	4	2,2995	0,4	349	-6	0	3	1,8168	0,1	531	2	-7	3	1,5755	0,2
168	-3	0	4	2,2991	0,1	350	2	3	2	1,8147	0,3	532	-7	0	3	1,5756	0,1
169	-4	3	2	2,2973	0,6	351	-6	3	1	1,8107	0,7	533	-3	0	6	1,5750	0,2
170	-1	-3	4	2,2935	0,1	352	-4	4	3	1,8090	0,3	534	-2	6	2	1,5747	0,1
171	0	4	1	2,2858	0,0	353	-4	-2	5	1,8060	0,2	535	5	0	2	1,5734	0,5
172	2	-3	3	2,2843	0,0	354	-1	-4	5	1,8058	0,1	536	-7	0	2	1,5730	0,1
173	4	-3	1	2,2731	0,5	355	-5	2	4	1,8019	0,0	537	2	5	1	1,5726	0,1
174	4	1	0	2,2698	0,9	356	-1	-6	2	1,7996	0,1	538	-4	-5	2	1,5719	0,3
175	2	-1	3	2,2678	1,5	357	4	-5	2	1,7952	0,0	539	-6	3	4	1,5706	0,2
176	2	-5	1	2,2672	2,7	358	3	4	0	1,7944	0,1	540	-2	4	4	1,5705	0,1
177	0	-1	4	2,2649	2,1	359	-6	3	2	1,7929	0,1	541	-7	3	1	1,5699	0,1
178	-2	-4	1	2,2594	0,7	360	3	2	2	1,7910	0,0	542	4	4	0	1,5698	0,1
179	1	-5	2	2,2587	0,7	361	-2	-4	5	1,7899	0,0	543	-7	1	1	1,5699	0,1
180	-3	-2	4	2,2521	1,0	362	-6	2	3	1,7885	0,0	544	-4	-5	4	1,5687	0,0
181	0	-5	2	2,2483	0,6	363	-3	3	4	1,7882	0,5	545	6	1	0	1,5687	0,1
182	0	-5	1	2,2464	1,5	364	5	0	1	1,7873	0,2	365	-6	0	1	1,7871	0,2

Tabelle 40 Beobachtete Reflexe für γ -LiSO₃CF₃ (T = 183 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %
1	0	0	2	10,0631	6,63	53	3	1	6	1,7442	0,41	105	0	6	5	1,364	0,57
2	0	0	4	5,0315	13,90	54	0	4	7	1,7345	1,10	106	4	2	6	1,3551	2,82
3	1	1	2	4,5517	93,61	55	2	0	10	1,6962	0,53	107	3	3	9	1,3539	0,16
4	0	2	0	4,3495	99,89	56	3	3	1	1,6952	0,50	108	1	5	9	1,3417	0,22
5	0	2	1	4,2513	1,39	57	0	2	11	1,6865	0,24	109	3	5	1	1,337	1,27
6	0	2	3	3,6496	3,57	58	2	4	4	1,6863	4,74	110	4	0	8	1,3353	0,47
7	1	1	4	3,583	4,96	59	2	2	9	1,6818	1,18	111	1	3	13	1,3347	0,56
8	0	0	6	3,3544	2,78	60	3	3	2	1,6774	3,27	112	0	6	6	1,3308	5,44
9	0	2	4	3,2905	15,37	61	0	0	12	1,6772	5,69	113	3	5	2	1,3282	0,62
10	1	1	5	3,1605	1,38	62	1	5	1	1,6713	0,88	114	0	4	12	1,3281	13,59
11	2	0	0	3,1511	34,32	63	3	1	7	1,6649	0,49	115	2	6	0	1,3171	4,23
12	2	0	2	3,0071	3,44	64	1	5	2	1,6542	0,72	116	4	2	7	1,3168	4,02
13	0	2	5	2,9543	7,01	65	3	3	3	1,649	1,09	117	2	0	14	1,3079	0,29
14	1	1	6	2,8031	27,24	66	0	4	8	1,6452	3,36	118	2	6	2	1,306	1,42
15	2	0	4	2,6706	4,79	67	2	4	5	1,6355	1,02	119	3	3	10	1,2992	2,83
16	0	2	6	2,6562	10,52	68	3	3	4	1,6116	1,56	120	1	1	15	1,2977	0,15
17	2	2	0	2,5518	2,76	69	1	3	10	1,5993	2,60	121	3	1	12	1,2961	0,20
18	1	3	2	2,5483	1,17	70	1	5	4	1,591	3,17	122	3	5	4	1,2948	1,15
19	0	0	8	2,5158	92,05	71	3	1	8	1,5855	0,38	123	0	6	7	1,2946	0,13
20	1	1	7	2,505	0,27	72	2	2	10	1,5803	0,53	124	1	5	10	1,2884	2,67
21	2	2	2	2,4735	0,78	73	2	4	6	1,5791	1,92	125	0	2	15	1,2821	0,19
22	0	2	7	2,3985	7,24	74	4	0	0	1,5755	13,46	126	4	2	8	1,2765	0,13
23	1	3	4	2,3337	2,40	75	3	3	5	1,567	1,74	127	4	4	0	1,2759	0,10
24	2	0	6	2,2967	3,41	76	0	2	12	1,5649	7,04	128	2	6	4	1,2742	0,26
25	2	2	4	2,2758	0,28	77	0	4	9	1,5591	2,85	129	0	0	16	1,2579	0,13
26	1	1	8	2,2565	3,04	78	4	0	2	1,5566	2,39	130	1	3	14	1,2619	2,38
27	1	3	5	2,2042	0,30	79	3	3	6	1,5172	0,15	131	0	6	8	1,2562	0,30
28	0	2	8	2,1777	5,23	80	3	1	9	1,5079	0,12	132	4	4	3	1,2534	1,22
29	0	4	0	2,1747	4,81	81	4	0	4	1,5036	0,48	133	2	2	14	1,2525	0,56
30	2	2	5	2,1552	1,66	82	1	5	6	1,5	1,21	134	2	6	5	1,2518	0,69
31	0	4	2	2,1257	0,35	83	2	2	11	1,4869	0,45	135	5	1	1	1,245	0,36
32	1	3	6	2,0717	4,29	84	4	2	0	1,4814	1,65	136	3	1	13	1,2337	0,16
33	0	4	3	2,0688	1,10	85	2	0	12	1,4805	0,29	137	2	6	6	1,226	0,64

34	1	1	9	2,0482	0,36	86	4	2	1	1,4774	1,24	138	2	4	12	1,2238	4,74
35	3	1	1	2,0316	2,44	87	0	4	10	1,4771	0,33	139	1	1	16	1,2213	1,58
36	2	2	6	2,0309	3,04	88	4	2	2	1,4656	0,33	140	1	7	1	1,217	0,60
37	0	0	10	2,0126	0,24	89	0	6	0	1,4498	0,22	141	0	6	9	1,2165	0,55
38	3	1	2	2,0012	8,34	90	1	5	7	1,4486	0,50	142	4	4	5	1,2163	0,75
39	0	4	4	1,9963	5,68	91	0	6	1	1,4461	1,07	143	3	5	7	1,2145	0,30
40	0	2	9	1,9888	8,45	92	0	0	14	1,4376	1,18	144	5	1	4	1,2108	1,58
41	2	0	8	1,966	18,84	93	0	6	2	1,435	2,71	145	1	7	2	1,2104	2,10
42	3	1	3	1,9535	0,32	94	3	1	10	1,4334	1,07	146	0	2	16	1,2084	0,32
43	1	3	7	1,9423	1,33	95	4	0	6	1,4261	2,43	147	1	7	3	1,1996	0,24
44	0	4	5	1,9133	2,53	96	4	2	4	1,421	0,82	148	0	4	14	1,1993	3,05
45	2	2	7	1,9085	0,28	97	0	6	3	1,4171	1,78	149	2	6	7	1,1974	0,14
46	3	1	4	1,8921	3,84	98	1	3	12	1,4148	0,91	150	1	3	15	1,1956	0,15
47	1	1	10	1,8723	11,18	99	3	3	8	1,4092	2,34	151	3	3	12	1,1943	0,19
48	0	2	10	1,8266	0,27	100	2	2	12	1,4016	1,15	152	4	4	6	1,1925	1,91
49	0	4	6	1,8248	10,52	101	2	4	9	1,3974	0,45	153	5	1	5	1,1915	0,15
50	3	1	5	1,8211	1,30	102	1	5	8	1,3954	1,96	154	2	2	15	1,1876	0,17
51	1	3	8	1,8193	4,06	103	0	6	4	1,3931	0,12	155	1	5	12	1,1859	1,71
52	2	2	8	1,7915	0,90	104	0	2	14	1,365	2,43	156	1	7	4	1,1849	3,14

Tabelle 41 Beobachtete Reflexe für $Ca(SO_3CF_3)_2$ (T = 22 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %
1	0	0	3	10,3806	14,5	39	0	0	18	1,7301	21,0	77	3	1	-1	1,3451	1,6
2	0	0	6	5,1903	0,3	40	2	0	-13	1,7050	0,4	78	4	-1	-1	1,3451	1,3
3	1	0	1	4,7966	9,7	41	1	0	-17	1,7139	0,9	79	3	1	2	1,3414	2,2
4	1	0	-2	4,6345	42,3	42	3	-1	7	1,6962	14,2	80	4	-1	2	1,3414	2,0
5	1	0	4	4,1193	99,3	43	2	1	7	1,6962	11,1	81	2	1	16	1,3351	4,9
6	1	0	-5	3,8289	1,2	44	1	1	15	1,6683	2,9	82	3	-1	16	1,3351	2,5
7	0	0	9	3,4602	0,2	45	1	1	-15	1,6683	7,2	83	3	1	-4	1,3267	9,4
8	1	0	7	3,2799	16,7	46	2	1	-8	1,6597	0,7	84	4	-1	-4	1,3267	11,3
9	1	0	-8	3,0369	1,6	47	3	-1	-8	1,6597	2,5	85	1	1	21	1,3108	0,9
10	1	1	0	2,8027	20,8	48	2	0	14	1,6399	8,0	86	1	1	-21	1,3108	2,4
11	1	1	-3	2,7059	4,5	49	3	0	0	1,6182	11,9	87	4	-1	5	1,3160	0,1
12	1	1	3	2,7059	15,3	50	3	0	-3	1,5989	8,2	88	3	1	5	1,3160	0,3
13	1	0	10	2,6212	32,0	51	3	0	3	1,5989	5,5	89	2	0	20	1,3106	10,7
14	0	0	12	2,5951	100	52	3	-1	10	1,5808	0,4	90	1	0	-23	1,3042	0,3
15	1	1	-6	2,4662	1,1	53	2	1	10	1,5808	0,2	91	2	2	9	1,2989	0,9
16	1	1	6	2,4662	0,3	54	1	0	19	1,5529	1,0	92	2	2	-9	1,2989	2,8
17	1	0	-11	2,4456	14,3	55	3	-1	-11	1,5397	3,3	93	3	-1	-17	1,2964	0,7
18	2	0	-1	2,4199	0,4	56	2	1	-11	1,5397	10,1	94	2	1	-17	1,2964	0,7
19	2	0	2	2,3983	1,9	57	3	0	6	1,5448	4,5	95	0	0	24	1,2976	6,6
20	2	0	-4	2,3172	1,7	58	3	0	-6	1,5448	3,8	96	4	-1	-7	1,2887	8,2
21	2	0	5	2,2616	1,6	59	2	0	-16	1,5185	3,2	97	3	1	-7	1,2887	11,4
22	1	0	13	2,1482	0,1	60	0	0	21	1,4829	4,8	98	3	0	15	1,2763	2,7
23	2	0	-7	2,1307	10,0	61	1	0	-20	1,4827	0,5	99	3	0	-15	1,2763	2,5
24	0	0	15	2,0761	10,2	62	1	1	18	1,4722	10,3	100	3	1	8	1,2724	1,8
25	2	0	8	2,0597	46,3	63	1	1	-18	1,4722	5,7	101	4	-1	8	1,2724	1,7
26	1	0	-14	2,0222	35,2	64	3	0	9	1,4658	0,3	102	4	-1	-10	1,2358	3,5
27	2	0	-10	1,9144	6,4	65	2	0	17	1,4622	0,2	103	3	1	-10	1,2358	3,1
28	1	1	12	1,9042	1,6	66	3	-1	13	1,4566	1,2	104	2	2	-12	1,2331	0,8
29	1	1	-12	1,9042	1,5	67	3	-1	-14	1,4154	6,3	105	2	2	12	1,2331	1,6
30	2	0	11	1,8427	16,2	68	2	1	-14	1,4154	2,7	106	2	0	-22	1,2228	3,1
31	3	-1	1	1,8317	7,9	69	2	2	0	1,4014	27,0	107	2	1	19	1,2224	0,2
32	2	1	1	1,8317	1,0	70	2	2	-3	1,3888	8,8	108	3	1	11	1,2159	5,0
33	3	-1	-2	1,8222	0,6	71	2	2	3	1,3888	10,6	109	4	-1	11	1,2159	5,1
34	2	1	-2	1,8222	2,7	72	3	0	-12	1,3731	2,4	110	4	0	1	1,2127	0,4
35	1	0	16	1,8066	6,9	73	2	0	-19	1,3584	1,1	111	4	0	-2	1,2100	1,3
36	2	1	4	1,7859	34,2	74	1	0	22	1,3589	2,6	112	1	0	25	1,2066	4,1
37	3	-1	4	1,7859	21,1	75	2	2	-6	1,3529	0,1						
38	3	-1	-5	1,7600	1,3	76	2	2	6	1,3529	0,3						

Tabelle 42 Beobachtete Reflexe für $Zn(SO_3CF_3)_2$ (T = 22 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %
1	0	0	3	10,4388	28,3	71	3	-1	-14	1,3172	26,7	141	4	0	7	1,0479	7,4
2	0	0	6	5,2194	7,3	72	2	0	-19	1,3094	0,8	142	2	2	-18	1,0123	11,6
3	1	0	1	4,2714	15,7	73	3	0	-9	1,3284	0,1	143	2	2	18	1,0123	7,3
4	1	0	-2	4,1570	12,1	74	1	0	-23	1,2984	0,1	144	2	1	25	0,9932	4,8
5	1	0	4	3,7768	94,2	75	0	0	24	1,3049	29,4	145	3	-1	25	0,9932	8,3
6	1	0	-5	3,5515	4,3	76	1	1	21	1,2793	14,4	146	4	0	-8	1,0393	0,2
7	0	0	9	3,4796	5,4	77	1	1	-21	1,2793	9,4	147	4	0	10	1,0192	13,9
8	1	0	7	3,1046	28,3	78	3	-1	16	1,2524	1,7	148	4	-1	17	1,0030	4,6

9 10 11 12 13 14 56 17 18 9 20 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22 22	101111111122011222111122012112322332210112323221011323223332	0 0 0 0 1 1 1 1 1 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0	-8 12 10 -1 0 3 3 -3 6 -6 13 -1 2 15 9 9 5 4 4 -7 8 12 2 6 10 1 18 7 13 15 5 4 1 1 4 4 -2 -2 -5 19 7 7 -8 -8 6 0 2 1 8 8 10 10 1 -1 11 7 -3 3 0 -6 6 13 -1 -2 2 1 -1 1 1 -1 1 -1 1 -1 1 -1 1	2,8983 2,6097 2,5338 2,3758 2,4894 2,4215 2,4215 2,2469 2,1030 2,1508 2,0246 2,0385 2,0246 2,0385 1,9421 1,8884 1,8013 1,7758 1,7758 1,6940 1,6065 1,5997 1,5523 1,6209 1,5772 1,5955 1,6209 1,5772 1,5312 1,5045 1,5955 1,6209 1,5772 1,5355 1,6209 1,5772 1,5355 1,6209 1,5772 1,5355 1,6209 1,5772 1,5355 1,5955 1,6209 1,5772 1,5395 1,5045 1,4491 1,4456 1,4456 1,4456 1,4456 1,4458 1,4238 1,4238	$\begin{array}{c} 2,5\\ 100,0\\ 43,9\\ 14,6\\ 4\\ 21,3\\ 19,3\\ 23,4\\ 8\\ 2,6\\ 4,9\\ 1,6\\ 1\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 5,5\\ 14,2\\ 33,6\\ 14,2\\ 1,7\\ 19,8\\ 24,9\\ 0,4\\ 4\\ 2,0\\ 24,9\\ 0,4\\ 2,0\\ 2,0\\ 2,0\\ 2,0\\ 17,4\\ 12,0\\ 0,6\\ 16,7\\ 3,2\\ 2,0\\ 2,0\\ 2,0\\ 17,4\\ 12,0\\ 0,6\\ 16,7\\ 2,6\\ 10,2\\ 10$	$\begin{array}{c} 79\\ 80\\ 81\\ 82\\ 83\\ 84\\ 85\\ 86\\ 87\\ 88\\ 99\\ 91\\ 92\\ 93\\ 94\\ 95\\ 96\\ 97\\ 98\\ 99\\ 100\\ 101\\ 102\\ 103\\ 104\\ 105\\ 106\\ 107\\ 108\\ 109\\ 110\\ 111\\ 112\\ 113\\ 114\\ 115\\ 116\\ 117\\ 118\\ 119\\ 122\\ 123\\ 124\\ 125\\ 126\\ 127\\ 128\\ 130\\ 131\\ 132\\ 133\\ 134\\ 1356\\ 137\\ 137\\ 137\\ 137\\ 137\\ 137\\ 137\\ 137$	2 2 3 3 3 2 2 3 3 2 1 2 2 2 2 3 1 2 3 4 3 4 3 2 3 3 4 0 3 4 3 3 3 4 2 2 3 4 4 3 2 2 3 2 2 1 3 4 4 2 1 2 3 3 3 4 1 4 4	1 0 0 0 -1 1 0 0 2 0 2 2 2 2 -1 1 0 1 -1 1 1 2 -1 1 -1 0 0 1 -1 2 2 1 -1 1 0 1 -1 2 2 0 1 -1 -1 0 1 1 -1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	$\begin{array}{c} 16\\ 20\\ 2\\ -12\\ -17\\ -12\\ 15\\ -10\\ 25\\ -3\\ 3\\ -6\\ 6\\ 9\\ -23\\ -1\\ -1\\ 2\\ 2\\ 5\\ 9\\ -2\\ -4\\ -4\\ 27\\ -7\\ -7\\ 18\\ -8\\ 8\\ -12\\ -10\\ -11\\ 1\\ -52\\ 22\\ -5\\ 2\\ -15\\ 28\\ 14\\ 1\\ -3\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2\\ -2$	$\begin{array}{c} 1,2524\\ 1,2669\\ 1,2589\\ 1,2206\\ 1,2206\\ 1,2206\\ 1,2206\\ 1,1879\\ 1,1838\\ 1,2447\\ 1,2029\\ 1,2359\\ 1,2107\\ 1,2107\\ 1,2107\\ 1,2107\\ 1,1557\\ 1,1512\\ 1,1950\\ 1,1950\\ 1,1950\\ 1,1950\\ 1,1924\\ 1,1720\\ 1,1950\\ 1,1950\\ 1,1924\\ 1,1720\\ 1,1950\\ 1,1950\\ 1,1924\\ 1,1720\\ 1,1950\\ 1,000\\ 1,1950\\ 1,00$	$\begin{array}{c} 5,0\\ 2,4\\ 0,5\\ 11,6\\ 12,5\\ 2,2\\ 14,0\\ 0,6\\ 3,01\\ 1,9\\ 8,2\\ 2,5\\ 7,5\\ 3,3\\ 0,6\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,5\\ 3,3\\ 0,6\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,5\\ 3,3\\ 0,6\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,7\\ 2,0,5\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,7\\ 2,0,5\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,7\\ 2,0,5\\ 1,2\\ 2,5\\ 7,7\\$	$\begin{array}{c} 149\\ 150\\ 151\\ 152\\ 153\\ 154\\ 155\\ 156\\ 157\\ 158\\ 160\\ 161\\ 162\\ 163\\ 164\\ 165\\ 166\\ 177\\ 177\\ 178\\ 176\\ 177\\ 178\\ 180\\ 181\\ 182\\ 183\\ 184\\ 185\\ 186\\ 191\\ 192\\ 193\\ 194\\ 195\\ 196\\ 197\\ 199\\ 201\\ 202\\ 203\\ 204\\ 206\\ 207\\ \end{array}$	32424332243421135535353541533203445353343522234455455455445545	1001002201-10112-2-2222-22-200-22-1101-10-22-22-21-111-1-1-1-	$\begin{array}{c} 17\\-28\\-11\\-23\\24\\22\\1\\-1\\2\\2\\3\\0\\-1\\-1\\2\\2\\2\\3\\-2\\-2\\-1\\1\\0\\-1\\-1\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\-2\\$	1,0030 0,9928 1,0081 0,9661 0,9661 0,9656 0,9556 0,9556 0,9711 0,9679 0,9504 0,9627 0,9627 0,9627 0,9627 0,9627 0,9627 0,9627 0,9627 0,9771 0,9814 0,9771 0,9872 0,9771 0,9872 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9590 0,9592 0,9222 0,9490 0,9156 0,9156 0,9156 0,9156 0,9156 0,9150 0,9021 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371 0,9371	$\begin{array}{c} 1, \\ 1, \\ 5, \\ 6, \\ 1, \\ 1, \\ 2, \\ 6, \\ 3, \\ 7, \\ 0, \\ 0, \\ 1, \\ 1, \\ 0, \\ 0, \\ 1, \\ 1$
66 67 68 69 70	3 2 3 1 2	0 1 -1 0 1	6 13 13 22 -14	1,3857 1,3498 1,3498 1,3517 1,3172	0,7 2,6 0,4 3,7 0,4	136 137 138 139 140	4 4 4 3 4	0 0 0 1 -1	-5 -2 4 -16 -16	1,0623 1,0754 1,0679 1,0205 1,0205	0,3 2,4 14,8 0,8 0,7	206 207 208 209 210	4 5 4 5 1	1 -1 1 -1 0	-9 9 9 -9 34	0,9083 0,9083 0,9083 0,9083 0,9083 0,9008	0,4 0,7 0,6 0,1 0,9
			Т	abelle 43	Beob	achte	te Re	eflex	e für	Cu(SC	D ₃ CF ₃) ₂ (T	= 22	°C).			
Nr. 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	h 0 1 0 1 1 0 1 1 0	k 1 2 0 1 1 1 0 -1	1 0 0 1 0 -1 -1 -1 0 1	d / Å 10,4304 5,2152 4,3862 4,1920 4,1719 4,1570 4,1413 4,0764 3,9258 3,6789	I / % 25,9 3,2 17,8 8,6 10,2 9,6 12,7 6,9 79,4 64,3	Nr. 200 201 202 203 204 205 206 207 208 209	h 1 2 2 2 0 3 3 3 2	k 6 8 -5 5 2 6 5 4 -3	1 -3 0 -1 1 3 -1 -3 -1 -3 -1 -3	d / Å 1,3058 1,3038 1,3023 1,3017 1,2957 1,2957 1,2954 1,2922 1,2895 1,2878	I / % 21,7 34,6 13,2 4,8 35,6 0,6 1,5 3,8 9,3 1,8	Nr. 399 400 401 402 403 404 405 406 407 408	h 2 3 2 3 0 3 1 4 4 3	k -5 -8 7 1 9 -3 -3 -3 -7	l -3 -4 -4 -1 -4 -3 0 -1	d / Å 1,0295 1,0293 1,0273 1,0270 1,0255 1,0245 1,0245 1,0233 1,0224 1,0212 1,0198	I / % 1,3 4,3 8,7 12,0 4,4 3,2 28,0 4,1 0,4 6,9

11	1	2	-1	3,6775	73,8	210	1	8	0	1,2798	0,2	409	4	5	-4	1,0192	12,0
12	0	2	-1	3,5784	2,7	211	1	8	-2	1,2740	14,5	410	4	0	-4	1,0191	2,1
13	1	-1	-1	3,5164	3,3	212	0	5	-3	1,2648	3,0	411	3	8	0	1,0170	6,8
14	1	2	0	3,5068	2,4	213	1	-6	-2	1,2610	6,2	412	1	7	-4	1,0133	2,1
15	0	3	0	3,4768	5,9	214	2	0	2	1,2595	3,2	413	3	9	-3	1,0124	5,1
10	1	-2	1	3,2240	20,6	215	2	-1	2	1,2585	1,0	414	3	6	1	1,0093	0,1
10	0	ა ი	-1	3,0373	20,0	210	2	0	-1	1,2000	0,9	415	0	5		1,0000	4,1
10	0	2	-1	2 9328	20,0	217	1	-6	2	1,2534	0.2	410	4	7	-4	1,0078	4,9
20	1	-2	-1	2,8873	17	210	3	5	0	1 2482	1.8	418	4	5	0	1,0075	0.2
21	1	3	0	2,0073	1.2	220	2	8	-2	1 2452	2.5	419	3	0	2	1,0000	12
22	1	-3	õ	2,6185	40.9	221	4	2	-2	1,2446	16.7	420	0	10	-2	1.0045	1.2
23	0	4	Õ	2.6076	100.0	222	3	-2	-3	1.2428	2.9	421	3	-1	2	1.0038	16.6
24	1	0	1	2,5190	15,9	223	2	1	2	1,2425	9,7	422	3	-7	0	1,0019	1,4
25	1	4	-1	2,4904	34,8	224	4	1	-2	1,2419	10,5	423	3	1	2	0,9994	2,5
26	2	1	-1	2,4892	5,9	225	2	-2	2	1,2396	0,2	424	3	-3	-4	0,9983	2,9
27	1	-1	1	2,4791	12,4	226	0	6	2	1,2384	1,4	425	2	8	-4	0,9958	6,2
28	0	3	1	2,4769	36,8	227	3	-4	-2	1,2336	3,6	426	5	2	-2	0,9958	4,5
29	2	0	-1	2,4440	11,1	228	3	-4	0	1,2314	2,6	427	0	2	4	0,9952	28,7
30	1	1	1	2,4193	20,2	229	4	3	-2	1,2299	8,3	428	2	6	2	0,9950	8,3
31	1	1	-2	2,4106	6,6	230	2	7	-3	1,2284	3,0	429	2	0	3	0,9939	0,5
32	0	4	-1	2,4055	10,8	231	0	3	3	1,2263	3,4	430	2	-8	-2	0,9936	0,6
33	2	2	-1	2,3991	9,7	232	3	6	-3	1,2258	1,8	431	4	8	-2	0,9929	14,4
34 25	1	-3	-1	2,3741	12,5	233	1	57	2	1,2252	0,1	432	1	-9	2	0,9927	7,9
30	1	2	-2	2,3340	16,0	234	3	0	-2	1,2240	Z,Z	433	2	1	-2	0,9920	0,0
37	1	4	-2	2,3420	10.2	235	4	-8	-2	1,2220	37	434	2	-2	2	0,9923	3,2 1 0
38	1	-2	1	2,3301	48.0	230	י א	-0	1	1 2209	55	436	4	-2	-4	0,9913	28.5
39	2	-1	-1	2,2833	15.9	238	1	-4	-3	1,2186	0.9	437	4	-1	-4	0.9911	20,5
40	1	2	1	2.2222	20.7	239	3	1	1	1.2157	0.3	438	2	-9	0	0.9905	2.4
41	2	3	-1	2,2114	49,7	240	1	7	-3	1,2137	9,6	439	5	3	-2	0,9900	0,5
42	1	3	-2	2,1977	22,4	241	4	1	-1	1,2124	0,3	440	3	-6	1	0,9893	0,2
43	2	0	0	2,1931	2,3	242	3	-1	1	1,2097	0,5	441	1	-7	3	0,9887	0,8
44	2	1	0	2,1839	2,5	243	2	2	2	1,2096	1,8	442	2	-7	2	0,9884	3,8
45	1	-1	-2	2,1787	51,1	244	4	2	-1	1,2081	2,1	443	2	-4	-4	0,9852	19,4
46	1	-4	0	2,1622	1,4	245	2	2	-4	1,2053	10,2	444	5	2	-3	0,9835	0,9
47	0	1	-2	2,1260	4,1	246	2	-3	2	1,2051	0,4	445	1	-10	1	0,9825	1,1
48	2	-1	0	2,1104	2,5	247	2	-6	1	1,2030	0,1	446	4	-5	-1	0,9821	0,2
49	2	1	-2	2,0993	4,3	248	0	8	-2	1,2028	15,4	447	2	1	3	0,9818	0,4
50	0	0	2	2,0960	1,4	249	4	0	-1	1,2006	1,5	448	5	3	-3	0,9815	0,1
52	0	-3 5	0	2,0939	0,4	250	4	4	-2	1,1995	15.2	449	4	-4 5	2	0,9010	0,4
52	2	2	0	2,0001	5,1	251	2	3	_1	1,1995	0.5	450	2	10	-3	0,9014	1,1
54	2	2	-2	2,0009	13	253	2	7	-4 -1	1,1909	23	452	5	0	-2	0,3010	77
55	1	5	-1	2,0700	3.8	254	2	-4	-3	1 1969	1.6	453	3	-7	-2	0,9803	0.1
56	0	2	-2	2.0706	10.6	255	2	1	-4	1,1958	6.9	454	4	8	-3	0.9797	7.0
57	2	-2	-1	2.0646	0.7	256	1	-1	3	1.1954	6.8	455	3	8	-4	0.9788	1.2
58	0	4	1	2,0623	3,4	257	3	2	1	1,1945	5,9	456	1	11	-1	0,9778	0,2
59	2	0	-2	2,0382	6,5	258	1	9	-1	1,1942	5,9	457	0	9	-3	0,9776	2,0
60	0	5	-1	2,0091	48,1	259	0	6	-3	1,1928	1,5	458	2	-3	3	0,9772	15,3
61	0	1	2	1,9905	0,2	260	3	-5	-1	1,1926	0,3	459	5	1	-3	0,9767	1,4
62	1	3	1	1,9899	0,3	261	0	8	1	1,1889	4,5	460	2	-9	-1	0,9764	6,7
63	1	-4	-1	1,9871	52,6	262	1	-2	3	1,1887	16,6	461	5	4	-2	0,9757	0,5
64	2	4	-1	1,9857	1,2	263	4	3	-1	1,1880	11,5	462	4	-5	-2	0,9752	1,5
65	2	3	-2	1,9825	0,8	264	4	-1	-2	1,1874	0,3	463	2	10	0	0,9746	2,3
67	2	-2	-2	1,9705	0,0	200	2	-0	-2	1,10/1	9,5	404	0	-4	-4 1	0,9740	2,0
68	1	-2	0	1,9029	30, T 44 6	200	2	-7	0	1,1000	0,1	405	3	10	-4	0,9735	65
69	0	3	-2	1,9492	18 9	268	1	-8	1	1 1841	19	467	3	-3	2	0,9735	0,5
70	2	3	0	1,9304	22.0	269	3	-2	1	1 1832	3.4	468	1	-7	-3	0,9722	47
71	2	-1	-2	1,9142	22.4	270	4	2	-3	1,1788	17.5	469	4	-4	-3	0.9716	0.2
72	1	-4	1	1.8623	7.6	271	2	4	-4	1.1773	7.0	470	1	8	2	0.9712	1.3
73	0	2	2	1,8394	15,8	272	2	-7	-1	1,1750	0,6	471	5	4	-3	0,9711	7,3
74	2	4	-2	1,8388	23,9	273	4	-1	-1	1,1740	2,6	472	4	6	0	0,9652	15,2
75	2	-3	-1	1,8387	11,7	274	4	3	-3	1,1725	1,8	473	3	-6	-3	0,9624	3,4
76	1	-5	0	1,8247	3,4	275	3	-3	-3	1,1721	3,1	474	2	2	3	0,9618	2,6
77	0	4	-2	1,7892	1,2	276	2	0	-4	1,1714	0,4	475	5	0	-3	0,9618	3,4
78	2	-3	0	1,7877	25,3	277	4	1	-3	1,1702	42,6	476	1	11	-2	0,9613	9,0
79	1	5	-2	1,7803	16,3	278	3	6	0	1,1689	0,5	477	5	-1	-2	0,9608	3,8
80	1	4	1	1,7651	1,7	279	1	-3	3	1,1672	4,7	478	4	0	1	0,9608	0,4
81	2	5	-1	1,7647	29,1	280	1	2	-4	1,1667	4,3	479	0	11	-1	0,9607	3,5
82	1	6	-1	1,7621	5,7	281	2	8	0	1,1650	16,7	480	4	1	1	0,9598	14,0
83	1	-3	-2	1,7601	31,2	282	2	3	2	1,1644	0,2	481	0	3	4	0,9593	1,4
84 07	2	-2	-2	1,7582	6,6	283	1	1	3	1,1632	0,7	482	2	3	-5	0,9591	0,8
60 86	2	4 5	1	1,7534	8,1 Ω1	∠84 295	ן כ	ן כ	-4 1	1,1609	5,4 7 6	483 / Q /	2	2	-5 ⊿	0,9589	U,1 2 7
00 87	0	6	0	1 739/	0,4 ⊿0.2	200	3 1	ۍ 7-	2	1 1501	0,0	404 185	4 ∕	-2	-4 _/	0,5073	ر. 21 1
01	0	0	0	1,1004	- - ,-	200		'	~	1,1001	0,4	-100	-1	2	-1	0,0071	ا , ا <u>م</u>

88	0	6	-1	1,7123	7,4	287	0	9	0	1,1589	0,3	486	3	3	-5	0,9568	1,9
89	1	-5	-1	1,6964	4,7	288	2	-4	2	1,1587	3,7	487	2	-7	-3	0,9562	4,5
90	2	5	-2	1,6772	44,9	289	1	3	-4	1,1580	20,5	488	1	-10	-1	0,9559	3,0
91	0	3	2	1,6735	27,9	290	3	2	-4	1,1578	8.2	489	2	-4	3	0,9554	3.6
92	1	6	0	1,6653	10,2	291	3	3	-4	1,1549	0.2	490	5	1	-1	0,9553	0.8
93	2	0	1	1.6615	17.2	292	4	4	-1	1.1545	7.3	491	5	2	-1	0.9548	9.1
94	1	-5	1	1.6507	6.5	293	3	7	-3	1,1544	0.7	492	5	5	-2	0.9539	9.8
95	3	1	-1	1.6465	1.7	294	3	-5	0	1,1522	7.2	493	4	-1	1	0.9536	0.5
96	2	-1	1	1,6416	0.4	295	4	Ō	-3	1.1476	9,9	494	2	11	-2	0.9535	0.7
97	2	1	1	1 6400	0.8	296	3	1	-4	1 1465	17 1	495	1	-9	-2	0,9533	0.3
98	1	-1	2	1 6344	47	297	3 3	-3	1	1 1 4 4 4	72	496	4	Ř	-1	0,0000	0,0
00	2	-1	_1	1,0044	4,1	208	2	5	_1	1 1/28	03	/07	5	5	-3	0,0001	116
100	1	-4	2	1,0020	4,5	200	2	-5	-4	1 1/21	37	108	2	_0	-5	0,3550	0.5
100	י ר	2	1	1,0200	22.0	200	1	-5	-2	1,1421	1.0	400	2	-3	5	0,0520	0,5
101	3	2	-1	1,0270	22,0	300	4	-2	-2	1,1410	1,9	499	2	4	-5	0,9515	0,5
102	3	0	-1	1,6252	36,4	301	1	-/	-2	1,1414	1,5	500	4	2	1	0,9509	6,2
103	0	5	-2	1,6232	1,1	302	2	8	-3	1,1398	0,1	501	2	1	-5	0,9507	13,4
104	2	-4	0	1,6123	4,9	303	3	4	-4	1,1383	2,1	502	3	4	-5	0,9506	0,1
105	3	1	-2	1,6102	0,4	304	2	9	-1	1,1359	0,9	503	3	10	-1	0,9498	4,1
106	3	2	-2	1,6085	3,8	305	1	4	-4	1,1357	13,1	504	2	9	1	0,9492	0,7
107	1	-2	2	1,6012	0,4	306	4	-2	-1	1,1353	5,2	505	3	-4	-4	0,9491	0,4
108	2	-3	-2	1,5963	0,8	307	2	-1	-4	1,1348	0,3	506	3	9	0	0,9483	3,5
109	1	6	-2	1,5864	1,9	308	2	9	-2	1,1336	1,6	507	0	11	0	0,9482	3,1
110	1	1	2	1,5850	37,7	309	1	8	1	1,1334	1,1	508	0	9	2	0,9482	0,7
111	2	-2	1	1,5846	16,6	310	1	-4	3	1,1332	2,0	509	3	10	-3	0,9467	5,0
112	2	2	1	1,5817	1,5	311	1	6	2	1,1329	1,8	510	5	3	-1	0,9464	4,4
113	1	1	-3	1.5809	4.1	312	0	7	2	1.1272	1.9	511	1	10	1	0.9460	6.5
114	2	5	0	1,5800	1.3	313	1	8	-3	1,1253	8.4	512	3	-8	-1	0.9456	4.3
115	1	2	-3	1,5799	0.5	314	3	0	-4	1,1224	12.9	513	3	1	-5	0.9453	0.3
116	2	2	-3	1,5752	1.5	315	õ	7	-3	1 1 1 8 8	14.6	514	1	11	õ	0.9435	21
117	3	0	-2	1 5749	0.2	316	Š	. 4	1	1 1140	30.3	515	2	à	-4	0 9424	27
118	3	3	_1	1,5723	2.6	317	1	-1	-3	1 1 1 2 2	21 /	516	0	7	3	0,0423	2,7
110	1	6	0	1,5725	2,0	210	2	4	2	1,1100	10	517	5	1	3	0,0420	7.0
120	2	-0	2	1,5710	1,7	210	2	4	4	1,1111	1,0	510	3	-1	-3	0,9390	1,0
120	3	3	-2	1,5099	1,2	219	2	-/	1	1,1111	4,0	510	4	-5	0	0,9304	1,3
121	2	1	-3	1,3069	11,4	320	4	5	-1	1,1109	13,2	519	2	1	2	0,9375	5,0
122	1	-4	-2	1,5000	11,3	321	2	-5	-3	1,1100	0,1	520	1	-1	4	0,9370	7,5
123	3	-1	-1	1,5680	10,1	322	3	5	-4	1,1096	1,4	521	1	-2	4	0,9369	0,5
124	2	6	-1	1,5675	13,5	323	2	(1	1,1076	2,9	522	3	5	-5	0,9369	5,4
125	1	5	1	1,5660	0,2	324	3	8	-1	1,1074	0,3	523	4	9	-2	0,9365	10,9
126	1	0	-3	1,5467	0,8	325	4	6	-2	1,1057	0,4	524	1	-8	3	0,9361	2,8
127	2	3	-3	1,5464	49,0	326	2	-5	2	1,1047	7,5	525	2	5	-5	0,9360	0,6
128	1	3	-3	1,5439	0,2	327	3	-6	-1	1,1023	35,5	526	0	7	-4	0,9354	0,2
129	2	0	-3	1,5288	2,1	328	1	5	-4	1,1022	17,3	527	2	3	3	0,9354	0,6
130	1	7	-1	1,5249	1,4	329	4	1	0	1,1003	13,1	528	2	0	-5	0,9351	4,8
131	2	6	-2	1,5187	17,3	330	3	-4	-3	1,0998	11,4	529	3	-7	1	0,9347	0,1
132	0	6	1	1,5170	1,0	331	2	6	-4	1,0989	3,6	530	4	3	1	0,9346	1,5
133	0	4	2	1,5127	11,4	332	1	-9	0	1,0977	7,1	531	5	-1	-1	0,9332	0,2
134	1	2	2	1.5118	18.6	333	3	-4	1	1.0968	21.9	532	2	-5	-4	0.9319	5.2
135	3	-1	-2	1,5091	27.1	334	4	0	0	1.0966	38.9	533	3	4	2	0.9315	2.6
136	1	4	-3	1,4796	16.5	335	0	9	-2	1,0964	6.2	534	2	-8	2	0.9311	0.8
137	3	4	-2	1,5018	16.2	336	4	2	0	1 0919	2,6	535	5	4	-1	0,9307	0,6
138	2	-3	1	1,5010	6.0	337	3	7	ő	1,0010	3.2	536	1	Ō	4	0,0007	12
130	2	3	1	1 /073	10.6	338	1	-5	3	1 0800	0.4	537	1	å	-3	0,0285	2.0
140	2	1	1	1,4373	0.5	330	2	-5	1	1,0033	0,4	529	2	0	-5	0,9205	10.0
140	0	7	-1	1,4300	0,5	340	2	-2	-4	1,0095	0,0	520	5	6	-5	0,3200	20
140	0	6	2	1,4501	0,0	240	4	-0	-2	1,0007	2,0	533	J 4	6	-5	0,0200	2,0
142	0	0	-2	1,4004	0,5	341	4	-3	-1	1,0003	5,7	540	4	-0	-1	0,9203	0,2
143	3	1	0	1,4651	41,4	342	3	-1	-4	1,0876	3,7	541	2	-5	3	0,9275	0,8
144	2	4	-3	1,4879	15,7	343	1	3	3	1,0834	1,7	542	5	6	-2	0,9261	3,4
145	3	-2	-1	1,4854	2,9	344	2	-/	-2	1,0833	7,3	543	5	3	-4	0,9247	9,2
146	3	0	0	1,4621	3,1	345	3	8	-3	1,0822	11,1	544	1	-5	-4	0,9238	0,2
147	2	-1	-3	1,4620	0,8	346	2	-8	0	1,0811	2,4	545	5	2	-4	0,9232	0,8
148	1	-1	-3	1,4836	14,2	347	4	-1	0	1,0810	3,2	546	1	-10	2	0,9215	2,5
149	2	-5	-1	1,4536	56,1	348	0	5	3	1,0791	5,2	547	4	7	0	0,9213	1,1
150	2	-5	0	1,4512	1,7	349	4	6	-3	1,0778	2,9	548	4	-5	-3	0,9205	0,2
151	1	7	0	1,4489	0,8	350	1	10	-1	1,0756	5,4	549	0	4	4	0,9197	1,0
152	1	-4	2	1,4485	10,3	351	1	-9	1	1,0749	2,2	550	1	2	-5	0,9196	6,2
153	2	-4	-2	1,4437	1,0	352	3	-6	0	1,0749	3,0	551	4	8	-4	0,9194	0,4
154	3	2	0	1,4399	13,1	353	4	3	0	1,0722	0,4	552	4	-6	-2	0,9194	0.5
155	3	-1	0	1,4313	0.5	354	1	-8	2	1,0719	0.5	553	4	-3	-4	0,9192	0,4
156	3	-2	-2	1,4236	9.2	355	3	6	-4	1.0715	4.0	554	5	4	-4	0.9190	5.6
157	2	6	0	1,4224	0.2	356	õ	9	1	1.0712	5.0	555	1	3	-5	0.9183	0.6
158	1	3	2	1,4209	0.5	357	4	-2	-3	1.0705	0.4	556	4	-3	1	0.9177	0.3
159	1	7	-2	1,4177	66.9	358	1	-2	-4	1,0696	3.3	557	3	6	-5	0.9166	22
160	Ô	1	-3	1 4171	50,0	350	4	7	-2	1 0500	07	558	1	1	4	0 9152	0,1
161	2	5	_2	1 /151	15 /	260	7	5	1	1 0627	10	550	2	-5	-T 2	0 01/7	1 2
162	0	2	-2	1 4111	75	361	2	3	_2	1 0/00	ש,ד- ס∩	560	3 2	-5	ے ج	0 01/2	,∠ 71
162	2	_/	-5	1 4033	1,5	362	1	3	_1	1 0/07	1.2	561	∠ 1	1	-5	0,0140	20
164	4	-4 F	ו ר	1 4000	0,3	362	4	ວ ດ	-4	1,0497	1,2	560	1	0	-5 1	0,3130	0.0
104	1	-0	-2	1,4024	0,0	202	4	2	-4	1,0497	4,0	00Z	1	Э	-4	0,9130	0,∠

165	1	-2	-3	1,4017	11,1	364	0	2	-4	1,0630	11,7	563	2	-1	-5	0,9132	0,4
166	3	2	-3	1,4011	66,0	365	1	-9	-1	1,0493	3,4	564	2	11	-3	0,9124	7,8
167	2	4	1	1,3993	4,5	366	1	10	-2	1,0492	0,2	565	2	-10	0	0,9124	7,1
168	2	7	-1	1,3985	2,2	367	2	9	0	1,0626	6,5	566	4	3	-5	0,9123	9,1
169	0	0	3	1,3973	12,9	368	2	7	-4	1,0488	2,6	567	5	-2	-3	0,9122	2,3
170	1	5	-3	1,3970	8,4	369	1	7	2	1,0480	6,4	568	4	4	1	0,9120	0,2
171	1	6	1	1,3963	57,7	370	0	0	4	1,0480	8,2	569	5	-2	-1	0,9120	0,4
172	3	5	-1	1,3952	18,2	371	1	-6	-3	1,0475	3,1	570	1	-11	0	0,9110	0,2
173	3	1	-3	1,3917	8,4	372	0	1	-4	1,0609	0,1	571	3	-8	-2	0,9109	0,3
174	3	3	0	1,3906	8,3	373	4	6	-1	1,0607	1,4	572	1	4	-5	0,9100	0,3
175	3	-3	-1	1,3893	1,0	374	2	-6	2	1,0469	8,7	573	4	2	-5	0,9093	2,0
176	3	3	-3	1,3857	14,9	375	1	6	-4	1,0604	0,5	574	5	5	-1	0,9088	0,2
177	2	-2	-3	1,3786	11,2	376	0	8	-3	1,0463	2,1	575	4	4	-5	0,9083	2,1
178	1	-7	0	1,3757	1,5	377	3	-5	1	1,0441	0,6	576	5	5	-4	0,9065	2,0
179	2	7	-2	1,3735	5,7	378	2	9	-3	1,0569	14,2	577	3	-1	-5	0,9057	2,6
180	0	5	2	1,3668	5,1	379	4	4	0	1,0430	1,9	578	3	11	-2	0,9048	0,3
181	3	0	-3	1,3588	1,6	380	4	-2	0	1,0552	7,5	579	1	-11	1	0,9035	0,3
182	0	1	3	1,3549	5,8	381	0	10	-1	1,0552	2,8	580	5	-3	-2	0,9034	2,3
183	1	-5	2	1,3515	0,3	382	0	3	-4	1,0542	0,6	581	1	9	2	0,9023	7,5
184	3	4	-3	1,3476	4,8	383	1	-6	3	1,0408	2,5	582	1	0	-5	0,9013	1,4
185	1	8	-1	1,3406	2,9	384	2	5	2	1,0536	0,4	583	1	11	-3	0,9008	0,1
186	0	7	1	1,3341	2,9	385	1	-8	-2	1,0399	1,9	584	4	9	-1	0,9000	0,7
187	3	-3	-2	1,3291	28,1	386	4	4	-4	1,0392	12,7	585	3	-5	-4	0,8998	3,8
188	0	7	-2	1,3257	0,9	387	4	1	-4	1,0392	2,3	586	4	1	-5	0,8996	0,8
189	3	4	0	1,3242	5,1	388	2	-3	-4	1,0385	1,6	587	5	0	-4	0,8995	0,5
190	1	4	2	1,3227	9,6	389	2	10	-2	1,0370	0,1	588	5	7	-3	0,8988	5,1
191	3	6	-2	1,3202	2,9	390	4	-4	-1	1,0362	0,1	589	2	11	0	0,8986	1,1
192	2	6	-3	1,3199	7,7	391	0	4	-4	1,0353	0,4	590	2	-10	-1	0,8985	0,2
193	1	-7	1	1,3137	6,4	392	1	10	0	1,0347	2,0	591	3	5	2	0,8982	1,5
194	1	-3	-3	1,3108	0,2	393	2	10	-1	1,0345	2,0	592	4	5	-5	0,8977	0,9
195	0	8	-1	1,3098	0,2	394	1	4	3	1,0337	8,1	593	1	12	-1	0,8960	0,2
196	2	-6	0	1,3093	7,2	395	4	-4	-2	1,0323	6,5	594	5	7	-2	0,8939	23,2
197	3	-3	0	1,3086	1,3	396	1	9	1	1,0321	1,0	595	4	-6	0	0,8938	0,2
198	3	-1	-3	1,3071	0,2	397	0	8	2	1,0311	0,3	596	0	11	1	0,8927	0,6
199	2	-5	-2	1,3068	0.8	398	4	7	-3	1.0302	26.1	597	4	-4	1	0.8913	6.7

Tabelle 44 Beobachtete Reflexe für $Li_{0,35}Na_{0,65}SO_3CF_3$ (T = 200 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I / %
1	1	1	0	15,275349	27,7	54	-2	5	1	3,649773	0.3	106	-2	8	1	2,885105	0,6
2	0	2	0	14,708712	21,4	55	0	6	1	3,635662	6,0	107	-5	3	1	2,866237	1.3
3	1	2	0	11,357533	62,8	56	2	5	1	3,630805	1,0	108	3	9	0	2,865683	0,5
4	2	0	0	8,936975	0,2	57	1	8	0	3,601747	1,5	109	5	3	1	2,843368	0,5
5	1	3	0	8,597051	21,5	58	-1	6	1	3,567161	1,1	110	4	8	0	2,839383	6,3
6	1	4	0	6,801149	5,7	59	4	5	0	3,558503	0,1	111	-4	6	1	2,828999	1,4
7	2	3	0	6,605242	4,3	60	1	6	1	3,55827	0,7	112	4	6	1	2,81136	0,9
8	3	1	0	5,839422	0,8	61	5	1	0	3,548685	0,2	113	0	9	1	2,798868	0,1
9	2	4	0	5,678766	16,5	62	-3	4	1	3,532792	0,3	114	-1	9	1	2,767253	1,1
10	1	5	0	5,588512	0,5	63	5	2	0	3,473671	1,3	115	1	9	1	2,763096	1,2
11	3	2	0	5,522152	2,8	64	-4	0	1	3,463766	0,2	116	6	4	0	2,761076	3,8
12	0	0	1	5,418942	1,2	65	3	7	0	3,434153	1,4	117	5	4	1	2,754719	2,0
13	0	1	1	5,329278	1,5	66	4	0	1	3,431541	1,2	118	5	7	0	2,722918	0,2
14	-1	1	1	5,120248	0,9	67	4	1	1	3,408429	2,2	119	-3	8	1	2,715719	0,8
15	1	1	1	5,094059	1,3	68	-2	6	1	3,375194	0,1	120	0	0	2	2,709471	0,6
16	3	3	0	5,091783	3,9	69	-4	2	1	3,371541	0,1	121	3	8	1	2,703982	0,5
17	0	2	1	5,084834	0,4	70	5	3	0	3,358569	0,2	122	0	1	2	2,698051	0,4
18	2	5	0	4,91418	61,7	71	4	2	1	3,3418	0,1	123	-2	9	1	2,674701	0,5
19	1	2	1	4,879318	5,6	72	-3	5	1	3,323667	0,1	124	-4	7	1	2,672883	0,4
20	0	3	1	4,742895	4,3	73	0	7	1	3,320877	0,1	125	-1	1	2	2,671569	0,5
21	1	6	0	4,728246	0,8	74	4	6	0	3,302621	2,3	126	-5	5	1	2,670584	1,9
22	-2	0	1	4,653356	20,1	75	3	5	1	3,302222	0,1	127	2	9	1	2,667209	1,0
23	3	4	0	4,62944	5,0	76	-1	7	1	3,268429	0,9	128	0	2	2	2,664639	0,1
24	2	0	1	4,614235	100	77	-4	3	1	3,265995	2,9	129	4	7	1	2,657991	0,1
25	-2	1	1	4,596208	74,3	78	1	7	1	3,261586	3,5	130	6	5	0	2,657727	0,1
26	1	3	1	4,574807	1,1	79	4	3	1	3,238939	0,1	131	5	5	1	2,652056	0,6
27	2	1	1	4,558499	3,4	80	1	9	0	3,215283	0,6	132	-1	2	2	2,63912	4,2
28	4	0	0	4,468488	25,7	81	5	4	0	3,215093	0,0	133	3	10	0	2,637738	4,5
29	-2	2	1	4,436623	15,4	82	-4	4	1	3,133605	1,7 10,	134	-6	0	1	2,621087	0,1
30	4	1	0	4,417811	45,7	83	3	8	0	3,129182	3	135	0	3	2	2,611608	0,0
31	0	4	1	4,362567	25,9	84	-3	6	1	3,112331	1,5	136	0	10	1	2,585354	1,0
32	2	6	0	4,298525	34,1	85	4	4	1	3,109684	1,0	137	-1	10	1	2,560374	0,4
33	4	2	0	4,275539	4,0	86	2	7	1	3,106998	0,2	138	1	10	1	2,557081	0,1

34	-1	4	1	4,245658	2,6	87	3	6	1	3,094701	0,0	139	-3	9	1	2,538076	0,0
35	1	4	1	4,230692	5,1	88	2	9	0	3,069733	2,7	140	7	2	0	2,515794	0,0
36	3	5	0	4,186343	15,0	89	4	7	0	3,061328	0,7	141	1	4	2	2,513952	0,5
37	1	7	0	4,090936	10,3	90	5	5	0	3,05507	1,0	142	-2	3	2	2,512984	0,3
38	4	3	0	4,066194	0,5	91	0	8	1	3,042766	1,5	143	-2	10	1	2,486539	0,4
39	-3	1	1	3,990723	12,7	92	-1	8	1	3,002269	0,4	144	7	3	0	2,471019	1,0
40	0	5	1	3,985896	34,0	93	1	8	1	2,996963	1,3	145	0	5	2	2,461041	0,2
41	3	1	1	3,953758	4,3	94	-4	5	1	2,984897	0,2	146	4	10	0	2,45709	1,2
42	-2	4	1	3,932307	1,3	95	6	0	0	2,978992	0,0	147	-2	4	2	2,451159	0,1
43	2	4	1	3,908615	1,1	96	4	5	1	2,9642	0,3	148	-1	5	2	2,440893	0,6
44	-1	5	1	3,896139	5,4	97	6	1	0	2,963834	0,1	149	2	4	2	2,439659	0,4
45	-3	2	1	3,884921	0,0	98	5	1	1	2,955976	1,2	150	1	5	2	2,435195	0,1
46	1	5	1	3,884563	0,6	99	0	10	0	2,941742	3,2	151	1	12	0	2,428715	0,7
47	3	2	1	3,850794	5,0	100	-5	2	1	2,936784	0,1	152	5	9	0	2,412248	0,1
48	4	4	0	3,818837	1,1	101	5	2	1	2,912198	4,4	153	-1	11	1	2,378191	1,0
49	2	7	0	3,803006	0,7	102	-3	7	1	2,907941	0,7	154	-4	9	1	2,377253	0,7
50	3	6	0	3,785844	0,8	103	1	10	0	2,902692	1,3	155	7	5	0	2,342338	0,3
51	-3	3	1	3,725865	3,1	104	3	7	1	2,893545	0,8	156	-2	11	1	2,318672	0,8
52	3	3	1	3,695729	2,7	105	5	6	0	2,888526	0,1	157	4	0	2	2,307118	1,4
53	0	8	0	3,677178	0,4												

Tabelle 45 Beobachtete Reflexe für $Li_{0,16}Na_{0,84}SO_3CF_3$ (T = 25 °C).

Nr.	h	k	1	D/Å	I/Imax	Nr.	h	k	1	D/Å	I/Imax	Nr.	h	k	1	D/Å	I/Imax
1	0	0	1	10.7844	68.7	135	-1	-3	3	2.4232	0.1	269	1	0	6	1.8294	0.3
2	Ō	1	0	10.0334	0.7	136	4	2	1	2.3830	0.7	270	4	-2	Õ	1.8289	2.5
3	1	0	0	8.9135	2.2	137	0	2	4	2.3806	0.9	271	-3	-4	3	1,8285	0.7
4	1	1	0	8,0876	0.3	138	0	-2	4	2,3691	2.6	272	-1	2	5	1,8254	0.2
5	Ó	1	1	7.3672	0.2	139	3	4	0	2.3222	0.4	273	-2	-1	5	1.8252	0.2
6	0	-1	1	7.3247	0.5	140	4	1	2	2.3220	0.4	274	5	2	3	1,8242	0.4
7	1	1	1	7.0902	0.1	141	-1	-4	2	2.3211	0.3	275	1	1	6	1,8231	0.1
8	-1	0	1	6 3155	0.8	142	4	2	2	2,3179	0.4	276	3	-1	5	1 8194	0.1
ğ	0	õ	2	5 3922	15.4	143	3	-2	1	2 2730	0.3	277	1	-5	1	1 8187	0.3
10	1	-1	1	5 3784	89	144	Õ	-4	2	2 2693	0,0	278	4	-2	2	1,8176	0.4
11	1	2	ò	5 1 3 9 5	0.8	145	4	0	1	2,2000	0.8	279	0	3	5	1 8174	0,4
12	1	0	2	5 0504	54	146	3	4	2	2,2070	0,0	280	5	0	1	1,0174	13
13	0	2	0	5,0004	0,∓ ⊿ 0	140	-3	-3	2	2,2000	0,0	281	-2	0	5	1,0142	0.1
1/	1	1	2	1 8075	-,5 0.8	1/8	3	_2	0	2,2000	0,1	201	1	5	0	1,0102	0,1
14	-1	1	1	4,0373	7 1	140	4	3	1	2,2505	0,2	283	-4	1	2	1 8002	0,5
16	1	2	1	4,0720	20.3	140	-2	-3	3	2,2340	0,5	203	5	0	2	1,0032	0,1
10	0	2 1	2	4,0591	20,5	150	-2	2	1	2,2472	0,1	204	5	2	1	1,7955	0,1
10	0	1	2	4,7013	0.4	152	2	2	1	2,2400	0,5	200	2	-2	2	1,7901	0,1
10	2	-1	2	4,7303	0,4	152	3 1	2	4	2,2370	0,3	200	2	-3 5	3	1,7920	0,1
19	2	1	1	4,0719	0,2	155	1	-4	4	2,2330	1,5	207	-5	-0	2	1,7903	0,1
20	2	2	1	4,0300	2,1	104	1	0	4	2,2303	0,2	200	5	0	0	1,7004	0,3
21	0	2	1	4,0000	41,0	100	4	0	0	2,2204	0,0	209	с и	0	0	1,7027	0,7
22	0	-2	0	4,5560	14,5	150	2	3	4	2,2275	0,1	290	-1	-0	3	1,7000	0,3
23	2	0	1	4,4000	100,0	157	-2	-4	2	2,2237	0,2	291	4	-1	4	1,7700	0,3
24	-1	-2	1	4,4474	22,1	100	-3	1	2	2,2227	0,2	292	-2	-2	5	1,7700	0,1
25	2	0	1	4,4207	2,8	159	2	-3	2	2,2215	0,4	293	-2	4	2	1,7783	0,3
26	-1	0	2	4,2736	14,9	160	4	3	0	2,2140	1,2	294	-1	-3	5	1,7781	0,1
27	1	-1	2	4,2039	1,4	161	2	4	3	2,2129	0,6	295	-5	-1	1	1,7773	0,3
28	-1	-1	2	4,1641	3,1	162	3	0	4	2,2129	0,4	296	1	-1	6	1,7772	0,1
29	2	2	0	4,0438	11,9	163	4	0	2	2,2104	1,2	297	5	4	1	1,7742	0,3
30	2	2	1	4,0238	48,6	164	1	-4	1	2,2055	1,1	298	4	4	4	1,7725	0,1
31	-2	-1	1	4,0066	8,7	165	-3	-4	1	2,2026	0,6	299	1	-3	5	1,7655	0,1
32	1	2	2	3,9514	0,2	166	-4	-1	1	2,1998	0,6	300	2	6	0	1,7645	0,4
33	2	1	2	3,9391	0,5	167	4	3	2	2,1998	1,0	301	2	6	1	1,7640	0,5
34	-2	0	1	3,8715	4,0	168	1	4	3	2,1978	0,5	302	-2	-4	4	1,7628	0,1
35	1	-2	0	3,8696	13,0	169	-4	-2	1	2,1946	1,0	303	2	-4	3	1,7610	0,4
36	2	0	2	3,8017	12,2	170	3	-2	2	2,1932	1,4	304	2	2	6	1,7602	0,2
37	-1	1	2	3,7345	7,5	1/1	1	0	5	2,1921	0,3	305	1	2	6	1,7601	0,1
38	1	-2	1	3,7343	24,9	172	-3	2	1	2,1494	0,2	306	-4	2	1	1,7598	0,6
39	0	2	2	3,6836	7,0	1/3	-2	0	4	2,1368	0,5	307	-3	-3	4	1,7593	0,2
40	0	-2	2	3,6623	1,4	1/4	-1	2	4	2,1366	0,5	308	5	4	2	1,7578	0,9
41	2	-1	0	3,6578	3,4	175	-2	2	3	2,1365	0,7	309	-5	-3	1	1,7570	0,4
42	2	-1	1	3,6352	1,3	176	-4	0	1	2,1057	0,1	310	0	5	3	1,7565	0,3
43	0	0	3	3,5948	1,8	177	-3	0	3	2,1052	0,1	311	1	-4	4	1,7563	0,2
44	-2	-2	1	3,5866	6,8	178	0	3	4	2,1050	0,1	312	1	-5	2	1,7547	0,3
45	1	0	3	3,5735	3,5	179	2	-2	4	2,1019	0,2	313	-3	3	2	1,7546	0,2
46	-1	2	1	3,5566	11,2	180	2	5	0	2,1018	0,7	314	2	4	5	1,7531	0,1
47	2	2	2	3,5451	4,4	181	2	0	5	2,1015	0,1	315	-4	0	3	1,7530	0,1
48	1	3	0	3,5291	3,8	182	3	4	3	2,1010	0,3	316	1	6	0	1,7493	0,4
49	-1	-2	2	3,5256	0,7	183	2	5	1	2,1005	0,9	317	0	-5	3	1,7479	0,1
50	1	1	3	3,5204	0,5	184	3	3	4	2,0978	0,3	318	-2	-6	1	1,7196	0,3

51	1	3	1	3,4364	2,1	185	1	-4	2	2,0946	0.6	319	-1	5	2	1,7196	0,2
52	2	-1	2	3,2651	4.0	186	0	-3	4	2,0931	0.2	320	2	-1	6	1,7194	0.1
53	1	-2	2	3 2646	4.2	187	-4	-3	1	2 0921	0,6	321	4	0	5	1 7185	0,2
54	1	_1	2	3 2300	1.6	188	1	5	1	2,0021	15	322	2	6	2	1,7182	0,2
55	2	-1	2	2,2003	1,0	100	2	5	1	2,0300	1,5	222	4	2	5	1,7102	0,0
55	-2	-1	2	3,2200	1,1	109	-2	-2	4	2,0021	1,5	323	4	3	5	1,7100	0,2
56	2	3	0	3,2215	1,5	190	4	0	3	2,0756	3,7	324	-1	-6	1	1,7152	0,5
57	2	3	1	3,2131	0,5	191	1	2	5	2,0748	0,9	325	3	4	5	1,7151	0,1
58	0	3	1	3,1996	0,2	192	-2	3	2	2,0742	2,2	326	3	1	6	1,7139	0,1
59	0	-3	1	3,1891	0,4	193	-1	-4	3	2,0720	0,8	327	3	6	0	1,7132	0,3
60	3	1	1	3.1888	0.7	194	4	-1	1	2.0699	2.0	328	5	2	4	1.7123	0.1
61	2	1	3	3 1693	0,8	195	4	3	3	2,0682	0,5	329	1	5	4	1 7034	0,2
62	2	0	2	2 1 5 7 9	2,0	100	- 1	~	1	2,0002	0,0	220	4	0	6	1 7014	0,2
02	-2	0	2	3,1576	2,0	190	-1	-3	4	2,0042	0,1	330	-1	0	0	1,7014	0,3
63	3	1	0	3,1386	13,9	197	0	4	3	2,0627	0,3	331	5	4	3	1,6982	1,2
64	-1	0	3	3,1368	2,5	198	2	2	5	2,0577	0,4	332	5	1	4	1,6956	0,1
65	1	2	3	3,1168	3,3	199	3	-1	4	2,0573	0,6	333	-2	-3	5	1,6860	0,1
66	2	0	3	3,0948	3,3	200	4	4	1	2,0531	2,8	334	-1	4	4	1,6859	0,1
67	-1	-1	3	3.0911	2.0	201	0	-4	3	2.0515	0.5	335	1	6	2	1.6852	0.5
68	1	3	2	3,0676	3,8	202	-1	-5	1	2 0507	0.9	336	3	õ	6	1 6835	0,2
60	2	2	4	2,0665	11.2	202	່	2	2	2,0007	0,0	227	5	2	1	1,0000	0,2
09	3	2	1	3,0005	11,3	203	2	-3	3	2,0491	0,4	337	5	3	4	1,0004	0,5
70	-1	2	2	3,0356	1,3	204	3	-2	3	2,0436	0,3	338	3	-2	5	1,6804	0,3
71	3	2	0	3,0203	0,8	205	4	-1	0	2,0402	0,9	339	1	-2	6	1,6801	0,2
72	3	0	1	3,0122	0,2	206	-1	4	2	2,0338	0,7	340	-5	-2	2	1,6765	0,2
73	0	-2	3	2.9141	0.3	207	-2	1	4	2.0287	0.1	341	3	-4	1	1.6752	0.7
74	-1	1	3	2 9053	0,6	208	-2	-5	1	2 0274	03	342	-1	3	5	1 6749	0 1
75	2	_2	0	2,0000	2.6	200	1	_1	2	2,0214	0,0	3/3	5	_1	2	1,6740	0,1
70	2	-2	4	2,0300	2,0	203	4	-1	2	2,0233	0,2	040	5	2	2	1,0743	0,5
76	2	-2	1	2,8862	4,5	210	-3	-4	2	2,0244	0,1	344	2	3	6	1,6729	0,1
11	3	2	2	2,8836	3,3	211	2	5	2	2,0239	0,1	345	-5	-4	1	1,6727	0,1
78	-3	-1	1	2,8644	2,9	212	4	4	0	2,0219	0,1	346	0	6	0	1,6722	0,3
79	-1	-3	2	2,8501	0,3	213	-1	0	5	2,0122	0,1	347	0	6	1	1,6539	0,1
80	0	3	2	2.8496	0.3	214	1	-3	4	2.0121	0.1	348	-2	4	3	1.6517	0.1
81	1	-3	0	2 8434	1 0	215	4	4	2	2 0119	0.4	349	0	-6	1	1 6510	03
07	2	~	2	2,0404	1,0	210	4	-1	2	2,0110	0,7	250	ິ	5	2	1,0010	0,0
02	3	0	2	2,0000	1,2	210	-4	- 1	2	2,0077	0,3	300	-3	-5	3	1,0304	0,1
83	0	-3	2	2,8348	0,9	217	0	5	0	2,0067	1,3	351	5	5	1	1,6421	0,2
84	-2	1	2	2,8345	0,8	218	-4	-2	2	2,0033	0,2	352	3	-4	2	1,6420	0,1
85	-1	-2	3	2,8001	14,9	219	3	5	1	2,0018	0,3	353	4	-3	1	1,6419	0,2
86	1	-3	1	2,7873	2,5	220	3	5	0	1,9875	0.2	354	2	-5	0	1,6418	0.2
87	2	-1	3	2,7829	0.4	221	-2	-4	3	1,9864	0.1	355	-3	-4	4	1.6410	0.1
88	-3	-2	1	2 7725	17	222	0	2	5	1 9857	0.1	356	-4	-5	2	1 6403	0 1
00	1	2	2	2,7725	2.5	222	°	2	2	1,0057	0,1	257	~	4	5	1,0400	0,1
09	1	-2	3	2,7405	2,5	223	-3	2	2	1,9004	0,5	307	0	4	5	1,0401	0,1
90	-3	0	1	2,7365	6,1	224	0	-2	5	1,9773	2,9	358	-2	2	5	1,6401	0,1
91	3	3	1	2,7296	27,0	225	2	4	4	1,9757	2,0	359	-1	-2	6	1,6396	0,1
92	1	0	4	2,7256	3,9	226	0	5	1	1,9749	3,1	360	2	-5	1	1,6388	0,5
93	-2	2	1	2,7200	13,7	227	-3	1	3	1,9728	0.1	361	-2	-6	2	1,6387	0.2
94	-1	3	1	2,7132	10.1	228	-4	1	1	1.9452	0.5	362	2	6	3	1,6367	0.2
95	1.	1	4	2 7029	14	220	ં	-3	1	1 9425	13	363	5	õ	4	1 6341	0,1
06	0	0	7	2,7023	1,4	220	2	2	5	1,0420	0.2	264	1	5	7	1,0041	0,1
90	0	0	4	2,0901	1,0	230	3	2	5	1,9410	0,2	304	4	-2	4	1,0320	0,1
97	3	3	0	2,6959	7,2	231	-2	-3	4	1,9378	0,1	365	3	3	6	1,6325	0,1
98	2	-2	2	2,6892	1,8	232	-4	0	2	1,9358	0,1	366	2	-4	4	1,6323	0,1
99	3	-1	1	2,6542	0,5	233	2	-4	0	1,9348	0,6	367	0	-4	5	1,6307	0,1
100	1	4	0	2.6482	1.7	234	1	-4	3	1.9336	0.2	368	5	5	2	1.6294	0.4
101	3	1	3	2,6390	0.7	235	3	-3	0	1,9325	0.7	369	4	-3	0	1,6274	0.6
102	ž	.1	ñ	2,6270	17	236	_1	-5	ž	1 0316	0.4	370	1	õ	1	1 6268	0,0
102	1	2	2	2,0210	0.4	200	2	4	4	1,0010	1 0	271	7	1	5	1,0200	0,0
103	5	3	5	2,0237	0,4	201	~	-4	4	1,9303	1,0	070	4	- 1	3	1,0203	0,2
104	-2	-1	3	2,6096	0,2	230	-4	-4	-	1,9274	0,7	372	4	5	4	1,0200	0,3
105	1	4	1	2,6093	1,1	239	3	0	5	1,9248	0,2	373	-3	4	1	1,6247	0,6
106	-2	-3	2	2,6087	0,4	240	-4	-3	2	1,9240	0,4	374	-1	-4	5	1,6241	0,2
107	0	1	4	2,6075	0,2	241	2	3	5	1,9215	0,2	375	-3	3	3	1,6240	0,3
108	0	-1	4	2.6000	0.2	242	5	2	1	1.9209	1.2	376	4	4	5	1.6229	0.2
109	3	3	2	2 5992	10	243	4	-1	3	1 9199	04	377	-3	2	4	1 6227	02
110	2	2	2	2,0002	0.6	244		2	5	1,0100	0.2	279	1	5	1	1 6221	0.2
110	4	5	2	2,5007	0,0	244	-1	-2	4	1,0106	1 5	270	- 1	-5	7	1,0221	0,2
111	1	-3	2	2,5739	0,4	245	-3	-5	1	1,9106	1,5	379	5	- 1	3	1,6219	0,5
112	-2	0	3	2,5730	0,1	246	4	4	3	1,9102	1,2	380	3	6	3	1,6197	0,3
113	3	2	3	2,5702	0,2	247	1	3	5	1,9097	0,4	381	4	-3	2	1,6190	0,4
114	2	4	0	2,5698	0,5	248	3	4	4	1,9082	0,7	382	5	5	0	1,6175	0,3
115	2	4	1	2,5664	0.3	249	-1	3	4	1,9051	0.3	383	-4	-1	4	1,6167	0.1
116	2	1	4	2 5661	0,0	250	4	õ	4	1 0000	03	384	0	5	4	1 6142	0 1
117	.1	2	2	2 5205	07	200	5	ŝ	2	1 2004	07	205	. 1	°,	1	1 61 40	0,1
11/	-1	۷,	3	2,0000	0,1	201	5	<u>۲</u>	4	1,0994	0,7	202	-4	-2	4	1,0140	0,1
118	-1	-4	1	2,5358	∠,8	252	-2	-5	2	1,8987	0,3	386	-1	D	3	1,0127	0,1
119	3	0	3	2,5345	1,5	253	5	1	1	1,8984	0,8	387	3	-1	6	1,6114	0,1
120	3	-1	2	2,5303	1,6	254	4	3	4	1,8963	0,2	388	4	6	0	1,6107	0,4
121	-3	1	1	2,4614	4.6	255	2	5	3	1,8938	0.2	389	-3	0	5	1,6084	0.1
122	-1	3	2	2,4603	5.0	256	3	-3	2	1.8916	0.3	390	-2	5	1	1.6078	0.3
123	-1	n N	4	2 4566	3.2	257	0	5	2	1 8842	01	301	5	4	Δ	1 6073	0.2
10/	0	5	т 2	2,4000	60	201	F	ŝ	2	1 0000	0,1	2021	1	т С	т О	1,0075	0,2
124	0	3	3	2,4007	0,0	200	5	4	4	1,0029	0,1	39Z	4	0	4	1,0000	0,3
120	2	2	4	2,4487	2,2	259	ິ	3	1	1,8751	0,1	393	-5	U_	2	1,0050	0,1
126	0	4	1	2,4463	4,9	260	-3	-1	4	1,8694	0,1	394	0	-5	4	1,6053	0,1
127	0	-3	3	2,4416	0,6	261	-2	2	4	1,8672	0,1	395	-5	1	1	1,6040	0,1

128	-3	-2	2	2,4414	0,7	262	2	-4	2	1,8672	0,4	396	6	2	1	1,5990	0,1
129	0	-4	1	2,4400	1,2	263	-3	3	1	1,8644	0,3	397	0	-6	2	1,5946	0,1
130	-2	-4	1	2,4381	0,6	264	1	-5	0	1,8347	0,3	398	6	2	2	1,5944	0,2
131	1	4	2	2,4372	0,5	265	-1	-4	4	1,8336	0,1	399	6	3	1	1,5865	0,3
132	-2	2	2	2,4360	0,4	266	-3	0	4	1,8334	0,1	400	4	1	6	1,5851	0,1
133	-1	-1	4	2,4337	0,2	267	4	5	1	1,8331	1,2	401	1	-4	5	1,5849	0,1
134	2	4	2	2,4295	0,7	268	0	-4	4	1,8312	0,5	402	4	2	6	1,5847	0,1

Tabelle 46 Beobachtete Reflexe für Na_2HPO_3 (T = 25 °C).

Nr.	h	k	1	d / Å	I / %	Nr.	h	k	1	d / Å	I /	Nr.	h	k	1	d / Å	I /
1	1	1	0	6,7951	0,7	86	3	1	-2	1,9500	0,3	171	1	4	-2	1,4250	⁷⁰ 1,4
2	0	1	1	6,6534	0,8	87	2	3	-1	1,9494	0,5	172	6	2	-1	1,4220	0,5
3	0	2	0	6,5513 5,6634	4,0	80	2	3	1	1,9248	0,1	173	3 1	7	-2	1,4214	1,7
5	1	1	1	5,0034	1.1	90	0	1	4	1,9102	23,3	175	5	3	-2	1,4162	0,3
6	Ö	2	1	4,9960	3,1	91	2	2	-2	1,9080	1,2	176	4	4	Ö	1,4159	0,1
7	2	0	0	4,8452	0,1	92	4	2	0	1,9013	34,8	177	1	4	2	1,4153	0,5
8	1	0	-1	4,5575	0,3	93	3	3	0	1,8878	0,2	178	6	2	1	1,3937	0,3
9	1	0	1	4,4057	1,0	94	3	1	2	1,8790	0,1	179	6	0	-2	1,3869	0,8
10	1	2	1	4,2297	0,9	95	1	2	4 _1	1,8762	40,4	180	2	4	-2	1,3854	0,7
12	2	1	0	3 9801	0,5	97	5	1	0	1,8674	0,1	182	4	4	-1	1,3042	0,1
13	2	0 0	Õ	3,9737	40,9	98	2	2	2	1,8628	1,2	183	0	3	3	1,3641	0,2
14	0	0	2	3,8616	35,8	99	4	2	1	1,8462	2,3	184	0	9	2	1,3623	0,2
15	1	3	0	3,8276	3,5	100	0	5	3	1,8365	2,8	185	1	8	3	1,3615	16,4
16	1	1	-1	3,8160	1,4	101	3	4	2	1,8174	0,5	186	6	1	-2	1,3603	1,0
17 19	0	3	1	3,8017	49,1	102	3	5	1	1,8111	2,8	187	2	6	4	1,3592	2,6
10	0	1	2	3,7255	29	103	3 3	3	-1	1,7650	1,4	189	4	3 4	-3 1	1,3571	0,0
20	Ő	2	0	3.4897	4.6	105	3	2	3	1,7020	0,6	190	3	2	3	1.3536	0,0
21	1	0	2	3,4733	45,8	106	5	1	-1	1,7747	0,2	191	7	0	-1	1,3494	0,3
22	1	3	1	3,4295	0,6	107	1	7	1	1,7733	3,6	192	0	5	1	1,3455	0,1
23	1	1	2	3,3573	10,2	108	3	2	-2	1,7553	1,4	193	1	3	3	1,3446	0,1
24	0	2	2	3,3267	2,7	109	0	4	0	1,7449	0,2	194	2	5	0	1,3413	0,2
25 26	0	2 4	0	3,2833 3 2757	0,1	110	4	1	-2	1,7299	0,2	195	0 1	5	-1	1,3359	2,7
27	2	1	-1	3.1793	-,0 0.1	112	4	0	2	1,7134	0.2	197	4	1	3	1.3318	0,2
28	2	2	1	3,1099	12,7	113	0	3	2	1,7112	0,2	198	1	5	1	1,3307	0,2
29	2	1	1	3,0761	0,2	114	3	2	2	1,7030	1,5	199	7	1	-1	1,3249	1,0
30	1	2	2	3,0687	2,0	115	1	3	-2	1,6933	0,3	200	3	7	3	1,3144	3,2
31	0	4	1	3,0156	1,8	116	4	3	0	1,6780	0,7	201	1	5	5	1,3124	0,2
১∠ বব	3 0	ו ג	2	2,9314	0,3	117	1	ა 1	2	1,6772	0,0	202	с С	3 4	-2	1,3010	0,2
34	2	2	0	2,8317	3.2	119	0	4	1	1,6493	0,1	203	7	1	1	1,2982	0,2
35	1	4	1	2,8195	56,0	120	1	0	3	1,6476	0,5	205	5	4	0	1,2968	0,7
36	3	0	-1	2,7739	2,0	121	2	4	0	1,6417	0,5	206	6	3	-1	1,2940	0,3
37	1	2	-1	2,7708	0,2	122	0	1	3	1,6370	0,3	207	7	2	0	1,2868	0,2
38	2	0	2	2,7693	1,1	123	1	4	-1 4	1,6295	0,1	208	3	3	5	1,2761	0,2
39 40	2 1	3 2	1	2,7470	40,8	124	2	4 3	-2	1,0201	0,1	209	с С	a I	-3	1,2701	0,1
41	1	3	2	2,7335	60.4	126	1	1	-3	1.6249	0,4	210	4	4	4	1,2754	3.2
42	2	1	2	2,7095	4,4	127	5	2	-1	1,6242	1,1	212	1	10	1	1,2751	0,1
43	3	0	1	2,6718	2,8	128	1	4	1	1,6223	0,1	213	2	7	4	1,2731	2,3
44	3	1	0	2,5966	9,9	129	6	0	0	1,6151	4,7	214	3	3	-3	1,2720	0,5
45 46	3	1	-1	2,5778	1,5	130	2	3	4	1,6137	42,8	215	5	3	2	1,2653	0,1
40	0	4	3	2,5270	35.8	132	4	1	- 1	1,0003	0,5	210	0	0	-1	1,2045	0,4
48	Ő	Ö	2	2,5259	10,5	133	0	8	1	1,6022	2,5	218	5	4	1	1,2478	0,7
49	0	4	2	2,4980	0,3	134	2	3	2	1,5996	0,1	219	6	2	2	1,2476	0,6
50	3	1	1	2,4952	0,4	135	4	2	-2	1,5896	0,4	220	3	5	-1	1,2469	0,2
51	2	2	1	2,4451	0,3	136	5	2	1	1,5892	0,1	221	5	0	3	1,2459	1,0
52 52	4	1	0	2,4226	0,7	137	6	1	0	1,5735	0,2	222	0	1	4	1,2428	1,0
53 54	3	2	2	2,3752	0,1 4 4	130	2	0 1	-3	1,5700	0.1	223	3 1	3 1	-4	1,2410	0,1
55	1	5	1	2.3688	65.4	140	2	4	-1	1.5678	0.8	225	7	2	1	1,2357	0.6
56	1	1	-2	2,3279	0,4	141	4	1	3	1,5617	3,9	226	5	1	3	1,2265	0,2
57	1	2	3	2,2940	0,3	142	3	0	4	1,5603	0,1	227	1	1	4	1,2264	0,1
58	1	1	2	2,2864	0,2	143	2	4	1	1,5549	0,1	228	4	4	2	1,2225	0,1
59 60	2	0	-2	2,2787	0,2	144	4	2	2	1,5380	1,5	229	0	5 ∡	2	1,2218	0,3
60 61	3	3	0	2,205U 2,2622	12,7	145 146	3 2	4	บ ว	1,5352	0,7	∠30 231	/ 5	1 2	-2	1,2168 1 2166	0,2
62	0	3	3	2,2022	3.8	147	∠ 3	3	-2	1.5300	0.1	232	2	∠ 1	-4	1.2158	1.0
63	2	õ	2	2,2028	0,1	148	6	1	-1	1,5198	0,1	233	1	5	-2	1,2152	0,1

64	3	0	2	2,1845	0,2	149	3	0	-3	1,5192	0,5	234	8	0	0	1,2113	0,1
65	0	6	0	2,1838	5,0	150	0	2	3	1,5166	0,1	235	2	0	4	1,2100	0,2
66	3	3	1	2,1735	1,7	151	3	3	2	1,4949	0,1	236	4	5	0	1,2095	0,7
67	3	2	-1	2,1715	0,1	152	5	3	0	1,4936	23,6	237	1	5	2	1,2092	0,1
68	0	5	2	2,1684	4,3	153	1	2	3	1,4899	1,8	238	1	4	-3	1,2068	0,3
69	2	1	-2	2,1662	0,4	154	1	7	3	1,4872	1,5	239	4	3	-3	1,2060	0,5
70	3	1	2	2,1548	1,9	155	2	8	1	1,4860	7,5	240	1	4	3	1,1980	0,2
71	1	3	3	2,1362	0,8	156	3	1	-3	1,4844	1,2	241	6	3	-2	1,1913	0,1
72	4	1	-1	2,1160	0,1	157	3	4	-1	1,4770	0,6	242	2	5	-2	1,1903	0,1
73	0	3	1	2,1132	0,3	158	4	6	0	1,4696	2,3	243	6	4	0	1,1853	0,5
74	1	5	2	2,0919	3,7	159	3	3	4	1,4694	0,6	244	1	2	-4	1,1843	0,1
75	3	2	2	2,0723	2,6	160	3	0	3	1,4686	2,3	245	2	4	-3	1,1838	0,2
76	1	3	-1	2,0721	0,7	161	5	3	1	1,4665	3,6	246	4	5	-1	1,1818	0,1
77	4	1	1	2,0548	0,1	162	6	2	0	1,4657	1,0	247	2	5	2	1,1791	0,2
78	2	2	3	2,0519	0,1	163	4	5	2	1,4649	0,1	248	3	1	-4	1,1760	0,2
79	0	2	2	2,0462	0,8	164	3	4	1	1,4609	0,5	249	2	4	3	1,1674	0,1
80	3	4	1	1,9903	10,1	165	5	1	2	1,4607	6,4	250	7	3	-1	1,1673	0,5
81	4	2	0	1,9901	2,4	166	0	3	5	1,4562	1,8	251	5	4	-2	1,1668	0,1
82	1	2	2	1,9886	0,4	167	3	1	3	1,4371	1,1	252	2	2	-4	1,1639	0,5
83	4	0	0	1,9868	100,0	168	0	4	2	1,4356	0,1	253	0	6	0	1,1632	0,1
84	1	4	3	1,9615	9,7	169	2	2	3	1,4323	0,1						
85	3	3	2	1,9537	10,7	170	5	2	-2	1,4312	0,1						

Einkristalldaten:

Tabelle 47 Einkristallstrukturdaten von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ bei T = -173 °C. Angegeben sind die Millerschen Indices (hkl), die beobachteten (F₀) und berechneten (F_c) Strukturfaktoren sowie die Standartabweichungen (s) der beobachteten Werte.

h	k	I	$10F_0$	$10F_{c}$	10s	h	k	1	$10F_0$	$10F_{c}$	10s	h	k	I	$10F_0$	$10F_{c}$	10s
1	0	0	260	248	4	9	4	0	464	464	10	10	9	0	0	24	1
2	0	0	2040	1817	30	10	4	0	88	64	27	-4	10	0	72	100	46
3	0	0	48	58	18	11	4	0	33	15	33	-3	10	0	90	120	29
4	0	0	295	335	6	-8	5	0	90	90	29	-2	10	0	70	109	41
5	0	0	534	504	8	-7	5	0	92	102	26	-1	10	0	38	60	37
6	0	0	403	404	7	-6	5	0	368	388	10	0	10	0	117	90	17
7	0	0	217	197	8	-5	5	0	30	27	30	1	10	0	334	337	13
8	0	0	177	172	9	-4	5	0	328	338	7	2	10	0	450	435	8
9	0	0	0	2	1	-3	5	0	150	136	9	3	10	0	90	42	27
10	0	0	65	67	64	-2	5	0	188	188	7	4	10	0	194	189	9
-10	1	0	41	26	40	-1	5	0	646	639	10	5	10	0	100	81	19
-9	1	0	205	205	13	0	5	0	31	47	30	6	10	0	378	381	12
-8	1	0	215	195	8	1	5	0	108	112	13	7	10	0	65	56	40
-7	1	0	735	756	14	2	5	0	513	525	8	8	10	0	120	136	18
-6	1	0	176	163	8	3	5	0	282	295	6	9	10	0	104	120	53
-5	1	0	52	46	23	4	5	0	0	12	1	-2	11	0	91	90	46
-4	1	0	32	54	32	5	5	0	27	21	27	-1	11	0	247	260	18
-3	1	0	0	8	1	6	5	0	233	203	9	0	11	0	129	114	15
-2	1	0	234	231	5	7	5	0	295	298	9	1	11	0	30	63	29
-1	1	0	107	98	6	8	5	0	189	188	13	2	11	0	0	51	1
0	1	0	108	105	2	9	5	0	0	8	1	3	11	0	17	18	17
1	1	0	92	92	3	10	5	0	0	9	1	4	11	0	24	54	24
2	1	0	190	185	8	11	5	0	0	8	1	5	11	0	0	19	1
3	1	0	271	255	11	-7	6	0	0	52	1	6	11	0	0	20	1
4	1	0	286	268	7	-6	6	0	179	168	13	7	11	0	0	4	1
5	1	0	30	32	30	-5	6	0	202	199	12	8	11	0	0	1	1
6	1	0	0	12	1	-4	6	0	340	325	10	0	12	0	0	12	1
7	1	0	103	79	14	-3	6	0	94	93	14	1	12	0	62	59	62
8	1	0	82	76	19	-2	6	0	430	433	7	2	12	0	0	25	1
9	1	0	198	184	9	-1	6	0	545	544	9	3	12	0	0	34	1
10	1	0	104	107	30	0	6	0	784	792	12	4	12	0	180	142	13
11	1	0	114	73	32	1	6	0	483	465	13	5	12	0	0	35	1
-10	2	0	157	169	26	2	6	0	158	160	7	6	12	0	0	0	1
-9	2	0	238	226	21	3	6	0	477	472	8	7	12	0	0	53	1
-8	2	0	311	321	11	4	6	0	564	573	9	-7	-12	1	104	112	33
-7	2	0	126	115	12	5	6	0	300	314	8	-6	-12	1	77	106	33
-6	2	0	710	718	11	6	6	0	301	318	8	-5	-12	1	92	125	26
-5	2	0	297	292	23	7	6	0	15	13	15	-4	-12	1	165	148	15
-4	2	0	84	75	11	8	6	0	101	95	19	-3	-12	1	9	26	8
-3	2	0	355	342	10	9	6	0	10	57	10	-2	-12	1	173	143	12
-2	2	0	568	568	8	10	6	0	53	26	53	-1	-12	1	179	170	14
-1	2	0	837	805	12	11	6	0	99	97	26	0	-12	1	144	98	22

0 1 2 3	2 2 2 2	0 0 0	234 75 273 245	258 68 280 226	4 5 5 5	-7 -6 -5 -4	7 7 7 7	0 0 0	277 29 114 90	311 26 91 138	15 28 18 23	-8 -7 -6 -5	-11 -11 -11 -11	1 1 1 1	34 0 0 112	25 12 32 78	34 1 1 24
4 5 6 7	2 2 2 2	0 0 0	120 160 149 316	98 134 128 304	20 7 18 10	-3 -2 -1	7 7 7 7	0 0 0	363 236 138	370 217 133 27	7 7 9	-4 -3 -2	-11 -11 -11 -11	1 1 1	41 0 85	33 2 77 15	41 1 21 1
8 9	2	0	0 177	24 155	1 12	1 2	7 7	0	135 106	97 97	19 13	0	-11 -11	1	54 139	72 137	53 20
10 11 -9	2 2 3	0 0 0	68 58 102	49 93 126	45 57 25	3 4 5	7 7 7	0 0 0	95 189 0	98 194 32	12 7 1	-9 -8	-11 -10 -10	1 1 1	0 0 118	22 73 99	1 1 26
-8 -7 -6	3 3 3	0 0 0	248 0 280	281 35 282	20 1 12	6 7 8	7 7 7	0 0 0	0 62 0	2 100 39	1 38 1	-7 -6 -5	-10 -10 -10	1 1 1	154 130 9	147 116 30	23 44 8
-5 -4	3	0	43 205	58 197	43	9 10	7 7 7	0	187 0	204 45	13 1	-4 -3	-10 -10	1	68 90	63 108	32 90
-3 -2 -1	3 3 3	0 0 0	594 202 252	198 252	9 8 5	-6 -5	7 8 8	0 0 0	83 125 0	98 110 49	51 21 1	-2 -1 0	-10 -10 -10	1 1	341 347 130	354 352 124	8 10 16
0 1 2	3 3 3	0 0 0	123 244 226	120 257 214	12 5 14	-4 -3 -2	8 8 8	0 0 0	39 137 167	3 159 167	39 15 9	1 2 3	-10 -10 -10	1 1 1	67 102 149	92 108 146	38 29 17
3 4 5	3 3 3	0 0 0	113 231 75	92 243 69	7 11 12	-1 0 1	8 8 8	0 0 0	128 67 32	104 53 28	11 27 31	4 -10 -9	-10 -9 -9	1 1 1	0 104 113	11 102 109	1 25 21
6 7	33	0	136 198	137 175	9 10	23	8 8 8	0	268 258	251 240	7 8	-8 -7	-9 -9	1	7 93	13 65	7 21
9 10	3 3	0	266 133	403 264 146	14 11 17	4 5 6	8 8	0	229 31	211 48	9 30	-0 -5 -4	-9 -9 -9	1 1	0 0 148	64 134	1 10
11 -9 -8	3 4 4	0 0 0	98 96 53	104 94 52	25 28 52	7 8 9	8 8 8	0 0 0	345 336 164	351 333 169	9 17 15	-3 -2 -1	-9 -9 -9	1 1 1	0 259 212	8 283 197	1 8 8
-7 -6 -5	4 4 4	0 0 0	59 129 241	47 138 236	58 16 7	10 -5 -4	8 9 9	0 0 0	0 35 51	15 54 41	1 35 51	0 1 2	-9 -9 -9	1 1 1	305 0 71	316 7 46	8 1 45
-4 -3 -2	4 4 4	0 0	21 0 49	2 46 62	21 1 20	-3 -2 -1	9 9 9	0 0	192 156 99	174 125 74	13 14 15	3 4 5	-9 -9 -9	1 1 1	0 237 0	5 221 90	1 13 1
-1 0	4	0	587 200	564 199	9 5	0	9 9	0	169 16	167 5	9 16	-10 -9	-8 -8	1	36 202	16 197	36 12
1 2 3	4 4 4	0 0 0	376 323	430 337	10 6 6	2 3 4	9 9 9	0 0 0	263 225 22	231 215 21	8 11 22	-8 -7 -6	-8 -8 -8	1 1	198 500 88	222 524 86	12 16 24
4 5 6	4 4 4	0 0 0	58 261 765	67 248 770	14 8 14	5 6 7	9 9 9	0 0 0	136 0 252	129 10 249	11 1 10	-5 -4 -3	-8 -8 -8	1 1 1	333 249 590	344 227 588	18 7 12
7 8 5	4 4 1	0 0 1	208 181 281	201 175 286	8 22 6	8 9 -4	9 9 6	0 0 1	33 26 272	32 66 259	33 25 8	-2 -1 1	-8 -8 12	1 1 1	148 354 0	127 343 16	10 7 1
6 7	1 1 1	1	18 245	2 220	18 8	-3 -2	6 6	1	29 253	19 230	28 7 21	23	12 12 12	1 1 1	84 117 214	2 83 272	40 18
9 10	1	1	271 341	271 371	10 10 12	0	6 6	1	623 228	626 211	10 7	56	12 12 12	1	0	49 67	1
11 -9 -8	1 2 2	1 1 1	22 121 0	34 120 13	22 20 1	2 3 4	6 6 6	1 1 1	46 383 1011	46 381 1020	25 7 15	-6 -5	12 -12 -12	1 2 2	98 58 134	59 52 136	40 57 18
-7 -6 -5	2 2 2	1 1 1	134 264 621	141 251 603	12 21 11	5 6 7	6 6 6	1 1 1	18 657 128	57 662 126	18 10 12	-4 -3 -2	-12 -12 -12	2 2 2	160 0 129	141 25 118	15 1 22
-4 -3 -2	2 2 2	1 1 1	197 690 678	198 654 692	7 10 10	8 9 10	6 6 6	1 1 1	371 113 129	379 128 110	9 19 17	-1 0 -8	-12 -12 -11	2 2 2	155 157 0	123 135 48	21 18 1
-1 0 1	2 2 2	1 1 1	1134 1411 998	1068 1368 1019	17 21 14	11 -6 -5	6 7 7	1 1 1	0 0 23	28 21 32	1 1 23	-7 -6 -5	-11 -11 -11	2 2 2	18 67 25	37 65 38	18 38 25
2 3	2	1	1889 1058	1851 1075	28 15	-4 -3	7 7 7	1	259 489	256 439	10 8	-4 -3	-11 -11	2	0 137	47 126	1 26
4 5 6	2 2 2	1 1	40 110	44 107	39 11	-2 -1 0	7 7 7	1 1	392 0	370 60	7 1	-2 -1 0	-11 -11 -11	∠ 2 2	44 213 83	194 31	43 17 33
7 8 9	2 2 2	1 1 1	238 146 85	212 138 58	8 11 20	1 2 3	7 7 7	1 1 1	436 111 159	444 112 157	8 10 12	1 2 -9	-11 -11 -10	2 2 2	112 85 0	109 71 1	55 77 1

10	2	1	102	124	27	4	7	1	92	112	13	-8	-10	2	242	227	12
11	2	1	58	16 224	57 17	5	7	1	226	205	7 1 F	-7	-10	2	60 274	53	54
-9 -8	3 3	1	213 130	234 135	17	6 7	7	1	95 47	78	15 46	-0 -5	-10	2	274 136	267	15
-7	3	1	241	240	15	8	7	1	45	70 56	44	-4	-10	2	267	264	10
-6	3	1	0	63	1	9	7	1	0	45	1	-3	-10	2	43	8	42
-5	3	1	658	669	10	10	7	1	131	122	20	-2	-10	2	212	202	11
-4	3	1	89	95	13	11	7	1	0	46	1	-1	-10	2	179	186	11
-3	3	1	89	73	18	-6	8	1	73	73	43	0	-10	2	111	77	18
-2	3	1	279	267	6	-5 -4	8 8	1	92 203	123	34 12	1	-10 -10	2	165	155 50	32
0	3	1	417	435	6	-3	8	1	105	93	14	3	-10	2	124	112	23
1	3	1	370	394	6	-2	8	1	694	687	11	4	-10	2	0	40	1
2	3	1	262	271	5	-1	8	1	47	18	47	-9	-9	2	0	13	1
3	3	1	140	134	6	0	8	1	423	443	8	-8	-9	2	0	24	1
4	3	1	215	217	6	1	8	1	185	174	11	-7	-9	2	0	32	1
5	3	1	116 515	100	9	2	8 8	1	317	323	/ 0	-0 -5	-9 -0	2	89 74	67	21
7	3	1	249	235	9	4	8	1	74	53	18	-4	-9	2	62	56	35
8	3	1	83	88	19	5	8	1	14	32	14	-3	-9	2	0	47	1
9	3	1	0	18	1	6	8	1	75	31	19	-2	-9	2	0	50	1
10	3	1	0	2	1	7	8	1	108	75	18	-1	-9	2	217	221	32
11	3	1	5	32	5	8	8	1	0	3	1	0	-9	2	122	112	14
-9	4	1	/4	95	46	10	8	1	22	26	1	1	-9	2	47	172	40
-0 -7	4	1	215	197	40 12	-5	9	1	152	156	21	2	-9	2	109	30	13
-6	4	1	105	107	14	-4	9	1	133	129	17	4	-9	2	228	245	16
-5	4	1	288	259	7	-3	9	1	0	4	1	5	-9	2	35	57	34
-4	4	1	185	196	9	-2	9	1	174	146	10	-10	-8	2	91	119	29
-3	4	1	272	257	6	-1	9	1	170	146	10	-9	-8	2	0	13	1
-2 -1	4	1	70	73	0 11	1	9 Q	1	145	131	25	-0 -7	-0 -8	2	166	176	12
0	4	1	235	225	8	2	9	1	176	159	25	-6	-8	2	135	123	14
1	4	1	136	110	6	3	9	1	150	146	10	-5	-8	2	143	141	20
2	4	1	155	147	7	4	9	1	0	26	1	-4	-8	2	187	202	10
3	4	1	206	220	6	5	9	1	70	50	21	-3	-8	2	282	261	9
4	4	1	620	618	14	6	9	1	12	39	28	-2	-8	2	147	125	12
с 6	4	1	153	10	16	/ 8	9 Q	1	54	86	24 53	-1	-0 -8	2	240 174	260 1 <i>44</i>	10
7	4	1	268	273	7	9	9	1	91	40	38	1	-8	2	682	692	11
8	4	1	96	105	24	10	9	1	0	69	1	2	-8	2	297	301	10
9	4	1	427	459	10	-3	10	1	57	7	57	3	-8	2	62	69	61
10	4	1	255	221	11	-2	10	1	24	29	24	4	-8	2	89	95	26
11 o	4	1	214	12	1	-1	10	1	0	39	1	5	-8	2	123	109	19
-0 -7	5	1	68	210	23 45	1	10	1	91	89	16	-10	-0 -7	2	0	42	1
-6	5	1	132	136	17	2	10	1	0	30	1	-9	-7	2	54	81	54
-5	5	1	280	269	13	3	10	1	60	5	32	-8	-7	2	109	81	19
-4	5	1	139	142	10	4	10	1	126	109	12	-7	-7	2	130	132	15
-3	5	1	410	432	7	5	10	1	117	101	16	-6	-7	2	69	65	69
-2 _1	5 5	1	246	250	1	0 7	10	1	03	155	14 30	-5 _4	-/ -7	2	332	3/3	10
0	5	1	294	317	6	8	10	1	81	76	32	-3	-7	2	0	36	1
1	5	1	272	279	9	9	10	1	203	174	20	-2	-7	2	289	322	9
2	5	1	365	388	8	-2	11	1	20	85	19	-1	-7	2	234	236	8
3	5	1	258	267	6	-1	11	1	71	101	71	0	-7	2	158	173	25
4	5 5	1	150	139	/ 8	1	11	1	165	149	12	1	-/ -7	2	259	268	8
6	5	1	120	124	10	2	11	1	214	173	14	3	-7	2	189	170	12
7	5	1	0	52	1	3	11	1	157	102	12	4	-7	2	107	139	19
8	5	1	146	130	13	4	11	1	76	30	38	5	-7	2	69	93	38
9	5	1	0	4	1	5	11	1	103	93	19	6	-7	2	54	40	54
10	5	1	91 157	69 162	25	67	11	1	113	87	23	10	-/	2	79	135	36
-7	5	1	50	32	20 50	8	11	1	34 43	40 51	34 42	-10	-0 -6	2	286	02 301	- 34 11
-6	6	1	29	66	28	9	11	1	0	1	1	-8	-6	2	355	369	10
-5	6	1	211	203	11	Ō	12	1	105	91	55	-7	-6	2	399	411	14
-4	3	2	170	160	9	-5	8	2	193	156	14	-9	-9	3	66	87	62
-3	3	2	92	58	11	-4	8	2	0	69	1	-8	-9	3	0	30	1
-2	3	2	170 244	150 247	6 F	-3 2	8	2	0 275	10 270	1 0	-/ 6	-9	3	0	14 6	1
0	3	2	<u>∠</u> 41 551	247 584	5 8	-2 -1	0 8	2 2	134	127	10	-0 -5	-9 -9	3 3	0	25	1
1	3	2	228	220	11	0	8	2	309	311	7	-4	-9	3	105	116	17
2	3	2	192	179	5	1	8	2	216	203	7	-3	-9	3	166	145	15
3	3	2	225	232	6	2	8	2	609	603	13	-2	-9	3	103	111	14
4 5	3	2	155	152	10 7	-3 ⊿	8	2	4/1	448	87	-1	-9	3	164	131	12
J	5	~	100	102	1	4	0	~	LLL	∠∪4	1	U	-9	ა	200	200	Э

6 7 8 9	3 3 3 3 3 3	2 2 2 2 2	162 97 182 44 93	159 101 164 43 116	8 15 11 43 23	5 6 7 8 9	8 8 8 8	2 2 2 2 2	0 518 399 145 155	11 476 385 144 150	1 9 14 15	1 2 3 4 5	-9 -9 -9 -9	3 3 3 3 3	0 108 17 40	12 113 29 32 38	1 21 17 40
11 -8 -7 -6	3 4 4 4	2 2 2 2 2	0 0 90 97	3 19 39 80	1 1 27 17	10 11 -4 -3	8 8 9 9	2 2 2 2 2	97 146 140 154	76 130 152 126	27 18 36 31	-9 -8 -7 -6	-8 -8 -8 -8	3 3 3 3	90 261 203 321	56 266 202 337	40 11 12 10
-5 -4 -3 -2	4 4 4 4	2 2 2 2	0 275 610 627	46 251 573 605	1 7 10 10	-2 -1 0 1	9 9 9 9	2 2 2 2	43 552 303 259	45 522 290 247	42 15 8 8	-5 -4 -3 -2	-8 -8 -8 -8	3 3 3 3	101 229 136 231	112 249 143 211	18 10 14 8
-1 0 1 2	4 4 4 4	2 2 2 2	111 0 165 432	87 39 205 425	8 1 16 7	2 3 4 5	9 9 9 9	2 2 2 2	182 0 324 44	192 17 307 7	8 1 9 44	-1 0 1 2	-8 -8 -8 -8	3 3 3 3	95 166 500 343	43 155 511 345	21 23 9 13
3 4 5 6 7	4 4 4 4 4	2 2 2 2 2	214 279 654 66 45	214 282 631 43 34	5 6 10 23 44	6 7 8 9 10	9 9 9 9	2 2 2 2 2	76 116 0	147 58 100 30	10 28 19 1	3 4 5 6 -10	-0 -8 -8 -8 -7	3 3 3 3	130 147 56 173 49	126 138 40 161 105	17 16 56 16 49
8 9 10 11	4 4 4 4	2 2 2 2 2	0 177 0 0	58 177 23 37	1 12 1 1	-3 -2 -1 0	10 10 10 10	2 2 2 2 2	62 0 114 271	108 17 133 277	61 1 24 12	-9 -8 -7 -6	-7 -7 -7 -7	3 3 3 3	0 42 0 133	17 22 13 148	1 41 1 14
-8 -7 -6 -5	5 5 5 5	2 2 2 2	133 257 180 25	132 247 162 23	21 12 14 25	1 2 3 4	10 10 10 10	2 2 2 2	189 0 39 84	222 62 24 86	28 1 38 18	-5 -4 -3 -2	-7 -7 -7 -7	3 3 3 3	135 82 56 40	166 48 31 48	16 20 56 39
-4 -3 -2 -1	5 5 5 5 5 5	2 2 2 2	295 122 477 0 107	266 122 443 8 180	8 16 8 1	5 6 7 8	10 10 10 10	2 2 2 2	0 0 115 21 113	24 18 100 27 111	1 1 18 20 21	-1 0 1 2 3	-7 -7 -7 -7 7	3 3 3 3	126 122 115 368	120 115 111 371 121	14 10 12 15 20
1 2 3 4	5 5 5 5 5	2 2 2 2 2	301 209 194 257	325 209 183 265	7 6 6	10 -2 -1 0	10 10 11 11 11	2 2 2 2 2	113 0 104 66 74	6 111 46 22	1 57 66 74	4 5 6 7	-7 -7 -7 -7	3 3 3 3	0 0 237 98	15 62 219 129	1 1 12 27
5 6 7 8	5 5 5 5	2 2 2 2	499 0 128 106	505 11 126 88	8 1 12 15	1 2 3 4	11 11 11 11	2 2 2 2	0 54 73 46	45 7 30 20	1 53 73 46	-10 -9 -8 -7	-6 -6 -6 -6	3 3 3 3	136 106 187 0	135 116 202 52	18 22 12 1
9 10 11 -7	5 5 5 6	2 2 2 2	162 66 0 117	172 37 15 97	14 49 1 34 21	5 6 7 8	11 11 11 11	2 2 2 2	102 69 59 0	81 85 35 40	16 35 58 1 27	-6 -5 -4 -3	-6 -6 -6	3 3 3 3	107 367 289 0	116 406 294 71	17 9 8 1
-0 -5 -4 -3 -2	6 6 6 6	2 2 2 2 2	99 21 301 107	63 64 264 111	21 17 21 8 12	9 0 1 2 3	12 12 12 12 12	2 2 2 2 2	81 0 0 72	77 12 13 57	51 51 1 71	-2 -1 0 1 2	-0 -6 -6 -6	3 3 3 3 3	562 44 17 85	578 4 63 80	9 44 17 20
-1 0 1 2	6 6 6	2 2 2 2	375 153 117 276	379 148 78 292	7 7 10 11	4 5 6 7	12 12 12 12	2 2 2 2	184 0 84 171	167 8 38 160	17 1 62 24	3 4 5 6	-6 -6 -6 -6	3 3 3 3	157 478 0 68	159 479 8 74	12 11 1 39
3 4 5 6 7	6 6 6 6	2 2 2 2	398 93 84 354	388 89 79 357	7 11 15 7	-5 -4 -3 -2	-12 -12 -12 -12	3 3 3 3	0 63 0 59	32 5 51 50	1 62 1 59	7 8 -10 -9	-6 -6 -5 -5	3 3 3 3	0 62 0 73	6 86 21 98	1 61 1 36
8 9 10 11	6 6 6 6	2 2 2 2 2	509 103 313 0	525 77 286 42	10 21 10 1	-7 -6 -5 -4	-12 -11 -11 -11 -11	3 3 3 3 3	64 45 0 40	42 70 36 7	56 45 1 39	-0 -7 -6 -5 -4	-5 -5 -5 -5 -5	3 3 3 3 3	23 165 118 354	45 173 132 363	10 22 11 13 8
-6 -5 -4 -3	7 7 7 7	2 2 2 2	84 195 46 19	57 183 55 16	33 13 45 19	-3 -2 -1 0	-11 -11 -11 -11	3 3 3 3	27 0 158 125	38 21 161 124	27 1 16 21	-3 -2 -1 0	-5 -5 -5 -5	3 3 3 3	137 81 264 190	158 88 288 204	10 12 12 6
-2 -1 0 1	7 7 7 7	2 2 2 2	59 96 195 398	58 85 182 429	27 13 7 7	1 2 -8 -7	-11 -11 -10 -10	3 3 3 3	174 75 86 139	174 36 78 140	16 46 28 16	1 2 3 4	-5 -5 -5 -5	3 3 3 3	238 190 203 169	237 195 162 192	6 12 14 13
∠ 3 4 5	7 7 7 7	2 2 2 2	73 372 0 156	50 389 4 147	15 9 1 9	-0 -5 -4 -3	-10 -10 -10 -10	3 3 3 3	∠48 149 144 133	236 106 125 126	14 14 23	5 6 7 8	-5 -5 -5 -5	3 3 3 3	135 138 0 73	149 21 80	19 15 1 37

- 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	6 7 7 7 8 7 9 7 10 7
	2 2 2 2 2
$\begin{array}{c} 181\\ 35\\ 442\\ 314\\ 241\\ 115\\ 160\\ 16\\ 284\\ 52\\ 204\\ 136\\ 0\\ 52\\ 54\\ 0\\ 56\\ 94\\ 533\\ 190\\ 187\\ 222\\ 530\\ 40\\ 67\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 256\\ 40\\ 0\\ 203\\ 312\\ 180\\ 3725\\ 266\\ 61\\ 99\\ 0\\ 86\\ 175\\ 197\\ 163\\ 35\\ 0\\ 84\\ 185\\ 0\\ 199\\ 82\\ 309\\ 293\\ 308\\ 226\\ 68\\ \end{array}$	187 200 58 83 153
	184 189 47 70 139
14 64 15 6 6 10 10 16 8 22 5 18 1 15 5 1 33 7 9 6 8 13 0 9 8 1 8 39 1 1 16 1 9 8 10 7 7 7 11 15 9 10 10 5 1 32 9 6 8 13 7 9 6 8 10 9 8 1 8 9 1 1 1 5 7 7 7 7 11 1 5 9 10 10 5 1 3 7 9 6 8 10 9 6 8 10 9 8 1 8 9 1 1 1 1 1 5 1 1 3 7 9 6 8 1 10 9 8 1 8 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	10 8 57 28 16
3 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 2 3 4 5 6 7 6 5 4 3 2 1 0 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 9 8 7 6 5 4 3	-2 -1 0 1 2
10 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1	-10 -10 -10 -10 -10
3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
	339 86 189 11 289
	328 112 177 81 259
13 17 17 12 15 51 54 20 34 4 13 11 11 11 14 24 36 14 30 54 14 17 9 19 17 22 12 24 20 57 13 14 22 07 13 69 20 42 9 5 13 14 20 7 13 69 20 14 9 15 15 24 20 34 4 13 11 340 78 11 11 14 24 36 12 30 14 11 11 14 24 30 14 11 11 14 24 30 14 11 11 14 24 30 54 14 11 11 14 24 30 54 14 11 11 14 24 30 54 11 11 14 26 15 14 20 37 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	8 30 13 11 12
2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0	-10 -9 -8 -7 -6
٥ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ ᡩ 5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;5 ;	-4 -4 -4 -4
- 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	3333
$\begin{array}{c} 208\\ 118\\ 325\\ 77\\ 97\\ 253\\ 444\\ 0\\ 0\\ 118\\ 154\\ 0\\ 43\\ 96\\ 8\\ 0\\ 105\\ 265\\ 236\\ 200\\ 213\\ 106\\ 90\\ 396\\ 93\\ 151\\ 0\\ 100\\ 211\\ 27\\ 67\\ 252\\ 129\\ 0\\ 396\\ 93\\ 151\\ 0\\ 100\\ 211\\ 27\\ 67\\ 252\\ 129\\ 0\\ 322\\ 578\\ 352\\ 140\\ 9\\ 0\\ 127\\ 492\\ 51\\ 137\\ 0\\ 115\\ 202\\ 112\\ 181\\ 49\\ 149\\ 33\\ 104\\ 193\\ 51\\ \end{array}$	181 100 295 190 290
$\begin{array}{c} 255\\ 115\\ 340\\ 53\\ 98\\ 248\\ 452\\ 30\\ 9\\ 99\\ 175\\ 8\\ 4\\ 106\\ 3\\ 9\\ 99\\ 175\\ 8\\ 4\\ 106\\ 3\\ 9\\ 99\\ 175\\ 8\\ 4\\ 106\\ 3\\ 39\\ 178\\ 18\\ 107\\ 279\\ 217\\ 265\\ 215\\ 122\\ 422\\ 80\\ 160\\ 72\\ 201\\ 39\\ 1279\\ 123\\ 9\\ 349\\ 2365\\ 155\\ 584\\ 11\\ 33\\ 121\\ 300\\ 131\\ 45\\ 89\\ 214\\ 129\\ 184\\ 112\\ 295\\ 105\\ 204\\ 78\end{array}$	217 22 318 182 333
$ \begin{array}{c} 113\\ 153\\ 112\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 3\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 3\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1 \end{array} \\ \begin{array}{c} 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\$	14 100 10 11 9

012345678910-3-2-10123456767891011-4-3-2-1012345678910-2-10123456789-101234567891234567-5-4-3-2-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1
99999999999999010000000000088888899999999
333333333333333333333333333333444444444
$\begin{array}{c} 178\\ 162\\ 67\\ 136\\ 250\\ 148\\ 248\\ 0\\ 0\\ 45\\ 0\\ 94\\ 148\\ 101\\ 175\\ 346\\ 0\\ 177\\ 51\\ 343\\ 0\\ 126\\ 247\\ 268\\ 0\\ 0\\ 46\\ 116\\ 216\\ 31\\ 273\\ 0\\ 62\\ 137\\ 38\\ 42\\ 84\\ 71\\ 0\\ 107\\ 0\\ 123\\ 43\\ 0\\ 179\\ 111\\ 139\\ 808\\ 53\\ 137\\ 193\\ 247\\ 0\\ 0\\ 111\\ 197\\ 9\\ 40\\ 0\\ 129\\ 0\\ 168\\ 516\\ 78\\ 185\\ 96\\ 122\\ 58\\ 156\\ 0\\ 127\\ 58\\ 156\\ 78\\ 185\\ 96\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 58\\ 156\\ 122\\ 126\\ 126\\ 126\\ 126\\ 126\\ 126\\ 12$
$\begin{array}{c} 194\\ 168\\ 58\\ 133\\ 249\\ 123\\ 23\\ 5\\ 33\\ 122\\ 23\\ 5\\ 83\\ 161\\ 20\\ 349\\ 160\\ 313\\ 322\\ 23\\ 5\\ 17\\ 40\\ 37\\ 6\\ 58\\ 289\\ 464\\ 12\\ 71\\ 85\\ 77\\ 116\\ 566\\ 183\\ 20\\ 176\\ 153\\ 688\\ 832\\ 156\\ 227\\ 43\\ 888\\ 125\\ 269\\ 388\\ 125\\ 65\\ 12\\ 43\\ 88\\ 125\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 11\\ 25\\ 998\\ 203\\ 10\\ 28\\ 10\\ 10\\ 28\\ 10\\ 28\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
26 4 4 0 0 7 0 3 1 1 4 1 76 1 2 7 6 8 1 8 8 1 2 1 1 1 4 5 1 5 1 5 1 2 1 6 3 3 7 4 7 3 1 7 1 1 2 3 1 7 5 1 3 0 3 1 2 1 1 6 3 3 7 4 7 3 1 7 1 1 2 3 1 7 5 1 3 0 3 1 2 1 1 6 5 3 9 1 3 1 2 5 1 5 5 1 6 3 1 3 8 7 1 4 1 9
7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 6 5 4 3 5 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 8 7
777777777777777777775666666877777777777
4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
$\begin{array}{c} 47\\ 18\\ 42\\ 12\\ 297\\ 342\\ 22\\ 52\\ 150\\ 40\\ 24\\ 80\\ 8272\\ 12\\ 10\\ 40\\ 24\\ 80\\ 8272\\ 16\\ 40\\ 29\\ 53\\ 10\\ 10\\ 52\\ 29\\ 723\\ 37\\ 68\\ 380\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 29\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 29\\ 308\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 29\\ 308\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 29\\ 308\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 29\\ 308\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 29\\ 308\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 20\\ 93\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 15\\ 20\\ 93\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 14\\ 371\\ 201\\ 306\\ 38\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106$
61 41 1 1 6 1 1 1 1 1 2 1 8 5 1 2 0 1 2 1 2 1 2 1 8 5 1 2 0 1 2 1 2 1 2 1 8 5 1 2 0 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1
-876543210123456789109876543210123456789109876543210123456789098765432101234567891987654321012345678
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
$\begin{array}{c} 300\\ 189\\ 362\\ 232\\ 92\\ 182\\ 743\\ 207\\ 871\\ 229\\ 63\\ 448\\ 170\\ 137\\ 263\\ 392\\ 178\\ 224\\ 158\\ 410\\ 137\\ 261\\ 290\\ 1392\\ 757\\ 242\\ 4136\\ 648\\ 126\\ 961\\ 305\\ 648\\ 126\\ 961\\ 375\\ 01141\\ 225\\ 1543\\ 386\\ 201\\ 141\\ 857\\ 294\\ 185\\ 271\\ 305\\ 451\\ 576\\ 421\\ 294\\ 863\\ 201\\ 141\\ 857\\ 594\\ 185\\ 271\\ 305\\ 451\\ 576\\ 421\\ 236\\ 88\\ 376\\ 376\\ 201\\ 141\\ 857\\ 594\\ 185\\ 271\\ 305\\ 141\\ 857\\ 594\\ 185\\ 271\\ 305\\ 141\\ 867\\ 294\\ 863\\ 201\\ 141\\ 857\\ 594\\ 185\\ 271\\ 305\\ 141\\ 867\\ 294\\ 863\\ 201\\ 141\\ 857\\ 594\\ 185\\ 271\\ 305\\ 141\\ 867\\ 294\\ 185\\ 271\\ 351\\ 576\\ 421\\ 236\\ 288\\ 404\\ 3376\\ 376\\ 376\\ 376\\ 376\\ 376\\ 376\\ 37$
$\begin{array}{c} 295\\ 198\\ 220\\ 100\\ 178\\ 213\\ 903\\ 251\\ 67\\ 444\\ 149\\ 235\\ 105\\ 316\\ 237\\ 244\\ 351\\ 162\\ 292\\ 94\\ 1369\\ 216\\ 292\\ 94\\ 1369\\ 216\\ 215\\ 402\\ 195\\ 61\\ 214\\ 356\\ 195\\ 214\\ 385\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 961\\ 214\\ 395\\ 247\\ 328\\ 966\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 657\\ 635\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 366\\ 666\\ 775\\ 826\\ 826\\ 826\\ 826\\ 826\\ 826\\ 826\\ 826$
10 1 9 2 5 8 1 5 3 9 3 9 1 3 10 9 3 7 2 2 6 2 3 9 6 6 3 2 1 9 9 4 6 1 3 1 2 5 2 6 10 1 1 7 8 6 5 6 6 10 4 10 2 7 7 5 2 3 7 1 17 2 8 9 7 7 4 8 10 9 7 8 6 7 3 10 8 10 1 1 7 8 6 5 6 6 10 4 10 2 7 7 5 2 3 7 1 17 2 8 9 7 7 4 8 10 9 7 8 6 7 3 10 8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10

$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

-5 -4	1 1	7 7	151 138	152 124	12 17	1 2	6 6	7 7	169 404	182 446	19 10	4 5	-7 -7	8 8	0 66	26 15	1 66
-3	1	7	229	236	8	3	6	7	146	138	14	-7	-6	8	0	5	1
-2 -1	1	7	124 246	234	7	4 5	6 6	7	295 288	297 309	10	-6 -5	-6 -6	8	247	252 23	12
0	1	7	166	159	7	6	6	7	456	447 526	19	-4	-6	8	271	272	11
2	1	7	103 94	97 99	11	7 8	ь 6	7	552 140	536 124	9 14	-3 -2	-6	8 8	83 341	82 333	30 15
3	1	7	232	222	7	9	6	7	233	196	14	-1	-6	8	111	109	23
4 5	1 1	7	301 277	310 275	7	10 11	6 6	7	188 217	146 166	15 15	0	-6 -6	8 8	321 194	298 176	8 13
6	1	7	0	19	1	-4	7	7	187	172	18	2	-6	8	76	64	34
7 8	1	7	169 0	161 40	26 1	-3 -2	7 7	7 7	0 343	1 312	1 17	3 4	-6 -6	8 8	0 97	41 132	1 26
9	1	7	53	79	52	-1	7	7	262	282	15	5	-6	8	90	124	85
10	1	7	46	6 62	46 20	0	7	7	451	442	17	6	-6 5	8	53 120	97 116	52 20
-6	2	7	49	35	48	2	7	7	271	295	11	-6	-5 -5	8	98	102	20
-5	2	7	0	39	1	3	7	7	46	54	46	-5	-5	8	7	20	6
-4 -3	2	7	52 523	39 499	9	4 5	7	7	344 123	148	10	-4 -3	-5 -5	о 8	00 153	00 137	24 13
-2	2	7	537	545	9	6	7	7	60	69	59	-2	-5	8	150	130	23
-1 0	2	7	534 50	540 68	13 31	7 8	7	7	111 28	102 49	20 28	-1 0	-5 -5	8 8	69 0	58 19	25 1
1	2	7	386	378	13	9	7	7	0	15	1	1	-5	8	0	10	1
2 3	2	7	76 283	10 294	76 6	10 -3	7 8	7	106 35	66 73	20 35	2	-5 -5	8 8	0 208	31 219	1 12
4	2	7	265	273	10	-2	8	7	26	26	25	4	-5	8	0	23	1
5 6	2	7	461 98	482 101	8 13	-1 0	8 8	7	222 166	215 155	17 16	5 6	-5 -5	8 8	59 0	56 8	59 1
7	2	7	201	196	9	1	8	7	231	280	12	7	-5	8	Ő	28	1
8 9	2	7 7	201 85	188 110	12 30	23	8 8	7 7	42 166	46 198	41 25	-7 -6	-4 -4	8 8	91 76	42 69	27 31
10	2	7	132	119	20	4	8	7	114	116	18	-5	-4	8	112	94	18
-6 5	3	7	168	159	19 17	5	8	7	135	124	16 26	-4 2	-4	8	203	204	15 15
-3 -4	3	7	401	372	19	7	8	7	90 84	62	32	-2	-4 -4	8	258	244	8
-3	3	7	199	180	10	8	8	7	43	26	43	-1	-4	8	0	50	1
-2 -1	3	7	004 0	40	10	9 10	о 8	7	91 95	59 54	33	1	-4 -4	о 8	123	65	18
0	3	7	144	142	13	-2	9	7	147	158	23	2	-4	8	159	159	15
2	3	7	375 134	395 142	14	-1	9	7	43 135	34 159	43 42	3 4	-4 -4	8 8	421 51	410 56	51
3	3	7	157	147	12	1	9	7	146	141	17	5	-4	8	241	242	12
4 5	3	7	32 140	48 141	32 9	2	9	7	0	64 6	1 1	6 7	-4 -4	8 8	258 115	255 140	12 23
6	3	7	51	58	37	4	9	7	66	81	47	8	-4	8	87	115	87
7 8	3	7	0 142	18 146	1 11	5 6	9	7	72 0	31 7	34 1	-7 -6	-3 -3	8 8	0	0 17	1 1
9	3	7	130	148	22	7	9	7	68	59	42	-5	-3	8	86	96	23
10 11	3	7	218 95	204 34	23 95	8 9	9 9	7 7	73 0	68 32	40 1	-4 -3	-3 -3	8 8	108 109	134 112	20 16
-6	4	7	76	12	62	0	10	7	0	45	1	-2	-3	8	253	245	8
-5 -4	4 4	7	128 0	94 23	23 1	1	10 10	7 7	0	31 54	1	-1 0	-3 -3	8 8	108 0	103	14
-3	4	7	128	136	21	3	10	7	57	42	57	1	-3	8	0	6	1
-2 -1	4 4	7	155 127	147 120	15 17	4	10 10	7	114 96	153 114	31 32	2	-3 -3	8	129 14	130 42	12 13
0	4	7	38	18	37	6	10	7	0	64	1	4	-3	8	50	44	50
1	4	7	50 134	55 135	50 24	7	10 10	7	45 180	29 187	44 34	5	-3 -3	8	0 13	51 34	1 12
3	4	7	499	489	11	2	11	7	0	12	1	7	-3	8	43	89	43
4	4	7	382	390	10	3	11	7	0	73	1	8	-3	8	65 52	55	65
6	4	7	117	126	12	4 5	11	7	55 85	97	33	-7 -6	-2 -2	8 8	0	9	1
7	4	7	70	63	22	6	11	7	106	129	24	-5	-2	8	128	113	15
8 9	4 4	7	300 175	350 151	ъ 11	7 -4	-9	7 8	103	125	24 25	-4 -3	-2 -2	8 8	57 95	70 73	56 14
10	4	7	183	175	15	-3	-9	8	86	85	32	-2	-2	8	61	44	26
6	4 10	7 8	80 66	82 62	80 65	-2 -3	-9 -1	8 9	74 25	29 43	36 25	-1 -3	-2 5	8 9	617 143	626 134	13 22
7	10	8	14	3	14	-2	-1	9	106	82	13	-2	5	9	91	67	39
8 4	10 11	8 8	40 0	42 45	39 1	-1 0	-1 -1	9 9	137 59	120 61	11 59	-1 0	5 5	9 9	178 164	200 203	15 15
5	11	8	Ő	32	1	1	-1	9	244	214	8	1	5	9	86	75	27
-4 -3	-8 -8	9 9	0 292	4 270	1 20	2 3	-1 -1	9 9	71 80	75 98	21 18	2 3	5 5	9 9	55 182	49 194	54 28
-2 -1 0 1 2 -5 -4 -3 -2	-8 -8 -8 -8 -7 -7 -7 -7	9 9 9 9 9 9 9 9 9	77 0 92 102 0 46 82 61 165	28 61 85 82 34 11 78 64 154	76 1 40 34 1 46 33 61 24	4 5 6 7 8 9 -6 -5 -4	-1 -1 -1 -1 -1 0 0 0	9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	280 82 53 0 75 0 166 0 144	274 118 62 19 83 25 165 29 158	9 82 52 1 74 1 16 1 14	4 5 6 7 8 9 10 -3 -2	5 5 5 5 5 5 6 6	9 9 9 9 9 9 9 9 9	57 355 0 120 0 21 40 0 0	71 361 74 108 1 36 8 6 52	56 10 1 21 21 39 1 1
---	--	---	--	---	--	--	---	---	--	--	--	--	----------------------------	---	--	---	---
-1 0 1 2 3	-7 -7 -7 -7 -7	9 9 9 9 9	27 18 0 47 65	7 6 21 52 102	27 18 1 46 65	-3 -2 -1 0 1	0 0 0 0	9 9 9 9	0 229 0 417 71	39 230 21 391 75	1 11 1 10 21	-1 0 1 2 3	6 6 6 6	9 9 9 9 9	82 161 0 233 0	94 163 42 266 2	35 15 1 22 1
4 -5 -4 -3 -2	-7 -6 -6 -6	9 9 9 9 9	124 65 166 29 302	114 26 148 39 288	23 65 15 29 11	2 3 4 5 6	0 0 0 0	9 9 9 9 9	318 448 445 281 320	315 431 440 268 334	7 8 8 7 13	4 5 6 7 8	6 6 6 6	9 9 9 9 9	303 48 81 65 0	320 70 19 105 11	10 48 34 64 1
-1 0 1 2 3	-6 -6 -6 -6	9 9 9 9	260 244 0 185 113	242 215 7 176 137	11 13 1 14 33	7 8 9 -6 -5	0 0 1 1	9 9 9 9	81 80 85 24 105	48 89 103 21 137	28 31 31 24 39	9 10 -2 -1 0	6 6 7 7 7	9 9 9 9	68 117 0 31 0	71 37 73 25 2	67 53 1 30 1
4 -6 -5 -4	-6 -6 -5 -5 -5	9 9 9 9 9	101 186 59 0 90	85 175 50 8 67	27 15 58 1 25	-4 -3 -2 -1 0	1 1 1 1	9 9 9 9	94 205 114 238 66	98 194 94 227 66	43 9 15 9 21	1 2 3 4 5	7 7 7 7 7	9 9 9 9 9	99 0 159 0 122	128 73 184 44 123	24 1 15 1 19
-3 -2 -1 0 1	-5 -5 -5 -5 -5	9 9 9 9	0 30 173 27 49	19 14 177 64 35	1 30 11 27 48	1 2 3 4 5	1 1 1 1	9 9 9 9	0 282 55 303 170	11 266 56 296 168	1 7 28 7 9	6 7 8 9 -1	7 7 7 7 8	9 9 9 9	68 55 43 63 0	38 77 52 85 31	47 55 42 63 1
2 3 4 5 6	-5 -5 -5 -5	9 9 9 9	76 77 95 35 63	79 19 79 36 81	31 53 26 34 63	6 7 8 9 -5	1 1 1 2	9 9 9 9	54 92 75 124 57	50 87 47 117 72	54 23 30 20 57	0 1 2 3 4	8 8 8 8	9 9 9 9	0 0 161 0 70	27 5 174 51 120	1 25 1 39
-6 -5 -4 -3 -2	-4 -4 -4 -4	9 9 9 9	79 190 44 280 198	67 170 58 268 200	32 13 43 10 12	-4 -3 -2 -1 0	2 2 2 2 2	9 9 9 9	151 78 299 201 69	126 86 304 217 70	18 78 12 17 40	5 6 7 8 9	8 8 8 8	9 9 9 9	122 119 79 56 222	153 109 73 54 208	19 24 38 55 25
-1 0 1 2 3	-4 -4 -4 -4	9 9 9 9	304 100 150 99 289	293 125 144 100 291	9 17 12 21 12	1 2 3 4 5	2 2 2 2 2	9 9 9 9	163 48 246 38 0	177 40 254 25 20	18 48 7 38 1	0 1 2 3 4	9 9 9 9	9 9 9 9 9	0 41 114 118 27	14 8 139 137 65	1 40 22 20 26
4 5 6 7 -6	-4 -4 -4 -3	9 9 9 9	154 184 153 42 174	164 169 137 67 164	15 31 17 42 21	6 7 8 9 10	2 2 2 2 2	9 9 9 9	104 282 84 138 190	101 279 93 137 169	23 14 27 20 17	5 6 7 8 2	9 9 9 9 10	9 9 9 9 9	144 150 104 113 93	133 180 100 102 77	26 17 26 25 50
-5 -4 -3 -2 -1	-3 -3 -3 -3 -3	9 9 9 9	72 182 0 31 159	63 183 69 26 127	71 12 1 31 15	-5 -4 -3 -2 -1	3 3 3 3 3	9 9 9 9	83 168 101 117 0	75 168 104 110 44	83 18 26 20 1	3 4 5 6 -3	10 10 10 10 -7	9 9 9 10	85 95 0 75 77	103 122 9 123 64	33 28 1 46 77
0 1 2 3 4	-3 -3 -3 -3 -3	9 9 9 9	127 203 0 86 0	126 184 21 97 68	13 9 1 38 1	0 1 2 3 4	3 3 3 3 3 3 3	9 9 9 9	193 169 214 133 0	228 184 196 128 10	13 14 12 17 1	-2 -1 0 1 2	-7 -7 -7 -7 -7	10 10 10 10 10	192 129 52 0 43	157 100 60 36 8	15 18 51 1 42
5 6 7 8 -6	-3 -3 -3 -3 -2 -2	9 9 9	04 193 0 0 26	62 176 46 5 37 5	40 20 1 1 25 1	5 6 7 8 9	ວ ເວິດ ເວິດ ເດິດ ເ	9 9 9 9 9	97 38 158 0 0	30 151 20 11	13 38 10 1 1	-4 -3 -2 -1 0 1	-0 -6 -6 -6 -6	10 10 10 10 10	203 0 202 73 78	223 32 26 205 68 19	12 1 12 29 77
-4 -3 -2 -1	-2 -2 -2 -2 -2	9 9 9 9 9	186 73 7 175 279	173 81 74 145 244	12 27 6 9	-4 -3 -2 -1	5 4 4 4 4	9 9 9 9	59 0 44 57 63	95 26 11 58	59 1 43 57 62	2 3 4 -5	-6 -6 -5	10 10 10 10 10	140 94 0 46	130 101 37 7 54	19 29 1 46 27
1 2	-2 -2	9 9	0 152	5 133	1 10	1 2	4 4	9 9	215 102	219 82	12 23	-3 -2	-5 -5	10 10 10	0 92	24 86	27 1 26

3 4 5 6 7	-2 -2 -2 -2	9 9 9 9	132 264 72 205	125 263 71 215	11 10 33 12 32	3 4 5 6 7	4 4 4 4	9 9 9 9 0	137 288 110 290	149 290 98 263	17 11 20 23 16	-1 0 1 2 3	-5 -5 -5 -5	10 10 10 10	33 0 0 73 72	45 5 63 46	33 1 1 43
8 -6 -5 -4	-2 -1 -1 -1	9 9 9 9	331 8 79 80	341 18 79 113	35 8 50 26	8 9 10 -4 7	4 4 5	9 9 9 9	296 55 239 112	289 7 208 98	8 54 16 29	4 5 -5 -4	-5 -5 -4 -4	10 10 10 10 10	35 124 0 82	3 145 66 64	34 21 1 29
0 1 2 3 4	-4 -4 -4 -4	11 11 11 11 11	130 0 76 289	113 24 77 279	17 15 1 49 12	8 -3 -2 -1	0 1 1 1	11 11 11 11 11	09 0 116 0 33	24 2 119 45 13	30 1 25 1 32	1 2 3 4 5	5 5 5 5 5 5 5 5	11 11 11 11 11	43 100 63 0 145	113 86 16 139	44 26 63 1 19
5 -4 -3 -2 -1	-4 -3 -3 -3 -3	11 11 11 11 11	219 0 117 209 26	192 38 123 157 19	24 1 19 12 25	0 1 2 3 4	1 1 1 1	11 11 11 11 11	114 86 101 60	8 139 83 96 61	23 33 27 31	6 7 8 -1 0	5 5 6 6	11 11 11 11 11	37 0 32 31	36 22 51 78 45	36 1 31 30
0 1 2 3 4	-3 -3 -3 -3 -3	11 11 11 11 11	61 71 34 9 35	63 28 53 53 29	42 38 34 9 35	5 6 7 8 -3	1 1 1 2	11 11 11 11 11	0 34 0 8 125	30 27 29 30 116	33 1 8 33	1 2 3 4 5	6 6 6 6	11 11 11 11 11	51 0 21 150	65 33 27 167	50 1 21 18
5 -4 -3 -2	-3 -3 -2 -2 -2	11 11 11 11 11	0 22 0 59 91	14 50 56 105	21 1 58 23	-2 -1 0 1 2	2 2 2 2 2	11 11 11 11 11	37 112 120 81 99	51 110 118 80 124	36 24 21 80 62	6 7 8 1 2	6 6 7 7	11 11 11 11 11	223 61 159 92 0	260 69 169 95 76	16 60 33 33 1
-1 0 1 2 3	-2 -2 -2 -2 -2	11 11 11 11 11 11	107 146 35 289 246	57 72 140 42 267 235	27 36 18 35 14 11	3 4 5 6 7 8	2 2 2 2 2 2	11 11 11 11 11 11	82 233 150 92 176	14 248 167 87 187	35 20 18 34 30 1	3 4 5 6 7 2	7 7 7 7 7 8	11 11 11 11 11 11	120 59 94 42 114 123	103 141 64 107	50 59 30 41 26 33
5 6 7 -4	-2 -2 -2 -2 -1 -1	11 11 11 11 11 11	240 343 240 75 191 218	233 323 242 69 247 208	11 12 75 23 35	-3 -2 -1 0 1	2 3 3 3 3 3	11 11 11 11 11 11	188 221 168 123 25	167 184 174 116 76	17 29 18 40 24	2 3 4 5 6 -1	8 8 8 8 -4	11 11 11 11 11 12	0 0 67 63 37	30 67 81 37 40	53 1 58 63 37
-2 -1 0 1 2	-1 -1 -1 -1 -1	11 11 11 11 11 11	284 79 0 39 201	286 65 17 34 173	42 24 1 39 9	2 3 4 5 6	3 3 3 3 3 3	11 11 11 11 11 11	146 45 141 0 24	139 108 147 8 61	46 45 19 1 24	0 1 2 3 -2	-4 -4 -4 -4 -3	12 12 12 12 12 12	128 37 323 242 24	104 52 280 219 55	32 36 15 14 23
3 4 5 6 7	-1 -1 -1 -1 -1	11 11 11 11 11	73 264 140 87 87	59 251 123 71 78	24 12 24 26 29	7 8 -2 -1 0	3 3 4 4 4	11 11 11 11 11	66 0 92 59 61	85 31 56 87 75	66 1 36 59 61	-1 0 1 2 3	-3 -3 -3 -3 -3	12 12 12 12 12 12	0 18 0 37 178	40 30 5 31 163	1 17 1 36 15
-4 -3 -2 -1 0	0 0 0 0	11 11 11 11 11	98 46 116 175 132	111 90 134 172 156	46 45 24 25 24	1 2 3 4 5	4 4 4 4 4	11 11 11 11 11	68 88 38 127 131	97 89 35 133 140	50 32 37 36 20	4 -2 -1 0 1	-3 -2 -2 -2 -2	12 12 12 12 12	76 0 10 78 156	19 51 31 45 124	38 1 10 28 12
1 2 3 4 5	0 0 0 0	11 11 11 11 11	0 0 185 136 0	17 15 181 131 37	1 1 10 11 1	6 7 8 -2 -1	4 4 5 5	11 11 11 11 11	94 0 181 67	120 6 34 195 32	32 1 1 26 67	2 3 4 5 -2	-2 -2 -2 -2 -1	12 12 12 12 12	66 249 0 238 122	73 230 26 220 119	37 12 1 21 33
6 0 1 2 3	0 -8 -8 -8 -8	11 1 1 1 1	126 91 419 0 9	133 97 405 7 69	21 15 8 1 9	0 -4 -3 -2 -1	5 -3 -3 -3 -3	11 1 1 1 1	0 135 102 61 41	45 125 116 77 23	1 8 9 15 19	-1	-1	12	37	45	36
4 5 6 -10 -9	-8 -8 -8 -7 -7	1 1 1 1	35 165 79 0 126	16 172 38 28 125	34 19 35 1 18	0 1 2 3 4	-3 -3 -3 -3 -3	1 1 1 1	39 108 56 466 430	57 83 63 456 409	20 11 19 10 10						
-8 -7 -6 -5 -4	-7 -7 -7 -7 -7	1 1 1 1	37 60 24 37 226	5 3 7 24 238	37 59 24 37 7	5 6 7 8 9	-3 -3 -3 -3 -3	1 1 1 1	12 112 105 96 122	55 128 141 104 119	11 23 20 23 19						
-3 -2	-7 -7	1 1	0 202	15 205	1 7	-11 -10	-2 -2	1 1	92 87	98 48	29 27						

-1	-7	1	199	188	18	-9	-2	1	93	128	23
0	-7	1	120	100	10	-8	-2	1	295	275	8
2	-/ -7	1	07 38	00 25	20 37	-7 -6	-2 -2	1	417	426	0 18
3	-7	1	0	51	1	-5	-2	1	267	263	6
4	-7	1	168	153	13	-4	-2	1	694	685	12
5	-7	1	119	133	43	-3	-2	1	510	560	9
6	-7	1	49	42	48	-2	-2	1	339	355	7
/ _11	-7	1	105	109	25 21	-1	-2	1	1294 521	1323 547	19
-10	-0 -6	1	94	107	28	1	-2	1	1517	1433	36
-9	-6	1	208	240	12	2	-2	1	235	227	21
-8	-6	1	276	272	10	3	-2	1	720	673	18
-7	-6	1	345	356	9	4	-2	1	213	214	8
-6 -5	-6 -6	1	65 345	44 364	40 8	5	-2	1	49 315	20	48
-4	-6	1	405	418	13	7	-2	1	364	385	10
-3	-6	1	186	191	9	8	-2	1	344	358	10
-2	-6	1	632	618	10	9	-2	1	0	54	1
-1	-6	1	389	382	12	10	-2	1	128	124	20
1	-0 -6	1	55	15	22	-10	-1	1	227 165	217	14
2	-6	1	40	51	40	-8	-1	1	451	439	8
3	-6	1	79	84	18	-7	-1	1	95	82	15
4	-6	1	212	226	15	-6	-1	1	171	146	8
5	-6	1	302	316	18	-5	-1	1	457	467	8
ю 7	-0 -6	1	152 74	168	15 36	-4 -3	-1 -1	1	45Z 671	448 657	10
8	-6	1	126	117	21	-2	-1	1	274	271	6
-11	-5	1	150	164	21	-1	-1	1	87	77	5
-10	-5	1	16	27	15	0	-1	1	144	153	3
-9	-5 5	1	279	280	11	1	-1	1	290	2/4	6 20
-0 -7	-5 -5	1	54	40 65	53	2	-1	1	58 58	30 70	26
-6	-5	1	208	197	10	4	-1	1	106	92	7
-5	-5	1	107	104	14	5	-1	1	121	115	14
-4	-5	1	92	80	35	6	-1	1	251	224	7
-3	-5 -5	1	57 270	300	15	/ 8	-1	1	258 116	245 104	25
-1	-5	1	226	226	7	9	-1	1	91	76	29
0	-5	1	213	205	6	10	-1	1	175	157	21
1	-5	1	509	525	8	-10	0	1	80	102	59
2	-5	1	0	25	1	-9	0	1	131	153	13
3 ⊿	-5 -5	1	320 156	320 164	12	-0 -7	0	1	305	121 310	14
5	-5	1	300	327	10	-6	0	1	50	19	38
6	-5	1	476	516	11	-5	0	1	167	159	19
7	-5	1	61	104	60	-4	0	1	35	46	34
8	-5 1	1	112	22	1	-3	0	1	232	209	5 10
-10	-4 -4	1	102	43 67	22	-2 -1	0	1	56	43	6
-9	-4	1	156	152	14	0	Ō	1	592	585	9
-8	-4	1	161	177	13	1	0	1	15	12	14
-7	-4	1	236	201	20	2	0	1	319	300	6
-0 -5	-4 -4	1	440 123	453 114	9 11	3 4	0	1	254 269	230	ว 8
-4	-4	1	152	132	8	5	Ő	1	1193	1131	17
-3	-4	1	432	422	8	6	0	1	666	626	12
-2	-4	1	17	75	17	7	0	1	118	88	15
-1	-4	1	1034	1039	15	8	0	1	667	648	11
1	-4 -4	1	210 96	81	9 9	9 10	0	1	92	00 98	28
2	-4	1	978	977	14	-10	1	1	55	45	54
3	-4	1	638	635	16	-9	1	1	79	132	78
4	-4	1	274	251	9	-8	1	1	96	108	16
5	-4 -4	1	299	284	13 10	-/	1	1	200	178	9
7	-4	1	277	320	11	-0 -5	1	1	59	54	9 23
8	-4	1	174	179	14	-4	1	1	173	161	7
9	-4	1	0	27	1	-3	1	1	16	51	16
-11	-3	1	0	30	1	-2	1	1	213	215	5
-10 _0	-3 _2	1 1	159	123	15 14	-1 0	1 1	1 1	221 0	∠15 10	4
-8	-3	1	52	56	51	1	1	1	54	54	5
-7	-3	1	253	247	11	2	1	1	142	138	6
-6	-3	1	222	213	9	3	1	1	36	24	35
-5	-3	1	563	590	10	4	1	1	241	207	6

-6	-6	2	25	30	24	9	-2	2	222	236	23
-5 -4	-6 -6	2	486 592	516 609	10 11	10 -10	-2 -1	2	0 56	4 57	1 56
-3	-6	2	222	225	8	-9	-1	2	0	67	1
-2	-6	2	565	590	9	-8	-1	2	116	114	21
-1	-6 6	2	258	252	9 10	-/	-1	2	326	318	14
1	-0 -6	2	403 95	24	20	-0 -5	-1	2	324	334	7
2	-6	2	165	152	11	-4	-1	2	0	35	1
3	-6	2	165	160	17	-3	-1	2	161	141	7
4	-6	2	299	313	10	-2	-1 1	2	585	597	10
6	-0 -6	2	122	124	18	0	-1	2	107	115	8
7	-6	2	60	83	59	1	-1	2	201	201	10
8	-6	2	0	_3	1	2	-1	2	267	265	9
-10 _0	-5 -5	2	75 38	75 51	35 37	3 ⊿	-1 -1	2	213	211	19 25
-8	-5	2	204	193	22	5	-1	2	165	146	22
-7	-5	2	0	39	1	6	-1	2	0	57	1
-6	-5	2	97	98	17	7	-1	2	124	129	10
-5 -4	-5 -5	2	174	123	9	8 9	-1 -1	2	132	139	24 69
-3	-5	2	119	96	10	10	-1	2	148	168	32
-2	-5	2	112	115	10	-10	0	2	0	25	1
-1	-5 -5	2	48	12 150	26 7	-9 -8	0	2	234	228	22
1	-5	2	114	118	8	-0 -7	0	2	324	346	8
2	-5	2	51	70	51	-6	0	2	152	166	11
3	-5	2	240	215	10	-5	0	2	617	599	11
4 5	-ə -5	2	33 0	54	32 1	-4 -3	0	2	975 528	945 497	14
6	-5	2	103	125	20	-2	Ő	2	427	433	7
7	-5	2	30	9	29	-1	0	2	743	745	11
8 -10	-5 -4	2	0 279	57 282	1 14	0	0	2	704 376	722	10
-9	-4	2	86	66	26	2	0	2	866	814	16
-8	-4	2	285	291	10	3	0	2	195	167	19
-7	-4 -4	2	81 276	79 265	23	4	0	2	152	143	6 14
-0 -5	-4	2	125	119	12	6	0	2	285	296	7
-4	-4	2	417	454	8	7	0	2	252	230	7
-3	-4	2	304	324	7	8	0	2	155	145	10
-2 -1	-4 -4	2	171	163	7	9 10	0	2	45	48	24 45
0	-4	2	415	411	7	11	0	2	132	124	20
1	-4	2	921	896	14	-10	1	2	0	94	1
2	-4 -4	2	169	1/4 7	35	-9 -8	1 1	2	53 198	25 184	52 11
4	-4	2	290	265	33	-7	1	2	192	172	16
5	-4	2	58	5	58	-6	1	2	0	10	1
6	-4	2	0	27	1	-5	1	2	447	432	9
8	-4 -4	2	220 95	130	39	-4 -3	1	2	219	422	6
9	-4	2	139	122	18	-2	1	2	564	569	8
-10	-3	2	0	15	1	-1	1	2	84	86	7
-9 -8	-3 -3	2	80 65	80 23	25 37	1	1	2	180	182	о 6
-7	-3	2	241	254	10	2	1	2	144	139	9
-6	-3	2	112	103	20	3	1	2	234	239	7
-5 -4	-3	2	514	545 28	10	4	1	2	363	345 161	13
-4	-3	2	590	639	11	6	1	2	354	366	7
-2	-3	2	180	177	7	7	1	2	178	174	10
-1	-3	2	303	306	6	8	1	2	241	242	8
1	-3 -3	2	54	57	13	9 10	1	2	168	203	15
2	-3	2	232	239	7	11	1	2	27	53	27
3	-3	2	396	386	9	-9	2	2	158	188	16
4 5	-3 -3	2	347 51	370 46	15 51	-ŏ -7	2	2	228	93 220	10
6	-3	2	190	191	21	-6	2	2	0	69	1
7	-3	2	79	81	27	-5	2	2	232	209	8
8 Q	-3 _3	2	292 113	287 133	21 28	-4 -3	2	2	278 187	261 170	7 6
-10	-2	2	0	26	1	-2	2	2	317	351	6
-9	-2	2	115	111	19	-1	2	2	321	315	6
-8	-2	2	205	210	11	0	2	2	542	541	11

-7 6	-2	2	222	217	8	1	2	2	28	34	28
-0 -5	-2 -2	2	340	338	8	2	2	2	1047	1073	0 15
-4 -3	-2 -2	2	737 244	757 260	13 7	4 5	2	2	395 255	363 246	7 9
-2	-2	2	289	308	7	6	2	2	101	95	12
-1 0	-2 -2	2	55 637	54 653	20 9	7 8	2	2	661 212	653 202	10 8
1	-2	2	871	864	16	9	2	2	195	195	12
2 3	-2 -2	2 2	477 432	434 436	20 9	10 11	2 2	2 2	162 107	171 149	19 34
4	-2	2	269	265	8	-9	3	2	0	17	1
5 6	-2 -2	2	823 283	769 269	9	-8 -7	3	2	20 42	25 75	20 42
7	-2	2	508	497 177	11 15	-6 5	3	2	219	218	9
-4	-4	3	47	10	47	-5	0	3	151	151	9
-3 -2	-4 -4	3	0 520	29 568	1 8	8 9	0	3	276 252	265 262	14 35
-1	-4	3	236	266	7	10	Ő	3	103	93	25
0 1	-4 -4	3 3	320 130	342 114	6 21	11 -9	0 1	3 3	96 13	123 65	53 13
2	-4	3	618	601	12	-8	1	3	259	266	14
3 4	-4 -4	3	121 193	131 172	13 10	-7 -6	1	3 3	292 120	246 131	8 13
5	-4	3	108	69	16	-5	1	3	63	73	24
7	-4 -4	3	0	4	1	-4 -3	1	3	27	58	26
8 9	-4 -4	3 3	63 113	57 110	43 21	-2 -1	1 1	3	21 16	32 18	21 16
-10	-3	3	216	221	14	0	1	3	100	89	7
-9 -8	-3 -3	3 3	233 0	220 71	12 1	1 2	1 1	3 3	361 111	383 108	6 15
-7	-3	3	233	238	12	3	1	3	121	124	7
-0 -5	-3 -3	3	98 529	92 547	10	4 5	1	3 3	469 207	497 202	o 6
-4 -3	-3 -3	3	191 179	182 183	8 8	6 7	1 1	3	353 97	358 81	9 13
-2	-3	3	335	363	7	8	1	3	262	260	8
-1 0	-3 -3	3 3	52 465	39 479	16 7	9 10	1 1	3 3	227 26	207 28	26 25
1	-3	3	98	91	8	11	1	3	33	17	33
2	-3 -3	3	380 121	397 135	10	-9 -8	2	3	95 72	63 63	42 30
4	-3	3	61 75	65 42	28 22	-7 -6	2	3	280 125	276	10 13
6	-3	3	62	78	41	-5	2	3	183	162	15
7 8	-3 -3	3 3	0 337	60 358	1 11	-4 -3	2 2	3 3	755 137	713 134	11 8
9	-3	3	20	2	20	-2	2	3	973	916	14
-10 -9	-2 -2	3 3	96 0	100 14	26 1	-1 0	2 2	3 3	353 67	360 18	6 16
-8	-2	3	354	328	10	1	2	3	24	7	24
-7 -6	-2 -2	3	122	120	49 14	2	2	3	303	332	5
-5 -4	-2 -2	3	59 217	50 220	31 8	4	2	3	353 91	338 84	10 11
-3	-2	3	75	99	14	6	2	3	132	107	9
-2 -1	-2 -2	3 3	124 1265	126 1282	9 18	7 8	2 2	3 3	345 90	352 82	7 17
0	-2	3	556	578	10	9	2	3	166	133	10
1 2	-2 -2	3	1202 134	1195 121	18 10	10 11	2	3	136 130	178 144	19 21
3	-2	3	360	320	8	-8 7	3	3	74 150	36	39
4 5	-2 -2	3	783	500 792	15	-7 -6	3	3	165	142	10
6 7	-2 -2	3 3	269 235	261 244	14 11	-5 -4	3	3 3	66 ⊿7	63 23	28 ⊿7
8	-2	3	120	155	33	-3	3	3	549	524	9
9 10	-2 -2	3 3	89 158	132 185	39 39	-2 -1	3 3	3 3	380 233	378 225	10 6
-10	-1	3	80	53	54	0	3	3	154	110	13
-9 -8	-1 -1	3 3	35 123	65 146	35 17	1 2	3 3	3 3	443 517	473 536	9 16
-7	-1	3	85	68	19	3	3	3	146	143	6
-ю -5	-1 -1	ა 3	42	35	42	4 5	ა 3	ა 3	152	151 1	ر 17

-4	-1 1	3	415	421	7	6	3	3	42 45	2	41
-2	-1	3	488	491	7	8	3	3	230	210	43
-1 0	-1 -1	3	0 58	36 72	1 26	9 10	3	3	39 67	52 82	39 30
1	-1	3	47	27	21	11	3	3	0	28	1
2	-1 1	3	303	320	13	-8 7	4	3	137	88 179	19
4	-1	3	247 542	239 531	9 11	-6	4	3	214 96	99	19
5	-1	3	47	40	47	-5	4	3	185	172	10
6 7	-1 -1	3 3	207 312	313	10	-4 -3	4	3 3	147	142	10
8	-1	3	106	111	21	-2	4	3	261	248	10
9 10	-1 -1	3 3	0	35 47	1	-1 0	4 4	3	189 388	180 397	6 9
-10	0	3	64	90	64	1	4	3	434	456	9
-9 -8	0	3	178 299	144 315	13 10	2	4 4	3	786 199	790 183	24 13
-7	0	3	413	405	8	4	4	3	679	661	10
-6 -5	0	3	252 417	233 413	9 8	5 6	4	3	832 359	832 342	12 7
-4	0	3	174	165	7	7	4	3	485	493	19
-3 -2	0	3	36 384	35 386	36 6	8 9	4 4	3	126 422	102 423	13 8
-1	Ő	3	1379	1345	20	10	4	3	153	136	19
0 1	0	3	493 276	501 295	7 5	11 -7	4 5	3 3	171 176	170 181	14 19
2	0	3	645	634	9	-6	5	3	61	93	39
3 4	0	3	206 912	228 868	12 14	-5 -4	5 5	3	189 50	157 59	13 50
5	0	3	139	130	10	-3	5	3	153	150	10
6 -6	0 -1	3	240 232	228 227	14 19	-2 5	5 3	3 4	711 171	701 160	11 7
-5	-1	4	148	145	13	6	3	4	279	285	7
-4 -3	-1 -1	4 4	251 305	258 307	8 6	7 8	3	4 4	0 121	29 130	1 13
-2	-1	4	83	77	9	9	3	4	243	199	9
-1 0	-1 -1	4 4	17 433	1 416	16 14	10 11	3	4 4	0 133	9 126	1 20
1	-1	4	277	300	10	-8	4	4	140	106	36
2	-1 -1	4	59 343	64 328	15 14	-7 -6	4	4 4	84 61	46 58	25 40
4	-1	4	183	173	9	-5	4	4	159	152	13
5 6	-1 -1	4	239 357	242 369	10	-4 -3	4	4 4	17	60 146	17
7	-1	4	81	55	27	-2	4	4	520	490	8
8 9	-1 -1	4	394 41	430 31	41	-1	4	4 4	184 358	357	15
10	-1	4	208	201	40	1	4	4	205	213	12
-9 -8	0	4	279	62 267	23 11	2	4	4 4	299	322	9 13
-7	0	4	85	31	19	4	4	4	171	168	8
-6 -5	0	4	72	73	9 20	5 6	4	4 4	328 401	358 392	10
-4	0	4	165	163	8	7	4	4	269	266	8
-3 -2	0	4 4	437 224	425 214	6	8 9	4 4	4 4	349 415	336 411	8 8
-1	0	4	1727	1676	25	10	4	4	93	93	21
1	0	4 4	976 2322	973 2281	14 34	11 -7	4 5	4 4	205 185	182 164	19 17
2	0	4	554	572	8	-6	5	4	0	13	1
3 4	0	4	748 691	768 672	10	-5 -4	5 5	4 4	183	8 168	9
5	0	4	237	196	18	-3	5	4	168	162	9
6 7	0	4 4	41 282	67 278	40 19	-2 -1	5 5	4 4	18 210	44 204	18
8	0	4	446	460	11	0	5	4	39	23	38
9 10	0	4	149	170	20 16	2	5 5	4 4	230 0	227	9 1
11	0	4	87	54	33	3	5	4	291	321	13
-9 -8	1	4 4	84 113	84 116	აა 20	4 5	ว 5	4 4	71 51	60 22	15 50
-7	1	4	129	161	17	6	5	4	62	33	26
-ю -5	1 1	4 4	0	158	10	7 8	5 5	4 4	0 131	132	1 13
-4	1	4	50	63	38	9	5	4	31	37	31
-3	1	4	181	166	(10	5	4	0	15	1

-2 -1	1 1	4 ⊿	577 218	580 218	9 7	11 -6	5 6	4 ⊿	111 7	103 20	22
0	1	4	510	521	8	-0 -5	6	4	98	29 73	21
1	1	4	457	464	7	-4	6	4	268	256	13
2	1	4	391	405	6	-3	6	4	161	152	14
3 4	1	4	258	276	6	-2 -1	о 6	4	90 521	526	10 8
5	1	4	372	373	7	0	6	4	46	14	45
6	1	4	118	100	10	1	6	4	24	26	24
7	1	4	18	33	18	2	6	4	324 570	311 574	14
9	1	4	143	156	18	4	6	4	192	178	9
10	1	4	39	71	38	5	6	4	367	372	7
11	1	4	24	1	24	6	6	4	470	453	8
-9 -8	2	4	171	9 160	17	/ 8	о 6	4	492 603	492 587	10
-7	2	4	42	65	42	9	6	4	248	223	10
-6	2	4	367	360	8	10	6	4	144	137	16
-5 -4	2	4	50 16	96 58	49 16	-6	6 7	4	88 51	99 51	30 51
-3	2	4	256	245	7	-5	7	4	138	125	25
-2	2	4	438	464	7	-4	7	4	285	244	13
-1	2	4 4	330 527	325 537	9 11	-3 -2	7	4 4	0 124	41 103	20
1	2	4	021	9	1	-1	7	4	230	226	22
2	2	4	825	852	12	0	7	4	373	382	10
3 ⊿	2	4	/41 /63	743 448	11 7	1	7	4	184 166	180 157	11
5	2	4	352	356	6	3	7	4	78	105	25
6	2	4	571	551	9	4	7	4	54	36	54
7 8	2	4	29 57	48 72	28 32	5	7	4	473	480	9 12
9	2	4	17	7	17	7	7	4	230	109	13
10	2	4	0	18	1	8	7	4	195	179	10
11	2	4	0	28	20	9	7	4	65	23	33
-0 -7	3	4	203	213	29 11	11	7	4	90 27	79	25
-6	3	4	295	256	9	-5	8	4	89	1	89
-5 4	3	4	319	305	10	-4	8	4	0	28	12
-4	3	4	235	213	7	-2	8	4	17	69	17
-2	3	4	413	425	7	-1	8	4	0	22	1
-1	3	4	533	518 30	8 18	0	8	4	285	300	11
1	3	4	0	19	10	2	8	4	345	345	10
2	3	4	439	459	12	3	8	4	126	136	16
3 4	3	4	153 175	163 152	6 12	4	8	4 4	188 134	183 106	10
8	2	5	140	133	11	8	7	5	16	63	15
9	2	5	71	75	39	9	7	5	17	66	16
10 11	2	5	262 135	280 150	12 21	10 11	7	5	69 0	49 55	46
-8	3	5	121	84	21	-4	8	5	105	102	46
-7	3	5	61	58	60	-3	8	5	113	91	26
-6 -5	3	5	282 184	271 164	9 12	-2 -1	8	5	187 101	172 121	15 26
-4	3	5	0	68	1	0	8	5	94	92	26
-3	3	5	64	62	26	1	8	5	263	283	11
-2 1	3	5	131	115	9 11	2	8	5	394 258	392	11
0	3	5	204	193	9	4	8	5	265	282	11
1	3	5	145	149	10	5	8	5	0	15	1
2	3	5	340	343	8	6	8	5	546	519	9 42
3 4	3	5	o∠ 86	94 76	9 10	8	о 8	5	42 270	230	42
5	3	5	223	218	9	9	8	5	63	79	41
6	3	5	82	82	16	10	8	5	250	216	12
7 8	ა ვ	ว 5	103	105	15	-3 -2	9	ว 5	135 143	124 130	23 20
9	3	5	0	50	1	-1	9	5	294	296	13
10	3	5	161	162	21	0	9	5	52	73	51
-7	3 4	э 5	93	ठ 84	۱ 24	י 2	9	ว 5	105	143 109	טו 21
-6	4	5	0	20	1	3	9	5	197	224	12
-5	4	5	40	18	39	4	9	5	62	78	43
-4 -3	4 4	э 5	289	269	10	с 6	9	э 5	01∠ 0	231	19

-2 -10123456789011-76	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 5 5	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	276 82 157 155 524 387 365 131 238 213 104 46 0 228 217	253 58 164 151 162 533 390 364 99 206 215 97 27 6 208 208	15 23 21 10 10 11 15 11 13 17 9 17 46 1 26 12	7 8 9 10 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	9 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	81 40 68 59 22 0 0 139 104 190 129 73 34 105 23 125	66 13 15 21 29 38 25 165 103 229 137 46 38 101 45 48	522 400 477 599 211 19 500 177 177 333 34 46 233
-54 -2 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 1	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	6 6 6 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	200 202 329 305 88 0 80 152 133 245 0 251 140 101 67 42	169 189 303 300 86 5 95 191 127 246 18 244 133 102 58 48 20	10 13 9 7 24 1 41 16 12 15 1 7 11 6 31 41	0 1 2 3 4 5 6 7 8 2 3 4 5 6 7 -3 2	11 11 11 11 11 11 11 11 11 12 12 12 12 1	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6 6	96 64 0 0 74 86 65 168 39 141 0 51 56 176 0 0	105 9 37 26 55 14 60 16 135 34 156 86 67 12 140 22 5	35 64 1 36 56 26 39 44 1 51 55 25 1
-6-5-4-3-2-10123456789011-5	666666666666666667	6 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	0 57 19 226 128 195 239 332 182 139 185 332 59 564 387 185 31 185 31	54 26 52 226 130 184 206 332 164 145 197 334 46 536 359 170 85 165 35	1 56 19 13 19 13 10 9 13 12 11 7 31 9 10 11 30 4 1	-5-4-3-2-10127-6-5-4-3-2-10123	-10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	105 0 216 163 222 0 256 0 41 70 56 0 0 41 115 92 37 71 71	120 25 224 146 229 29 225 42 20 68 25 16 43 39 92 72 71 55 8	244 1 177 133 177 1 288 1 1 288 1 410 566 1 1 400 144 307 3740 340
-5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 1 2 3 4 5 6	7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 8 8 8 8 8 8	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6	$\begin{array}{c} 0\\ 93\\ 67\\ 59\\ 0\\ 425\\ 252\\ 148\\ 101\\ 0\\ 230\\ 0\\ 144\\ 174\\ 161\\ 53\\ 0\\ 263\\ 247\\ \end{array}$	35 55 84 10 425 251 149 117 7 221 15 144 173 156 59 36 251 260	1 44 67 58 10 11 13 19 1 7 11 13 14 53 10 11	3 4 7 - 6 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 0 1 2 3 4 5	-9 -9 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6	66666666666777777	85 0 150 81 0 237 0 282 243 147 0 135 151 76 421 97 60 215 0	58 59 149 97 7 235 295 232 161 53 123 154 86 431 118 91 222 3	34 1 16 37 1 11 11 10 8 11 11 18 17 21 8 23 59 13 1
7 9 10 -3 -2 -1	8 8 8 9 9 9	6 6 6 6 6 6	192 95 48 322 0 120 159	174 106 33 280 16 138 145	21 34 48 9 1 26 18	6 -8 -7 -6 -5 -4 -3	-6 -5 -5 -5 -5 -5 -5	7 7 7 7 7 7 7	69 58 147 159 61 0 0	90 49 152 154 78 14 31	51 58 15 13 40 1

-3 -2	-6 -6	7 7	216 0	226 29	17 1	6 7	-1 -1	7 7	158 94	179 102	13 23
-1	-6	7	146	154	11	8	-1	7	47	72	46
1	-2 -2	8	414 228	404 213	8 8	8	3	8 8	0	9 37	1
2	-2	8	480	474	8	9	3	8	100	76	24
3 4	-2 -2	о 8	222 520	230 526	0 11	-5	3 4	о 8	109	90 99	44 30
5	-2	8	173	152	32	-4	4	8	44	19	43
6 7	-2 -2	8 8	263 49	19	11 48	-3 -2	4 4	8 8	73 70	92 59	45 43
8	-2	8	116	115	24	-1	4	8	238	246	12
9 -7	-2 -1	8	185	87 190	39 14	1	4 4	8 8	293 301	305 296	20
-6	-1	8	43	82	43	2	4	8	284	264	11
-ə -4	-1 -1	8	108	126	41 15	3 4	4 4	8 8	363 212	369 204	10
-3	-1 1	8	235	248	8	5	4	8	251	254	7
-2 -1	-1 -1	8 8	285	279	24 11	7	4	8 8	105	415 97	0 14
0 1	-1 -1	8	239 113	227 03	7 20	8 9	4	8	70 35	53 22	25 34
2	-1	8	213	204	8	10	4	8	20	48	20
3 4	-1 -1	8 8	142 75	155 94	16 40	-5 -4	5 5	8 8	113 0	98 37	31 1
5	-1	8	280	267	10	-3	5	8	202	208	32
6 7	-1 -1	8 8	153 126	168 140	13 18	-2 -1	5 5	8 8	15 349	38 335	15 11
8	-1	8	56	50	56	0	5	8	125	125	67
9 -7	-1 0	8 8	253 0	278 43	25 1	1 2	5 5	8 8	112 99	101 121	19 22
-6	0	8	167	166	14	3	5	8	178	193	12
-5 -4	0	о 8	215	92 211	21	4 5	5 5	о 8	116	154	18
-3	0	8	106	104	15	6	5	8	255	277	14
-2 -1	0	8	200	18	21	8	5	8	176	176	10
0 1	0	8 8	97 106	103 114	21 19	9 10	5 5	8 8	0 79	20 82	1 78
2	0	8	396	372	7	-4	6	8	0	19	1
3 4	0 0	8 8	159 381	146 377	8 7	-3 -2	6 6	8 8	81 0	101 1	46 1
5	0	8	377	377	8	-1	6	8	87	89	39
6 7	0	8	58 173	95 184	57 22	1	ь 6	8 8	156 0	33	15
8	0	8	12 74	47 71	11 20	2	6	8	87	76	71
10	0	8	13	26	12	4	6	8	76	85	31
-7 -6	1	8	154 0	166 36	24 1	5	6	8	73 182	81 196	35 15
-5	1	8	0	13	1	7	6	8	478	468	12
-4 -3	1 1	8 8	257 492	244 457	17 9	8 9	6 6	8 8	40 193	72 184	40 15
-2	1	8	411	415	8	10	6	8	40	61	39
0	1	8	202 95	98	7 12	-3 -2	7	8 8	85	37	24 39
1	1	8	137	136	9	-1	7	8	114	111	24
2	1	8 8	43 199	193	42 7	1	7	8 8	0	14	10
4 5	1 1	8	234 224	224 220	7 10	2	7 7	8	0	2 13	1
6	1	8	174	172	9	4	7	8	252	262	11
7 8	1 1	8 8	219 182	219 167	16 13	5 6	7	8 8	0 283	20 286	1 12
9	1	8	182	180	29	7	7	8	0	48	1
10 -6	1 2	8 8	0 111	39 104	1 39	8 9	7 7	8 8	156 13	178 47	18 13
-5	2	8	0	56	1	10	7	8	173	128	18
-4 -3	∠ 2	8 8	0 54	36	45	-2 -1	8 8	8 8	126 0	34	50 1
-2	2	8 2	203	193 77	8 19	0	8 8	8 8	46 200	38 261	46
0	2	8	92	87	11	2	8	8	122	132	18
1 2	2 2	8 8	236 415	233 417	10 7	3 4	8 8	8 8	193 105	238 102	22 22
3	2	8	149	148	17	5	8	8	260	278	38
4	2	8	389	387	7	6	8	8	47	72	47

5 6	2 2	8 8	505 290	497 284	9 7	7 8	8 8	8 8	172 91	183 86	17 30
7 8	2	8 8	246 0	236 53	8 1	9 -1	8 9	8 8	132 112	142 112	21 30
9	2	8	222	207	30	0	9	8	222	239	45
-6	2 3	8	70	158 66	69	2	9	8 8	57 173	99 218	57 18
-5	3	8	0	48	1	3	9	8	80	94	31
-4 2	3	8	0	2 57	1	4	9	8	74 146	84 179	39
-3 -2	3	8	189	185	21	6	9	8	74	76	38
-1	3	8	169	190	14	7	9	8	70	77	43
0 1	3	8	88 165	68 151	69 13	8	9	8	0	66 12	1
2	3	8	229	227	11	1	10	8	35	77	35
3 ⊿	3	8	435	422	10	2	10	8	58	25	58
4 5	3	о 8	167	142	15	3 4	10	о 8	63 45	97 68	63 44
6	3	8	0	21	1	5	10	8	104	102	37
-3 -2	-4 -4	10 10	107 210	115 182	20 12	9 -4	2	10 10	124 144	99 144	20 26
-1	-4	10	0	2	1	-3	3	10	98	87	31
0	-4	10	89	98	21	-2	3	10	137	127	19
2	-4 -4	10	206	109	1	-1	3 3	10	43 230	267	42 37
3	-4	10	348	340	10	1	3	10	44	52	44
4 5	-4 -4	10 10	38 239	6 217	38 23	2	3	10 10	64 49	79 90	64 48
6	-4	10	94	55	27	4	3	10	126	133	19
-5 1	-3	10	203	20	1	5	3	10	25 50	33	25
-4 -3	-3 -3	10	203 61	13	56	7	3	10	49	24	49
-2	-3	10	0	2	1	8	3	10	93	97	23
-1 0	-3 -3	10 10	70 0	39 37	43	-3	3	10 10	17 0	11 20	17
1	-3	10	0	41	1	-2	4	10	0	14	1
2	-3	10 10	70 80	68 52	25 34	-1	4	10 10	40 75	9 64	40 47
4	-3	10	76	68	76	1	4	10	186	225	28
5	-3	10	116	116	20	2	4	10	201	217	24
6 7	-3 -3	10	98 188	174	25 17	3 4	4	10 10	44 39	39 40	44 39
-5	-2	10	203	187	12	5	4	10	0	30	1
-4 -3	-2 -2	10 10	0 252	9 244	1 10	6 7	4 4	10 10	0 158	2 155	22
-2	-2	10	162	117	23	8	4	10	184	185	19
-1	-2	10	199	195	9 1	9	4	10	0	19 49	1
1	-2	10	375	355	8	-3 -2	5	10	59	40	59
2	-2	10	186	176	10	-1	5	10	84	33	34
3 4	-2 -2	10	18 9	22 68	17 8	0 1	5 5	10 10	113 0	155 40	24
5	-2	10	0	5	1	2	5	10	81	98	32
6 7	-2 -2	10 10	0 186	14 172	1 14	3 4	5 5	10 10	0 49	28 6	1 48
8	-2	10	220	213	32	5	5	10	214	208	13
-5	-1	10	131	133	17	6	5	10	139	130	21
-4 -3	-1 -1	10	42 19	85 2	42 19	8	э 5	10	53	20	53
-2	-1	10	161	152	12	9	5	10	0	4	1
-1 0	-1 -1	10	48 0	21	48 1	-2 -1	6 6	10 10	25	52 0	55 24
1	-1	10	147	137	11	0	6	10	115	108	22
2 3	-1 -1	10 10	38 59	60 77	38 31	1	6	10 10	0 110	90 107	1 21
4	-1	10	34	44	34	3	6	10	117	111	20
5 6	-1	10	0	10	1	4	6	10	131	148	19
0 7	- 1 -1	10	0	9 27	1	э 6	6 6	10	04 216	08 237	03 14
8	-1	10	0	21	1	7	6	10	166	144	20
-5 -4	0	10 10	46 92	100 68	45 42	8 9	6 6	10 10	150 235	147 236	48 15
-3	Õ	10	54	86	54	-1	7	10	171	188	32
-2 _1	0	10	152	139 179	10	0	7	10	69	27 127	58
0	0	10	0	24	9 1	2	7	10	99 105	148	∠o 26
1	0	10	228	204	11	3	7	10	169	186	17

2 3	0 0	10 10	355 192	317 179	7 13	4 5	7 7	10 10	94 192	117 210	26 18
4	0	10	267	237	9	6	7	10	128	130	45
5 6	0	10	268	270	52 11	8	7	10	121	76	23 37
7	0	10	58	65	57	0	8	10	65	12	65
8 -5	1	10	73	38 121	73	1	8 8	10	58 94	46 107	57 29
-4	1	10	75	127	75	3	8	10	0	113	1
-3 2	1	10	266	241	13 21	4	8	10	0	14 16	1
-2 -1	1	10	214	211	13	6	8	10	0	66	1
0	1	10	0	16	1	7	8	10	56	108	56
1 2	1 1	10 10	89 212	202	28 17	8	8	10 10	115 72	100 31	47 72
3	1	10	104	111	13	3	9	10	78	85	45
4 5	1	10 10	128	129 q	11 1	4	9 a	10 10	25 37	91 71	25 36
6	1	10	125	125	15	6	9	10	0	52	1
7 0	1	10	63	49 24	43	-2 1	-6 6	11	277 122	233	17
9	1	10	46	21	45	0	-0 -6	11	358	310	14
-4	2	10	94	94	35	1	-6	11	139	109	21
-3 -2	2	10	142	27	19	-3	-6 -5	11	139	268 134	22
-1	2	10	61	85	61	-2	-5	11	0	0	1
0 1	2	10 10	96 128	120 139	95 41	-1 0	-5 -5	11 11	0	22 23	1
2	2	10	104	111	23	1	-5	11	134	116	19
3 ⊿	2	10 10	370 0	357 53	16 1	23	-5 -5	11 11	53 0	6 9	53 1
5	2	10	115	103	23	4	-5	11	60	91	60
6 7	2	10	177 226	176	9 17	-3	-4	11	0	21	1
8	2	10	97	96	22	-1	-4	11	116	99	22
0	-1 1	12	118	121	25	6	4	12	0	31	1 42
2	-1	12	47	49	46	0	4 5	12	177	162	26
3	-1	12	122	108	15	1	5	12	0	36	1
4 5	-1	12	202	230 10	14	2	5	12	123	145	31
6	-1	12	93	84	25	4	5	12	102	169	31
-2 -1	0	12	160	139	18	5 6	ວ 5	12	70 65	54 117	70 64
0	0	12	127	109	22	7	5	12	0	14	1
1	0	12 12	80 143	59 141	41 20	2	6 6	12 12	58 139	68 133	58 20
3	0	12	132	133	22	4	6	12	144	157	20
4 5	0	12 12	353 95	313 77	20 23	5	6 6	12 12	0 24	9 57	23
6	Ő	12	264	244	11	1	-2	13	145	118	39
-2 -1	1	12 12	128 303	116 288	27 14	2	-2 -1	13 13	0 99	17 39	1 69
0	1	12	72	70	62	1	-1	13	90	68	37
1	1	12 12	242	227 21	22 1	2	-1 -1	13 13	108 155	103 140	30
3	1	12	86	58	34	4	-1	13	68	54	68
4 5	1	12 12	43	99 73	43 1	0	0	13 13	123	74 33	27
6	1	12	87	86	86	2	0	13	108	133	29
7	1	12	118	54	56	3	0	13 12	84	92	42
-2 -1	2	12	0	74	1	4 5	0	13	234	176	27
0	2	12	106	99	46	0	1	13	83	46	45
1	2	12 12	86 71	73 114	35 70	1	1	13 13	137	122 9	41
3	2	12	0	14	1	3	1	13	189	174	17
4 5	2	12 12	87 84	107 112	39 38	4 5	1 1	13 13	57 254	36 226	56 24
6	2	12	66	56	65	Ő	2	13	214	177	22
7 -1	2	12 12	69 49	5 97	69 49	1 2	2 2	13 13	0 292	21 251	1 28
0	3	12	0	57	1	3	2	13	74	71	66
1 2	3	12 12	0 17	63 44	1 16	4	2	13 13	95 88	105 44	35 87
3	3	12	60	14	60	1	23	13	100	112	55
4	3	12	181	215	30	2	3	13	127	149	52

5	3	12	0	20	1	3	3	13	80	88	79
6	3	12	115	145	26	4	3	13	75	91	55
7	3	12	80	20	80	5	3	13	0	13	1
-1	4	12	74	99	74	2	4	13	38	40	38
0	4	12	0	21	1	3	4	13	0	27	1
1	4	12	89	150	42	4	4	13	83	56	83
2	4	12	141	159	19	5	4	13	57	1	56
3	4	12	58	94	58						
4	4	12	0	82	1						
5	4	12	212	217	33						

Tabelle 48 Einkristallstrukturdaten von NaSO₃CF₃ bei –173 °C. Angegeben sind die Millerschen Indices (hkl), die beobachteten (F₀) und berechneten (F_c) Strukturfaktoren sowie die Standartabweichungen (s) der beobachteten Werte.

h	k	1	10Fo	10Fc	10s	h	k	1	10Fo	10Fc	10s	h	k	1	10Fo	10Fc	10s
-4	-11	8	107	112	5	3	-7	8	295	308	7	0	-3	8	86	85	3
-3	-11	8	15	10	14	4	-7	8	135	155	4	1	-3	8	137	136	2
-2	-11	8	47	59	7	5	-7	8	178	196	6	2	-3	8	358	370	5
-1	-11	8	108	119	4	6	-7	8	90	98	5	3	-3	8	15	21	14
0	-11	8	130	129	6	7	-7	8	275	299	5	4	-3	8	88	95	4
1	-11	8	111	115	5	8	-7	8	0	16	1	5	-3	8	70	76	6
2	-11	8	280	277	4	9	-7	8	40	42	9	6	-3	8	138	147	8
3	-11	8	267	273	4	10	-7	8	123	124	5	7	-3	8	9	3	9
4	-11	8	233	236	4	11	-7	8	141	138	4	8	-3	8	77	90	5
5	-11	8	236	248	4	-11	-6	8	56	49	6	9	-3	8	23	16	13
6	-11	8	71	72	5	-10	-6	8	44	46	9	10	-3	8	91	80	6
7	-11	8	115	112	5	-9	-6	8	0	21	1	-13	-2	8	212	212	4
8	-11	8	95	94	5	-8	-6	8	32	39	10	-12	-2	8	44	40	7
9	-11	8	157	160	4	-7	-6	8	51	50	6	-11	-2	8	67	65	5
10	-11	8	97	81	11	-6	-6	8	44	32	7	-10	-2	8	105	104	4
11	-11	8	33	8	33	-5	-6	8	128	126	10	-9	-2	8	38	43	7
-8	-10	8	19	37	18	-4	-6	8	336	338	5	-8	-2	8	225	230	4
-/	-10	8	59	66	8	-3	-6	8	308	301	(-/	-2	8	/1	/2	4
-6	-10	8	35	39	10	-2	-6	8	84	85	6	-6	-2	8	12	10	12
-5	-10	8	22	25	21	-1	-6	8	130	122	9	-5	-2	8	156	164	3
-4	-10	8	222	236	4	0	-6	8	61	54	3	-4	-2	8	122	121	3
-3	-10	8	44	47	16	1	-6	8	238	239	3	-3	-2	8	382	370	4
-2	-10	8	151	157	4	2	-6	8	262	275		-2	-2	8	335	331	5
-1	-10	8	73	78	5	3	-6	8	34 420	31	8	-1	-2	8	214	216	3
0	-10	8	301	304	5 7	4	-6	8	138	140	4	0	-2	8	494	462	5
2	-10	0	20	32	1	5	-0	0	175	102	4	1	-2	0	352	347	4
2	-10	0	109	210	Э 4	0	-0	0	1/5	190	4	2	-2	0	2/0	300	4
3	-10	0	213	219	4	0	-0	0	14 54	20	14	J ⊿	-2	0	200	200	4
4	-10	0	190	202	4	0	-0	0	50	59	0	4	-2	0	265	200	4
6	10	0	151	157	1	10	-0	0	20	20	0	5	-2	0	205	290	4
7	-10	o g	104	107	4	10	-0	8	60	56	5	7	-2	8	210	66	4
2 2	-10	0 8	75	76	6	-12	-0	8	130	118	1	8	-2	8	80	81	5
a	-10	0 8	170	175	1	-12	-5	8	162	168	4	0	-2	8	44	45	6
10	-10	8	86	84	6	-10	-5	8	220	224	5	10	-2	8	70		18
11	-10	8	85	76	5	-9	-5	8	146	151	8	-14	-1	8	49	34	9
-9	-9	8	24	29	23	-8	-5	8	356	369	6	-13	-1	8	35	28	19
-8	-9	Ř	258	273	5	-7	-5	8	161	166	4	-12	-1	8	45	27	6
-7	-9	8	- 200	18	9	-6	-5	8	161	162	4	-11	-1	8	52	46	6
-6	-9	8	211	215	4	-5	-5	8	607	598	8	-10	-1	8	33	34	10
-5	-9	8	30	45	22	-4	-5	8	92	91	4	-9	-1	8	143	155	4
-4	-9	8	290	294	5	-3	-5	8	322	302	4	-8	-1	8	7	4	7
-3	-9	8	251	260	4	-2	-5	8	136	135	4	-7	-1	8	535	533	7
-2	-9	8	204	212	4	-1	-5	8	305	300	4	-6	-1	8	258	259	5
-1	-9	8	10	14	9	0	-5	8	40	34	4	-5	-1	8	118	113	5
0	-9	8	264	257	3	1	-5	8	113	111	3	-4	-1	8	123	120	3
1	-9	8	161	162	3	2	-5	8	72	66	4	-3	-1	8	54	49	3
2	-9	8	305	311	5	3	-5	8	106	115	4	-2	-1	8	46	49	4
3	-9	8	375	389	5	4	-5	8	228	235	4	-1	-1	8	27	20	7
4	-9	8	35	42	9	5	-5	8	55	70	6	0	-1	8	255	255	4
5	-9	8	189	205	4	6	-5	8	22	24	22	1	-1	8	88	89	4
6	-9	8	0	14	1	7	-5	8	92	100	5	2	-1	8	221	222	4
7	-9	8	45	42	10	8	-5	8	105	114	5	3	-1	8	224	228	4
8	-9	8	81	88	6	9	-5	8	41	39	8	4	-1	8	260	267	4
9	-9	8	95	97	5	10	-5	8	11	1	10	5	-1	8	186	200	4
10	-9	8	192	199	5	11	-5	8	96	66	4	6	-1	8	14	8	13

-8 12 8 0 5 1 1 -11 9 130 123 7 -10 -6 9 34 20 -7 12 8 54 62 6 2 -11 9 236 242 5 -9 -6 9 149 161 -6 12 8 92 88 5 3 -11 9 77 78 5 -8 -6 9 55 62	11 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 5 4 3 2 1 0 1 13 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 1 0 9	-9 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	$\begin{array}{c} 20\\ 37\\ 8\\ 50\\ 104\\ 305\\ 83\\ 288\\ 342\\ 571\\ 88\\ 506\\ 197\\ 459\\ 28\\ 186\\ 141\\ 0\\ 225\\ 78\\ 79\\ 81\\ 91\\ 27\\ 285\\ 728\\ 71\\ 225\\ 147\\ 99\\ 53\\ 60\\ 416\\ 55\\ 149\\ 75\\ 28\\ 315\\ 161\\ 20\\ 64\\ 127\\ 83\\ 88\\ 35\\ 102\\ 14\\ 97\\ 37\\ 810\\ 37\\ 7\\ 0\\ 94 \end{array}$	$\begin{array}{c}15\\33\\13\\53\\99\\87\\506\\203\\479\\300\\159\\3233\\82\\85\\729\\7238\\71\\226\\85\\71\\238\\71\\226\\85\\73\\214\\8\\55\\159\\85\\25\\13\\249\\85\\512\\249\\85\\512\\240\\240\\240\\240\\240\\240\\240\\240\\240\\24$	20 27 7 5 5 7 5 5 8 3 5 3 6 1 4 5 1 4 5 7 6 6 1 5 6 5 13 7 8 6 4 5 3 4 3 3 5 1 5 5 2 6 22 1 6 5 5 5 8 4 4 4 9 9 13 7 13 1 5	-12 -10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 1 1 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 7 6 5 4 3 2 1 0	-4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -4 -	888888888888888888888888888888888888888	$\begin{array}{c} 181\\ 27\\ 314\\ 42\\ 67\\ 304\\ 149\\ 421\\ 508\\ 49\\ 320\\ 260\\ 486\\ 282\\ 260\\ 486\\ 283\\ 89\\ 118\\ 612\\ 81\\ 77\\ 98\\ 110\\ 452\\ 155\\ 1123\\ 789\\ 216\\ 195\\ 183\\ 838\\ 727\\ 135\\ 151\\ 101\\ 244\\ 100\\ 188\\ 207\\ 26\\ 88\\ 71\\ 105\\ 1350\\ 125\\ 50\end{array}$	$\begin{array}{c} 179 \\ 3 \\ 28 \\ 52 \\ 67 \\ 307 \\ 152 \\ 425 \\ 50 \\ 312 \\ 268 \\ 508 \\ 205 \\ 140 \\ 87 \\ 10 \\ 179 \\ 75 \\ 26 \\ 187 \\ 101 \\ 144 \\ 163 \\ 1013 \\ 745 \\ 214 \\ 160 \\ 290 \\ 676 \\ 241 \\ 153 \\ 199 \\ 218 \\ 349 \\ 92 \\ 109 \\ 601 \\ 611 \\ 614 \\ 614 \\ 616 \\ 50 \\ 101 $	6110785469745437445561614515564843383375554497741411689656444467	7 8 9 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 0 9 8 7 6 5 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 6 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9 8 7 7 8 9 10 1 0 9	-1 -1 -1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	$\begin{array}{c} 341\\ 59\\ 118\\ 26\\ 221\\ 133\\ 59\\ 229\\ 115\\ 0\\ 87\\ 60\\ 215\\ 101\\ 288\\ 197\\ 41\\ 394\\ 97\\ 41\\ 83\\ 94\\ 127\\ 176\\ 25\\ 128\\ 96\\ 57\\ 88\\ 170\\ 0\\ 124\\ 84\\ 339\\ 160\\ 786\\ 19\\ 130\\ 149\\ 41\\ 238\\ 55\\ 130\\ 149\\ 41\\ 238\\ 246\\ 40\\ 134\\ 180\\ 58\\ 0\\ 190\\ 302\\ 40\\ 41\\ 25\end{array}$	$\begin{array}{c} 346\\ 61\\ 121\\ 3\\ 223\\ 126\\ 135\\ 246\\ 11\\ 86\\ 128\\ 107\\ 268\\ 91\\ 366\\ 101\\ 138\\ 226\\ 126\\ 102\\ 58\\ 101\\ 128\\ 355\\ 168\\ 790\\ 133\\ 149\\ 162\\ 46\\ 130\\ 72\\ 289\\ 245\\ 248\\ 136\\ 194\\ 171\\ 200\\ 944\\ 33\\ 7\end{array}$	
-5 12 8 23 2 10 4 -11 9 313 329 5 -7 -6 9 14 11	-9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 -12 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -5	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 12 12 12 1	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	127 83 68 35 102 14 97 37 81 40 37 81 40 37 27 0 94 0 54 92 23	131 82 79 30 105 15 97 30 94 3 28 39 94 5 62 88 2	5 5 5 5 5 8 4 4 9 9 3 7 3 1 5 1 6 5 10	5 6 7 8 9 10 -7 -6 -5 4 3 -2 1 0 1 2 3 4	-12 -12 -12 -12 -12 -12 -11 -11 -11 -11	9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	188 12 0 277 26 88 71 101 65 132 50 112 56 50 130 236 77 313	199 278 34 92 69 109 60 141 64 114 64 50 123 242 78 329	4 11 6 8 9 6 5 6 4 4 4 6 7 7 5 5 5	-2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 -11 -10 -9 -8 -7	-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	243 25 246 40 134 180 58 0 190 33 102 40 41 25 34 149 55 14	245 25 248 40 136 194 61 17 201 40 99 44 33 7 20 161 62 11	:

4 -7 -6 3 5 -1 0 1 3 4 6 7 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1
13 44 47 77 66 66 66 65 55 55 55 55 55 55 55 55 55

$\begin{array}{c} 24\\ 184\\ 122\\ 215\\ 134\\ 205\\ 174\\ 599\\ 510\\ 148\\ 125\\ 531\\ 366\\ 513\\ 105\\ 122\\ 531\\ 366\\ 513\\ 105\\ 122\\ 531\\ 105\\ 122\\ 531\\ 105\\ 122\\ 535\\ 135\\ 105\\ 122\\ 535\\ 135\\ 135\\ 135\\ 135\\ 135\\ 135\\ 135$
$\begin{smallmatrix} 4 \\ 176 \\ 103 \\ 193 \\ 103 \\ 26 \\ 50 \\ 196 \\ 201 \\ 122 \\ 153 \\ 214 \\ 158 \\ 212 \\ 175 \\ 211 \\ 85 \\ 121 \\ 231 \\ 135 \\ 211 \\ 231 \\ 135 \\ 211 \\ 511 \\ 517 \\ 70 \\ 106 \\ 119 \\ 423 \\ 808 \\ 156 \\ 77 \\ 161 \\ 161 \\ 152 \\ 47 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 159 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 \\ 161 \\ 161 \\ 150 \\ 161 $
24 5 4 6 5 6 7 6 7 7 6 7 7 4 4 3 7 0 7 15 7 0 8 4 6 6 9 5 8 0 15 9 2 8 0 6 4 4 6 1 5 0 7 7 0 7 15 4 5 6 0 5 7 4 4 4 4 4 4 1 7 5 7 4 7 7 5 9 7 6 5 6 4 4 9 4 1 4
-3-2-1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 1 0 2 1 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 1 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1 1 1 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 2 1 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 1 1 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 9 8 7 6 5 4 3 8 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
-10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
$\begin{array}{c} 54\\ 165\\ 167\\ 7\\ 198\\ 40\\ 92\\ 13\\ 0\\ 92\\ 13\\ 0\\ 92\\ 167\\ 48\\ 83\\ 84\\ 423\\ 84\\ 125\\ 64\\ 50\\ 45\\ 299\\ 10\\ 11\\ 47\\ 84\\ 61\\ 19\\ 19\\ 39\\ 0\\ 20\\ 10\\ 9\\ 16\\ 28\\ 34\\ 299\\ 15\\ 7\\ 10\\ 5\\ 7\\ 10\\ 5\\ 8\\ 22\\ 149\\ 31\\ 43\\ 149\\ 9\\ 43\\ 149\\ 9\\ 43\\ 149\\ 125\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 64\\ 162\\ 5\\ 231\\ 127\\ 241\\ 67\\ 64\\ 18\\ 957\\ 20\\ 979\\ 979\\ 124\\ 745\\ 22\\ 12\\ 741\\ 742\\ 742\\ 52\\ 12\\ 67\\ 52\\ 47\\ 55\\ 106\\ 14\\ 59\\ 55\\ 51\\ 10\\ 14\\ 59\\ 55\\ 51\\ 10\\ 12\\ 98\\ 57\\ 12\\ 51\\ 10\\ 88\\ 50\\ 6\\ 19\\ 52\\ 10\\ 10\\ 77\\ 44\\ 45\\ 6\\ 22\\ 96\\ 32\\ 13\\ 70\\ 49\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
10 4 15 4 7 4 5 8 6 7 1 7 5 1 5 4 4 5 6 2 4 8 8 3 5 5 6 7 6 5 5 5 8 7 13 5 5 5 8 10 6 4 6 1 3 4 4 4 5 6 4 7 5 16 6 6 6 10 7 4 13 4 7 6 4 8 12 7 4 15 4 8 1 13 2 10 5
567890211098765432101234567890210987654321012345678902101234567890312123456789876543210123456
6 6 6 6 6 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
99999999999999999999999999999999999999
$\begin{array}{c} 60\\ 27\\ 113\\ 151\\ 54\\ 151\\ 109\\ 39\\ 148\\ 81\\ 265\\ 201\\ 171\\ 124\\ 106\\ 241\\ 283\\ 213\\ 317\\ 33\\ 43\\ 213\\ 314\\ 283\\ 115\\ 294\\ 153\\ 274\\ 172\\ 98\\ 213\\ 376\\ 24\\ 172\\ 98\\ 213\\ 376\\ 24\\ 172\\ 98\\ 213\\ 306\\ 865\\ 105\\ 108\\ 104\\ 158\\ 99\\ 666\\ 946\\ 99\\ 0\\ 0\\ 131\\ 807\\ 129\\ 238\\ 71\\ 24\\ 159\\ 24\\ 159\\ 24\\ 159\\ 26\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 64\\ 36\\ 116\\ 23\\ 152\\ 27\\ 28\\ 28\\ 29\\ 27\\ 28\\ 29\\ 27\\ 28\\ 29\\ 27\\ 28\\ 29\\ 27\\ 28\\ 29\\ 27\\ 28\\ 28\\ 23\\ 150\\ 27\\ 28\\ 28\\ 23\\ 150\\ 27\\ 18\\ 28\\ 23\\ 100\\ 27\\ 18\\ 28\\ 38\\ 40\\ 100\\ 27\\ 18\\ 20\\ 38\\ 109\\ 18\\ 20\\ 38\\ 109\\ 12\\ 29\\ 31\\ 12\\ 29\\ 31\\ 10\\ 21\\ 27\\ 10\\ 17\\ 10\\ 21\\ 27\\ 10\\ 17\\ 10\\ 21\\ 10\\ 21\\ 10\\ 21\\ 10\\ 21\\ 10\\ 10\\ 17\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
6 26 5 4 7 4 4 7 4 5 7 5 4 13 3 3 6 3 4 4 4 7 4 6 11 4 9 6 5 6 8 8 10 5 5 1 5 3 3 3 5 24 5 4 10 4 9 4 12 5 4 4 7 7 5 5 5 5 6 5 8 5 1 1 4 7 4 4 4 6 4 6 4 6 4 6 4 6 6 5 6 5 8 5 1 1 4 7 4 4 4 6 4 6 6 5 6 5 8 5 1 1 4 7 4 4 4 6 4 6 6 5 6 5 8 5 1 1 4 7 6 4 4 6 4 6 6 5 6 5 8 5 1 1 4 7 6 4 4 6 4 6 6 6 6 7 6 7 6 7 6 7 6 7

4 3 2 1 0 1 2 3 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 4 3 2 1 0 9 8 7
666666667777777777777777777788888888888
99999999999999999999999999999999999999
$\begin{array}{c} 87\\103\\28\\295\\200\\163\\25\\36\\13\\42\\2\\0\\0\\208\\46\\0\\12\\6\\24\\4\\2\\1\\3\\5\\6\\2\\4\\2\\1\\2\\6\\2\\1\\2\\1\\6\\2\\1\\2\\1\\6\\2\\1\\2\\1\\6\\2\\1\\2\\1$
$\begin{array}{c} 100\\ 103\\ 19\\ 24\\ 301\\ 301\\ 41\\ 30\\ 26\\ 20\\ 26\\ 16\\ 7\\ 226\\ 37\\ 251\\ 122\\ 43\\ 76\\ 122\\ 243\\ 76\\ 122\\ 243\\ 76\\ 122\\ 243\\ 76\\ 122\\ 243\\ 76\\ 10\\ 41\\ 10\\ 103\\ 44\\ 107\\ 241\\ 6\\ 13\\ 185\\ 41\\ 10\\ 12\\ 7\\ 9\\ 75\\ 42\\ 99\\ 80\\ 7\\ 48\\ 17\\ 19\\ 23\\ 64\\ 13\\ 88\\ 43\\ 42\\ 93\\ 77\\ 3\\ 97\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
4 8222566582837261144544465976514441145444415711056064541852754558485558841045444
7 6 5 1 2 3 4 6 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 7 6 5 4 3 2 1 0 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 7 6 5 4 3 2 1 0 3 2 1 0 9 8 7 6
13 13 16 16 16 16 15 15 15 15 15 15 14 14 14 14 14 14 14 14 14 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12
9 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
$\begin{array}{c} 74\\134\\121\\144\\1310\\613\\15\\044\\32215\\67\\37\\99\\473\\85\\29\\77\\38\\89\\67\\33\\169\\42\\73\\68\\07\\21\\56\\367\\22\\312\\52\\31\\25\\37\\37\\53\\10\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\12\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\57\\31\\0\\6\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\35\\73\\12\\5\\12\\5\\12\\5\\12\\5\\12\\5\\12\\5\\12\\5\\12\\$
$\begin{array}{c} 61\\ 119\\ 98\\ 134\\ 117\\ 50\\ 83\\ 349\\ 5129\\ 320\\ 150\\ 83\\ 220\\ 160\\ 845\\ 280\\ 746\\ 105\\ 746\\ 105\\ 79\\ 320\\ 60\\ 77\\ 75\\ 120\\ 336\\ 730\\ 47\\ 233\\ 730\\ 47\\ 233\\ 730\\ 47\\ 233\\ 755\\ 142\\ 881\\ 140\\ 246\\ 60\\ 531\\ 140\\ 195\\ 940\\ 190\\ 806\\ 41\\ 75\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79\\ 79$
5546667667178787841575587918150611477811044461266515408114174189578599467654651235
7 8 9 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 0 9 8 7 6 5 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1 0 9 8 7 6 5 3 2 1 0 1 2 3 4
-10009999999999999999999999999999999999
10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1
$\begin{smallmatrix} 0 \\ 110 \\ 139 \\ 120 \\ 215 \\ 43 \\ 0 \\ 70 \\ 95 \\ 0 \\ 0 \\ 450 \\ 264 \\ 101 \\ 289 \\ 102 \\ 143 \\ 342 \\ 107 \\ 55 \\ 77 \\ 123 \\ 56 \\ 275 \\ 0 \\ 123 \\ 264 \\ 101 \\ 289 \\ 275 \\ 0 \\ 123 \\ 265 \\ 0 \\ 121 \\ 839 \\ 247 \\ 90 \\ 48 \\ 42 \\ 816 \\ 0 \\ 121 \\ 68 \\ 84 \\ 44 \\ 813 \\ 83 \\ 0 \\ 364 \\ 67 \\ 197 \\ 285 \\ 69 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 72 \\ 850 \\ 8$
9 111 139 131 168 9 6 4 14 152 279 130 8 9 17 152 14 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 149 27 130 8 9 14 21 22 13 21 22 12 21 22 12 21 22 12 21 22 12 21 22 12 21 22 12 21 22 12 21 22 21 22 21 6 25 51 9 17 7 17 22 22 9 55 19 17 7 17 22 22 9 59 1 59 1 59 1 59 1 59 1 59 1 5
$\begin{array}{c}1&5&5&9\\2&1&4&8&1\\6&5&5&7&5&7&5&7\\1&1&7&1&9&4&6&5&1\\2&5&5&5&7&5&7&5&7\\1&1&7&1&9&4&6&5&5&5&2&7\\1&1&2&4&4&5&4&5&5&5&2&7\\1&1&4&2&4&9&4&7&3&6&7&8&4&1\\1&4&2&4&9&4&7&3&6&7&8&4&1\\2&4&9&4&4&7&3&6&7&8&4&1&4\\6&6&6&5&2&2&9&1&0&7&6\\1&1&2&2&2&2&2&2&2&2&2\\1&1&2&2&2&2&2&2&2$

-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-4-3-2-1-0-1-2-3-4-4-3-2-1-0-1-2-3-4-3-2-1-0-1-2-3-4-3-2-1-0-1-2-4-
333333333333444444444444444444444444555555
$\begin{array}{c} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 $
$\begin{array}{c} 28\\ 323\\ 78\\ 177\\ 26\\ 32\\ 10\\ 100\\ 153\\ 117\\ 13\\ 0\\ 48\\ 42\\ 61\\ 49\\ 61\\ 160\\ 246\\ 116\\ 172\\ 264\\ 116\\ 172\\ 264\\ 121\\ 160\\ 328\\ 56\\ 29\\ 151\\ 63\\ 28\\ 58\\ 263\\ 338\\ 107\\ 248\\ 47\\ 201\\ 288\\ 98\\ 77\\ 23\\ 109\\ 311\\ 253\\ 103\\ 37\\ 244\\ 155\\ 44\\ 80\\ 87\\ 23\\ 109\\ 311\\ 253\\ 103\\ 37\\ 244\\ 155\\ 44\\ 80\\ 87\\ 23\\ 109\\ 311\\ 253\\ 103\\ 37\\ 244\\ 155\\ 62\\ 109\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100$
$\begin{array}{c} 42\\ 339\\ 79\\ 181\\ 370\\ 124\\ 310\\ 181\\ 189\\ 803\\ 6\\ 51\\ 45\\ 9\\ 101\\ 112\\ 76\\ 125\\ 126\\ 106\\ 35\\ 11\\ 664\\ 473\\ 136\\ 79\\ 31\\ 821\\ 684\\ 91\\ 444\\ 202\\ 18\\ 101\\ 84\\ 271\\ 84\\ 102\\ 271\\ 8\\ 101\\ 84\\ 261\\ 322\\ 18\\ 101\\ 84\\ 261\\ 326\\ 115\\ 933\\ 115\\ 337\\ 538\\ 826\\ 101\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 10$
1255440416646771685144444744566665514416466446286860584744494524944513561374777441
54321013210987654321021098765432102109876543211098765432987654101234563210123456754367543210123
8 8 8 8 8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1
$\begin{array}{c} 157\\ 162\\ 192\\ 789\\ 184\\ 0\\ 708\\ 752\\ 128\\ 690\\ 111\\ 120\\ 87\\ 762\\ 144\\ 88\\ 772\\ 124\\ 468\\ 023\\ 47\\ 126\\ 94\\ 126\\ 94\\ 126\\ 94\\ 126\\ 93\\ 87\\ 762\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 132\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 403\\ 126\\ 183\\ 58\\ 42\\ 183\\ 58\\ 183\\ 183\\ 183\\ 183\\ 183\\ 183\\ 183\\ 18$
$\begin{array}{c} 169\\ 168\\ 369\\ 777\\ 49\\ 3\\ 3\\ 688\\ 674\\ 129\\ 701\\ 11\\ 11\\ 160\\ 829\\ 991\\ 11\\ 13\\ 57\\ 621\\ 31\\ 1\\ 10\\ 15\\ 1\\ 10\\ 10\\ 7\\ 16\\ 10\\ 67\\ 16\\ 6\\ 82\\ 7\\ 74\\ 12\\ 12\\ 38\\ 84\\ 6\\ 74\\ 44\\ 15\\ 1\\ 67\\ 9\\ 44\\ 45\\ 16\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
4 4 2 5 3 5 4 10 1 6 5 5 4 4 4 5 4 4 6 13 3 5 6 4 5 5 5 4 4 6 17 5 2 6 7 12 4 17 7 13 9 10 7 6 5 10 5 4 3 6 9 12 13 7 8 7 7 6 5 10 7 10 8 10 10 13 12 4 8 5 16 7 18 1 13 7 1
5 6 7 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 9
-122221111111111111111111111110000000000
$\begin{array}{c}11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\11\\$
$\begin{array}{c} 129\\ 156\\ 780\\ 113\\ 235\\ 154\\ 0\\ 175\\ 1247\\ 130\\ 148\\ 326\\ 83\\ 108\\ 930\\ 24\\ 324\\ 29\\ 42\\ 424\\ 192\\ 127\\ 02\\ 77\\ 82\\ 76\\ 7\\ 82\\ 63\\ 38\\ 386\\ 366\\ 366\\ 59\\ 830\\ 166\\ 259\\ 849\\ 906\\ 215\\ 109\\ 206\\ 215\\ 208\\ 77\\ 69\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105$
$\begin{array}{c} 125\\ 156\\ 109\\ 148\\ 3162\\ 147\\ 166\\ 218\\ 126\\ 102\\ 126\\ 102\\ 126\\ 102\\ 102\\ 103\\ 408\\ 77\\ 446\\ 102\\ 101\\ 102\\ 102$
4 5 8 4 10 5 7 4 1 7 7 7 3 9 4 4 7 15 6 10 5 12 5 14 8 4 19 5 21 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 4 9 4 4 4 6 18 4 5 5 5 5 5 5 5 5 7 8 12 5 6 4 5 4 3 4 10 4 4 4 6 6 9 6 1 5 6

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-4 -3 -2 -1 0 1 2 -14 -1 2 3 4 5 6 4 5 6 -14 -13	77777782222222233 3	10 10 10 10 10 10 10 10 10 11 11 11 11 1	243 0 219 86 150 89 99 43 125 198 124 502 40 113 65 65 121 18 52	257 2 2222 92 149 80 58 22 123 197 134 488 45 109 58 60 98 1 61	4 1 4 5 9 5 4 6 4 4 6 10 13 7 7 6 4 18 14	4 5 6 7 8 -5 -4 -2 -1 0 1 3 -12 -11 -13 2 -11 -110 -8 -7	-13 -13 -13 -13 -12 -12 -12 -12 -12 -12 7 7 7 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	233 68 246 38 118 51 100 145 53 16 29 56 211 102 238 76 163 133 41	237 55 250 5 114 46 101 151 56 14 9 28 203 109 242 71 168 138 51	° 15 5 8 5 9 5 4 7 6 9 5 4 5 4 7 4 4 9	-8 -7 -6 5 -4 -3 -2 -1 4 5 6 7 7 -6 5 4 -3 2 -1 -2 -1	-7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -11 -11 -11 -11	11 11 11 11 11 11 11 12 12 12 12 12 12 1	201 92 157 93 124 42 248 138 103 71 111 129 145 35 108 289 103 199 80	206 93 162 89 128 47 257 144 95 60 97 114 154 27 109 307 107 210 88	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-12 -11 -9 -7 -5 -4 -3 -1 0 1 2 3 4 4 -13	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	40 84 93 239 106 413 77 416 197 326 71 227 226 56 128 43 72 16 50	37 84 91 251 104 430 88 418 198 333 64 237 220 42 128 26 60 18 40	19 7 5 4 6 6 5 6 6 9 9 4 6 9 6 9 6 9 6 5 14	-6 -5 -4 -3 -12 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 2 -1 -11	8 8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	$175 \\ 62 \\ 201 \\ 105 \\ 23 \\ 86 \\ 125 \\ 27 \\ 39 \\ 0 \\ 66 \\ 0 \\ 0 \\ 53 \\ 86 \\ 75 \\ 47 \\ 93 \\ 60 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ $	184 60 205 97 19 77 115 10 39 76 2 12 49 85 70 16 73 59	4 6 4 5 23 4 4 3 9 1 6 1 1 6 8 6 8 4 6	0 1 2 3 4 5 6 7 -8 -7 -6 -5 -4 -3 2 -1 0 1 2	-10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	374 17 118 37 105 96 15 30 183 38 242 142 102 97 122 209 18 6 238	392 11 122 28 102 95 21 18 195 20 255 143 94 108 122 217 3 7 248	
-13 5 11 50 54 15 -1 -14 12 95 79 0 5 -0 12 0 17	-12 -11 -10 -9 -7 -6 -5 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 4 4 -13 -13	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 5 5	$\begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 $	155 37 56 124 78 121 86 122 73 262 130 267 83 222 188 84 84 84 52 56	158 35 59 130 85 127 87 120 76 267 134 273 80 225 179 71 17 51 51	4 8 6 4 5 4 5 4 5 4 5 4 4 4 7 6 6 6 4 13 13	-109 -87 -6 -5 -4 -3 -2 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -9 -8 -7 -6 -5 1 -2 -3 -2 -1 -1 -2 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1 -1	10 10 10 10 10 10 10 10 10 11 11 11 11 -15 -15 -14 -14	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	39 57 41 0 58 11 47 81 81 26 48 49 84 128 136 69 62 112 93	40 55 41 11 55 6 33 70 60 17 40 50 75 112 126 38 27 101 79	1368161157724978978	- 3 4 5 6 7 8 9 8 -9 8 -7 6 -5 -4 -3 2 -1 0 1 2 3	-9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	-53 34 106 104 33 86 29 46 135 67 27 148 183 308 266 317 230 88 0	- 58 33 105 111 13 77 16 33 138 60 27 157 188 317 277 317 237 81 17	:

-9 5 12 74 72 6 -6 -11 13 39 17 13 7 -6 13 41 45 18 -8 5 12 68 72 6 -5 -11 13 128 126 4 -10 -5 13 42 51 19 -7 5 12 122 119 4 -4 -11 13 31 19 11 -9 -5 13 323 323 323 323 323 323 323 323 323 323 324 -6 5 12 35 30 11 -3 -11 13 14 0 13 -8 -5 13 25 24 24	-9 -8 -7 -5 -4 -3 -2 -1 -1 2 4 -1 2 -1 -1 -9 -8 -7 -6 5 -4 -3 2 -1 0 1 2 4 -1 2 -1 -1 -1 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 4 -3 2 -1 -1 -1 -1 	6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	$\begin{array}{c} 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11$	$\begin{array}{c} 282\\ 20\\ 113\\ 198\\ 0\\ 118\\ 132\\ 20\\ 69\\ 35\\ 102\\ 39\\ 105\\ 81\\ 75\\ 25\\ 102\\ 39\\ 105\\ 81\\ 75\\ 85\\ 153\\ 135\\ 36\\ 38\\ 39\\ 86\\ 74\\ 68\\ 122\\ 35\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 298\\ 15\\ 119\\ 206\\ 8\\ 121\\ 135\\ 6\\ 75\\ 5\\ 93\\ 14\\ 88\\ 73\\ 122\\ 111\\ 59\\ 86\\ 251\\ 42\\ 56\\ 78\\ 79\\ 141\\ 116\\ 46\\ 32\\ 41\\ 866\\ 72\\ 119\\ 30\\ \end{array}$	5 9 4 4 1 4 4 2 5 2 5 5 4 4 5 6 5 7 5 4 8 6 5 5 6 5 4 6 8 5 6 6 4 1	-5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 1 2 3 4 5 6 6 -5 -4 -3	-12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	$\begin{array}{c} 167\\ 143\\ 110\\ 66\\ 114\\ 0\\ 11\\ 86\\ 114\\ 80\\ 100\\ 124\\ 55\\ 105\\ 183\\ 121\\ 107\\ 56\\ 51\\ 103\\ 118\\ 0\\ 189\\ 113\\ 18\\ 41\\ 70\\ 96\\ 67\\ 60\\ 39\\ 128\\ 31\\ 14 \end{array}$	$\begin{array}{c} 170\\ 145\\ 117\\ 77\\ 121\\ 3\\ 79\\ 110\\ 69\\ 98\\ 116\\ 30\\ 116\\ 193\\ 121\\ 118\\ 56\\ 566\\ 116\\ 133\\ 4\\ 197\\ 110\\ 237\\ 69\\ 83\\ 54\\ 38\\ 17\\ 126\\ 9\\ 0\\ \end{array}$	4 4 5 10 8 1 1 9 8 4 4 6 17 8 5 10 5 6 11 8 8 1 7 4 17 9 11 4 5 6 3 4 1 13	5 6 7 8 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 1 1 2 3 4 5 6 7 0 9 8 1 1 2 3 4 5 6 7 8 1 1 2 3 4 5 6 7 0 9 8	-7 -7 -7 -7 -7 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	$\begin{array}{c} 74\\ 89\\ 52\\ 151\\ 145\\ 149\\ 10\\ 0\\ 83\\ 9\\ 108\\ 45\\ 0\\ 21\\ 0\\ 44\\ 109\\ 71\\ 132\\ 220\\ 32\\ 31\\ 121\\ 0\\ 408\\ 200\\ 276\\ 157\\ 81\\ 124\\ 41\\ 42\\ 323\\ 25 \end{array}$	$\begin{array}{c} 77\\ 94\\ 58\\ 158\\ 149\\ 165\\ 109\\ 4\\ 85\\ 2\\ 106\\ 39\\ 5\\ 36\\ 4\\ 51\\ 109\\ 76\\ 144\\ 233\\ 20\\ 42\\ 119\\ 15\\ 419\\ 212\\ 289\\ 162\\ 79\\ 131\\ 45\\ 51\\ 323\\ 24 \end{array}$	6 5 10 5 2 5 2 7 7 7 1 1 2 5 2 2 8 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6 2 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 12 5 13 5 14 5 <tr td=""> 12</tr>
	-4 -3 -2 -1 0	5 5 5 5 5	12 12 12 12 12	168 117 168 94 119	177 118 168 92 113	4 4 7 7	-1 0 1 2 3	-11 -11 -11 -11 -11	13 13 13 13 13	56 75 99 0 171	60 80 107 4 164	12 10 9 1 13	-6 -5 -4 -3 -2	-5 -5 -5 -5	13 13 13 13 13	53 315 112 165 101	49 319 115 163 106	8 5 5 3 4
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 2 -13 -12 -11 10	5 5 6 6 6	12 12 12 12 12 12	103 90 89 116 30	95 43 66 106 19	6 4 7 4 11	4 5 -7 -6	-11 -11 -11 -10 -10	13 13 13 13 13 13	92 160 78 104 137 51	69 159 57 95 139	12 7 10 4 6 7	-1 0 1 2 3	-5 -5 -5 -5 -5 5	13 13 13 13 13 13	0 49 117 180 85 72	2 48 126 189 93	1 7 4 5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-9 -8 -7 -6 -5	6 6 6 6	12 12 12 12 12 12	136 92 59 89 114	138 90 59 80 119	5 4 5 7 7 5	-3 -4 -3 -2 -1 0	-10 -10 -10 -10 -10 -10	13 13 13 13 13 13	27 19 31 17 78	13 21 41 15 85	13 19 30 17 9	5 6 -11 -10 -9	-5 -5 -4 -4 -4	13 13 13 13 13 13	37 119 58 29 150	52 121 52 2 159	21 5 12 28 7
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-4 -3 -2 -1 0	6 6 6 6	12 12 12 12 12 12	67 28 70 6 62	70 31 69 4 53	6 15 8 6 7	1 2 3 4 5	-10 -10 -10 -10 -10	13 13 13 13 13 13	0 67 66 143 70	16 52 50 143 55	1 6 5 6	-8 -7 -6 -5 -4	-4 -4 -4 -4 -4	13 13 13 13 13 13	52 36 29 205 247	58 18 19 210 245	12 7 11 9 3
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2 -13 -12 -11 -10	6 7 7 7 7	12 12 12 12 12	160 105 18 23 80	127 83 5 17 83	4 5 17 23 6	6 -8 -7 -6 -5	-10 -9 -9 -9 -9	13 13 13 13 13	74 127 89 60 191	70 131 76 61 207	13 8 9 5 4	-3 -2 -1 0 1	-4 -4 -4 -4	13 13 13 13 13	407 187 215 253 125	395 188 214 263 124	5 4 4 5 4
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-9 -8 -7 -6 -5 -4	/ 7 7 7 7 7	12 12 12 12 12 12 12	71 73 19 177 80 185	71 77 14 190 79 184	б 6 19 4 5 4	-4 -3 -2 -1 0 1	-9 -9 -9 -9 -9	13 13 13 13 13 13 13	43 39 26 21 98 118	54 45 17 23 92 110	9 15 26 20 8 4	2 3 4 5 6 -11	-4 -4 -4 -4 -4	13 13 13 13 13 13 13	30 13 47 131 62 224	29 6 47 137 61 234	14 12 8 5 7 7
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-4 -3 -2 -1 0 -12	7 7 7 7 7 8	12 12 12 12 12 12	94 71 31 108 124	86 64 14 86 112	5 7 12 5 7	2 3 4 5 6	-9 -9 -9 -9 -9 -9	13 13 13 13 13 13	77 160 18 196 88	69 167 17 205 86	5 4 18 11 5	-10 -8 -7 -6 -5	-3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3	13 13 13 13 13 13	224 84 27 447 25 147	234 106 34 456 31 150	9 26 9 24 5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-11 -10 -9 -8 -7	8 8 8 8 8	12 12 12 12 12 12	113 42 27 91 48	108 39 32 91 42	5 8 15 5 13	-9 -8 -7 -6 -5	-8 -8 -8 -8 -8	13 13 13 13 13 13	46 49 201 116 82	37 33 210 124 80	5 17 5 5 5	-4 -3 -2 -1 0	-3 -3 -3 -3 -3	13 13 13 13 13	203 80 108 165 197	201 77 106 158 200	3 4 8 4 4

-6 -5 -4 -3 -2 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -9 -8 -7 -6 -5 -4 0 1 2 3 -2 -1 0 1 2 3 -2 -1 0 1 2 3 -2 -1 0 1 2 -1 0 -1 -1 0 -1 -1 0 -2 -2 -1 -1 -1 -1 	8 8 8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1	$\begin{array}{c} 38\\121\\77\\59\\141\\68\\23\\89\\49\\85\\51\\202\\61\\152\\52\\01\\152\\52\\00\\104\\116\\48\\87\\60\\81\\168\\48\\31\\42\\34\\28\\37\\43\\26\\17\\2\\17\\22\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\52\\$	$\begin{array}{c} 35\\ 120\\ 77\\ 52\\ 134\\ 50\\ 9\\ 83\\ 51\\ 83\\ 37\\ 213\\ 58\\ 150\\ 25\\ 111\\ 106\\ 46\\ 82\\ 38\\ 67\\ 161\\ 6\\ 2\\ 26\\ 13\\ 11\\ 1\\ 40\\ 26\\ 27\\ 37\\ 11\\ 1\\ 40\\ 26\\ 27\\ 37\\ 11\\ 1\\ 40\\ 26\\ 27\\ 37\\ 11\\ 1\\ 1\\ 40\\ 26\\ 27\\ 37\\ 11\\ 1\\ 1\\ 40\\ 26\\ 27\\ 37\\ 11\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1$	9 4 5 6 4 5 2 5 7 5 7 4 6 4 5 3 6 5 7 4 9 9 7 1 3 0 1 7 2 1 7 4 2 1 7 1 4 2 6 7 1	-4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 -9 8 7 -9 -8 7 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 -9 8 7 -9 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 -9 8 7 -9 -10 1 2 3 4 5 6 7 -9 8 -7 -10 1 2 3 4 5 6 7 -9 8 -7 -9 -8 -7 -9 -8 -7 -10 1 2 -10 1 2 -10 1 2 -10 1 2 	-8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -8 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7	13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13 1	$\begin{array}{c} 58\\ 334\\ 67\\ 355\\ 189\\ 449\\ 77\\ 141\\ 204\\ 155\\ 215\\ 83\\ 20\\ 31\\ 161\\ 49\\ 228\\ 140\\ 156\\ 64\\ 44\\ 115\\ 63\\ 166\\ 286\\ 80\\ 122\\ 90\\ 151\\ 31\\ 39\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43\\ 43$	66 337 74 372 193 469 82 193 469 82 174 217 69 1 4 167 353 147 161 75 54 112 68 173 299 81 145 17 29 81	659947554456994754697564565795912	1 2 3 4 5 6 2 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 1 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 1 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -4 -2 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -5 -4 -2 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5	3 3 3 3 3 3 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	$\begin{array}{c} 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\$	$\begin{array}{c} 60\\ 164\\ 86\\ 67\\ 38\\ 193\\ 36\\ 101\\ 151\\ 152\\ 166\\ 136\\ 89\\ 57\\ 129\\ 125\\ 281\\ 156\\ 74\\ 67\\ 97\\ 129\\ 125\\ 89\\ 203\\ 158\\ 233\\ 87\\ 150\\ 303\\ 302\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 60\\ 166\\ 91\\ 72\\ 21\\ 185\\ 28\\ 109\\ 16\\ 47\\ 108\\ 151\\ 147\\ 161\\ 135\\ 89\\ 61\\ 198\\ 279\\ 157\\ 78\\ 71\\ 98\\ 113\\ 120\\ 87\\ 209\\ 167\\ 230\\ 77\\ 150\\ 301\\ 301\\ 301\\ 302\\ 302\\ 302\\ 302\\ 302\\ 302\\ 302\\ 302$	1
-5 -4 -3 -2 -1 0	-12 -12 -12 -12 -12 -12 -12	13 13 13 13 13 13	150 57 58 122 82 73	153 56 58 133 92 76	4 6 10 7 9 10	-5 -4 -3 -2 -1 0	-6 -6 -6 -6 -6	13 13 13 13 13 13	262 24 329 149 447 88	261 25 330 155 450 88	9 15 5 4 6 5	-1 0 1 2 3 4	-1 -1 -1 -1 -1 -1	13 13 13 13 13 13	0 76 22 41 154 40	11 82 16 40 152 33	2
5 -9 -8 -7 -6 -5 -4	-9 -8 -8 -8 -8 -8 -8	14 14 14 14 14 14 14	109 95 39 158 182 101 189	100 87 24 159 182 96 197	6 4 15 4 4 4 7	-10 -9 -8 -7 -6 -5 -4	-2 -2 -2 -2 -2 -2 -2	14 14 14 14 14 14 14	11 75 29 64 124 45 150	11 86 16 58 118 48 141	11 11 28 12 4 8 4	-11 -10 -9 -8 -7 -6 -5	4 4 4 4 4 4	14 14 14 14 14 14 14	152 83 89 30 72 33 113	136 71 82 32 77 28 109	
-3 -2 -1 0 1 2	-8 -8 -8 -8 -8	14 14 14 14 14 14	218 229 152 90 208 132	223 232 158 82 211 127	7 7 5 4 4	-3 -2 -1 0 1 2	-2 -2 -2 -2 -2 -2	14 14 14 14 14 14	176 258 16 123 124 45	181 258 28 113 119 38	6 7 15 7 7 8	-4 -3 -2 -1 0 -11	4 4 4 4 5	14 14 14 14 14 14	0 75 59 142 83 160	19 73 58 146 72 148	
3 4 -9 -8 -7	-8 -8 -7 -7 -7 -7	14 14 14 14 14 14	31 68 40 41 108 41 170	3 62 27 39 110 25 173	18 6 14 17 5 21	3 4 5 -11 -10 -9 -8	-2 -2 -2 -1 -1 -1	14 14 14 14 14 14 14	64 96 48 62 63 131 130	70 86 27 57 67 128 128	9 5 10 13 12 8 8	-10 -9 -8 -7 -6 -5	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	14 14 14 14 14 14	16 165 155 148 76 258 81	15 169 156 154 73 248 84	
-5 -4 -3 -2 -1 0	-7 -7 -7 -7 -7 -7	14 14 14 14 14 14 14	48 40 18 17 33 34	38 37 20 12 36 39	6 8 17 17 9 10	-7 -6 -5 -4 -3 -2	-1 -1 -1 -1 -1 -1	14 14 14 14 14 14 14	175 313 131 105 39 28	168 306 125 105 44 30	5 5 4 5 15 28	-3 -2 -1 -11 -10 -9	5 5 5 6 6 6	14 14 14 14 14 14 14	87 26 67 236 104 176	89 15 62 226 97 176	
1 2 3 4 5 6	-7 -7 -7 -7 -7 -7	14 14 14 14 14 14 14	42 124 102 18 54 98	37 119 104 3 46 100	8 5 5 17 7 9	-1 0 1 2 3 4	-1 -1 -1 -1 -1 -1	14 14 14 14 14 14 14	93 85 0 71 119 120	87 90 11 70 113 100	8 8 1 9 7 6	-8 -7 -6 -5 -4 -3	6 6 6 6 6	14 14 14 14 14 14	75 87 146 35 62 80	73 89 146 27 56 73	
-9 -8 -7 -6 -5	-6 -6 -6 -6	14 14 14 14 14 14	63 39 88 120 198	69 23 74 120 211	11 17 5 4 4	-12 -11 -10 -9 -8	0 0 0 0 0	14 14 14 14 14	56 119 144 32 0	58 116 147 19 3	15 9 8 31 1	-2 -9 -8 -7 -6	6 7 7 7 7	14 14 14 14 14 14	156 106 29 99 17	148 96 3 94 0	

-4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -10 1 2 3 4 5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -1 0 1 2 3 4 5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -10 1 2 3 4 5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -10 1 2 3 4 5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -10 1 2 3 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -10 -12 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -10 -12 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -12 -10 -12 -12 -10 -12 -12 -12 -10 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c} 78\\ 218\\ 57\\ 214\\ 28\\ 194\\ 181\\ 144\\ 56\\ 41\\ 70\\ 153\\ 19\\ 144\\ 35\\ 80\\ 25\\ 277\\ 253\\ 94\\ 135\\ 0\\ 110\\ 11\\ 75\\ 35\\ 0\\ 53\\ 32\\ 244\\ 56\\ 160\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 70\\ 232\\ 56\\ 211\\ 26\\ 203\\ 192\\ 152\\ 67\\ 7\\ 79\\ 150\\ 22\\ 140\\ 23\\ 76\\ 35\\ 289\\ 250\\ 92\\ 137\\ 13\\ 110\\ 23\\ 76\\ 22\\ 4\\ 42\\ 35\\ 246\\ 53\\ 162\\ \end{array}$	5 7 10 4 15 4 4 6 7 8 11 7 19 7 7 5 4 5 4 1 5 11 6 10 1 12 5 7 5 4	-7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 -12 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 -2 -10 -2 -3 -2 -10 -2 -3 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -10 -2 -2 -2 -10 -2 -2 -2 -10 -2 -2 -2 -10 -2 -2 -2 -10 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 1	$\begin{array}{c} 17\\ 0\\ 85\\ 233\\ 153\\ 44\\ 151\\ 149\\ 84\\ 55\\ 177\\ 0\\ 0\\ 139\\ 47\\ 109\\ 122\\ 122\\ 35\\ 271\\ 115\\ 21\\ 90\\ 81\\ 26\\ 80\\ 172\\ 139\\ 30\\ 121\\ 75\\ 22 \end{array}$	$\begin{array}{c} 15\\ 9\\ 87\\ 232\\ 155\\ 60\\ 142\\ 151\\ 86\\ 48\\ 164\\ 8\\ 28\\ 135\\ 28\\ 99\\ 117\\ 120\\ 41\\ 267\\ 100\\ 32\\ 81\\ 98\\ 15\\ 76\\ 157\\ 152\\ 39\\ 115\\ 70\\ 20\\ \end{array}$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-5 -4 -7 -6 -5 -2 -1 0 1 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 -6 -5 -2 -1 0 1 2 3 4 -6 -5 -2 -1 0 1 2 3 4 -6 -5 -2 -1 0 1 2 -5 -2 -1 0 1 2 -5 -2 -1 0 1 2 	7 7 8 8 -12 -12 -12 -11 -11 -11 -11 -11 -11 -10 -10 -10 -10	14 14 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	$\begin{array}{c} 76\\ 60\\ 111\\ 97\\ 53\\ 171\\ 63\\ 107\\ 81\\ 157\\ 135\\ 45\\ 54\\ 108\\ 45\\ 54\\ 108\\ 45\\ 135\\ 144\\ 52\\ 179\\ 74\\ 130\\ 137\\ 114\\ 0\\ 15\\ 132\\ 53\\ 48\\ 164\\ 43\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 65\\ 41\\ 91\\ 77\\ 34\\ 175\\ 40\\ 112\\ 81\\ 156\\ 134\\ 36\\ 47\\ 63\\ 117\\ 52\\ 44\\ 134\\ 134\\ 182\\ 64\\ 135\\ 147\\ 118\\ 19\\ 306\\ 126\\ 13\\ 8\\ 159\\ 13\end{array}$	
0 1 2 3 4 5 -11	-4 14 -4 14 -4 14 -4 14 -4 14 -4 14 -4 14 -4 14 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -4 -4 -4 -4 -4 14 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -3 -4 14 -4 14 -5 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 -6 <tr td=""> <tr td=""></tr></tr>	$\begin{array}{c} 191\\ 106\\ 168\\ 110\\ 35\\ 21\\ 145\\ 0\\ 233\\ 329\\ 169\\ 200\\ 155\\ 214\\ 197\\ 53\\ 23\\ 40\\ 36\\ 56\\ 61\\ 55\\ 79\\ 160\\ 109\\ 131\\ 153\\ 33\\ 49\\ 124\\ 33\\ 184\\ 136\\ 75\\ 203\\ 77\\ 230\\ 48\\ 126\\ 62\\ 252\\ 52\\ 52\\ 52\\ 52\\ 52\\ 52\\ 52\\ 52\\ $	$\begin{array}{c} 185\\ 108\\ 174\\ 106\\ 21\\ 13\\ 143\\ 9\\ 242\\ 338\\ 171\\ 194\\ 156\\ 216\\ 200\\ 50\\ 26\\ 37\\ 33\\ 48\\ 60\\ 50\\ 37\\ 33\\ 48\\ 60\\ 50\\ 3143\\ 97\\ 121\\ 150\\ 0\\ 17\\ 106\\ 3\\ 167\\ 122\\ 57\\ 200\\ 57\\ 223\\ 10\\ 116\\ 36\\ 40\\ 50\\ 57\\ 223\\ 10\\ 116\\ 36\\ 40\\ 50\\ 57\\ 200\\ 57\\ 223\\ 10\\ 116\\ 36\\ 40\\ 50\\ 57\\ 200\\ 57\\ 57\\ 200\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57\\ 57$	6 5 4 7 14 20 7 1 7 8 7 4 4 6 6 7 3 2 2 3 7 10 6 4 6 5 6 6 10 9 4 2 4 6 8 6 4 11 6 4 5 9	-5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 -1 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 0 1 2 -1 -1 -1 -1 -1 	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	$\begin{array}{c} 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\$	$\begin{array}{c} 143\\ 59\\ 275\\ 12\\ 134\\ 55\\ 92\\ 42\\ 90\\ 105\\ 140\\ 122\\ 79\\ 286\\ 91\\ 232\\ 42\\ 120\\ 114\\ 0\\ 162\\ 50\\ 34\\ 48\\ 90\\ 86\\ 0\\ 227\\ 0\\ 178\\ 266\\ 48\\ 72\\ 61\\ 91\\ 53\\ 101\\ 0\\ 35\\ 41\end{array}$	$\begin{array}{c} 143\\ 56\\ 266\\ 8\\ 141\\ 55\\ 100\\ 36\\ 85\\ 110\\ 128\\ 114\\ 71\\ 280\\ 86\\ 238\\ 44\\ 118\\ 109\\ 7\\ 158\\ 23\\ 38\\ 46\\ 75\\ 64\\ 219\\ 3\\ 164\\ 248\\ 36\\ 445\\ 77\\ 37\\ 89\\ 1\\ 36\\ 412\\ \end{array}$	5 7 7 11 7 11 8 11 10 9 6 5 6 5 5 5 5 10 7 7 1 7 9 13 11 8 7 1 7 1 5 7 9 8 9 8 9 7 1 34 4 11 34 4 11 3 5 7 9 8 9 8 9 7 1 34 4 11 3 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	-2 -1 0 1 2 3 4 8 -7 -6 -5 4 -3 2 -1 0 1 2 3 4 8 -7 2 -1 0 0 -9 8 -7 -6 -5 4 -3 2 -1 0 1 2 3 4 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 -3 -2 -1 0 	-9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -9 -	15 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	$\begin{array}{c} 12\\ 171\\ 37\\ 113\\ 65\\ 60\\ 94\\ 57\\ 87\\ 120\\ 71\\ 167\\ 69\\ 82\\ 30\\ 46\\ 59\\ 41\\ 73\\ 24\\ 111\\ 147\\ 57\\ 156\\ 28\\ 66\\ 27\\ 37\\ 88\\ 43\\ 35\\ 5\\ 79\\ 6\\ 85\\ 104\\ 96\\ 95\\ 191\\ 47\\ 57\\ 115\\ 88\\ 43\\ 35\\ 5\\ 79\\ 6\\ 85\\ 104\\ 96\\ 95\\ 191\\ 415\\ 115\\ 115\\ 115\\ 115\\ 115\\ 115\\ 11$	29 167 29 99 42 51 83 66 107 11 60 91 51 54 28 91 94 54 72 91 94 54 72 91 94 54 72 53 38 77 16 41 71 64 85 80 89 65	

-7-3-2-1-0-1-2-3-9-8-7-4-3-2-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-1
55555555544444444111111111111111111122222222
16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 1
$\begin{array}{c} 177\\ 99\\ 133\\ 58\\ 105\\ 111\\ 138\\ 144\\ 136\\ 92\\ 200\\ 274\\ 156\\ 329\\ 200\\ 274\\ 156\\ 329\\ 49\\ 207\\ 274\\ 156\\ 329\\ 49\\ 208\\ 217\\ 5109\\ 163\\ 88\\ 197\\ 126\\ 89\\ 245\\ 309\\ 221\\ 66\\ 97\\ 145\\ 76\\ 64\\ 89\\ 505\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 34\\ 174\\ 355\\ 100\\ 251\\ 144\\ 358\\ 100\\ 251\\ 144\\ 358\\ 100\\ 251\\ 144\\ 358\\ 100\\ 251\\ 144\\ 355\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 1$
$\begin{array}{c} 164\\ 67\\ 111\\ 48\\ 88\\ 6121\\ 132\\ 19\\ 68\\ 59\\ 195\\ 321\\ 68\\ 59\\ 5195\\ 321\\ 66\\ 337\\ 52\\ 637\\ 52\\ 330\\ 198\\ 600\\ 177\\ 97\\ 213\\ 196\\ 671\\ 137\\ 213\\ 102\\ 213\\ 102\\ 213\\ 102\\ 213\\ 102\\ 213\\ 260\\ 29\\ 183\\ 322\\ 58\\ 900\\ 114\\ 260\\ 29\\ 183\\ 322\\ 58\\ 900\\ 114\\ 260\\ 235\\ 184\\ 15\\ 231\\ 231\\ 231\\ 231\\ 231\\ 231\\ 231\\ 231$
65574666697569444334445455386086645444652335339446096288148574146436334144797
-4 -3 -2 -1 0 1 10 9 8 7 -6 5 4 3 6 5 4 3 -2 1 0 1 2 3 4 5 6 5 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 -2 1 0 1 2 3 5 4 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 -2 1 0 1 2 3 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 4 3 -2 1 0 1 2 5 -4 3 -2 1 0 1 2 -2 1 0 1 2 -2 1 0 -2 1 -2 1
222222111111111555555555555566666666666
16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 1
$\begin{array}{c} 42\\ 98\\ 70\\ 57\\ 138\\ 126\\ 159\\ 25\\ 154\\ 257\\ 144\\ 350\\ 254\\ 100\\ 277\\ 126\\ 98\\ 136\\ 209\\ 350\\ 672\\ 252\\ 436\\ 165\\ 211\\ 210\\ 160\\ 89\\ 226\\ 348\\ 179\\ 377\\ 150\\ 157\\ 136\\ 00\\ 264\\ 728\\ 036\\ 238\\ 479\\ 353\\ 150\\ 150\\ 264\\ 728\\ 036\\ 258\\ 347\\ 149\\ 335\\ 358\\ 165\\ 211\\ 210\\ 160\\ 89\\ 226\\ 348\\ 179\\ 377\\ 150\\ 157\\ 136\\ 00\\ 264\\ 728\\ 036\\ 238\\ 479\\ 943\\ 353\\ 150\\ 150\\ 150\\ 150\\ 150\\ 150\\ 150\\ 150$
$\begin{array}{c} 27\\85\\9\\38\\134\\101\\147\\102\\10\\137\\5\\6\\6\\127\\6\\135\\6\\27\\6\\27\\6\\135\\6\\27\\6\\27\\6\\135\\6\\27\\6\\135\\6\\27\\6\\135\\6\\27\\6\\135\\6\\27\\6\\10\\5\\19\\28\\11\\2\\27\\17\\6\\10\\5\\19\\22\\16\\13\\4\\19\\19\\22\\16\\7\\13\\4\\19\\18\\14\\4\\4\\14\\2\\27\\7\\25\\7\\16\\8\\24\\6\\19\\5\\9\\9\\22\\16\\1\\19\\1\\19\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\$
10 7 8 10 6 7 12 8 9 4 6 5 3 1 4 4 5 4 5 4 4 4 6 4 6 0 8 5 7 4 4 5 5 9 10 5 5 4 6 4 4 6 5 4 4 4 5 6 8 1 9 4 0 9 4 5 7 1 4 4 4 3 8 1 6 1 8 7 4 1 6 5 4 5 4 5 4 6 4 9 6
-3 -2 -1 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -9 -8
1 1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 3 3
16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16
60 139 109 50 199 67 146 62 41 96 145 44 97 105
54 131 86 41 186 42 122 46 10 74 139 16 73 86
9 7 14 11 9 8 6 11 7 7 10 12 4

-13 -12 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -12 -10 -12 -10 -12 -10 -15 -14 -11 -10 -11 -10 -12 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10 -10	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	888888888888888888888888888888888888888	0 58 90 22 94 20 71 42 12 342 31 124 460 260 29 69 229 68 81 86 43 31 113 124 8 125 117	$\begin{array}{c} 27\\ 54\\ 96\\ 31\\ 107\\ 14\\ 80\\ 46\\ 9\\ 371\\ 32\\ 137\\ 454\\ 260\\ 27\\ 64\\ 226\\ 62\\ 70\\ 84\\ 17\\ 6\\ 97\\ 117\\ 11\\ 124\\ 120\\ 107\\ \end{array}$	1 5 4 9 4 7 1 9 4 7 1 9 4 6 6 7 4 4 5 4 8 3 16 7 4 7 4 4 5	-2 -1 0 1 2 -14 -13 -12 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 -14 -13 -12 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -10 1 -14 -13 -12 -11 -11 -12 -14 -13 -12 -11 -12 -11 -12 -11 -12 -11 -12 -11 -12 -11 -12 -14 -13 -12 -11 -12 -11 -12 -14 -13 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -14 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12 -12	8 8 8 8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	888888888888888888888888888888888888888	$\begin{array}{c} 112\\ 0\\ 63\\ 84\\ 62\\ 35\\ 0\\ 97\\ 12\\ 80\\ 151\\ 107\\ 55\\ 82\\ 198\\ 48\\ 51\\ 47\\ 35\\ 90\\ 110\\ 59\\ 230\\ 95\\ 166\\ 89\\ 51\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 1$	111 9 58 77 53 7 16 97 13 85 153 107 51 69 208 46 58 40 33 77 110 37 225 92 169 92 102	4 11 8 9 6 1 5 2 5 4 4 6 6 6 7 1 4 7 5 4 5 4 7 5 4 7 5 4 7 5
-9 8 7 2 110 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 2 1 0 9 8	5 5 4 4 4 4 4 5 5 5 4 5 5 5 4 5 5 5 5 5	888999999999999999999999999999999999999	$\begin{array}{c} 109\\ 201\\ 434\\ 76\\ 186\\ 26\\ 127\\ 164\\ 222\\ 21\\ 410\\ 296\\ 143\\ 428\\ 262\\ 137\\ 97\\ 442\\ 27\\ 238\\ 120\\ 308\\ 130\\ 91\\ 57\\ 148\\ 131\\ 32\\ 69\\ 9252 \end{array}$	$\begin{array}{c} 107\\ 211\\ 454\\ 69\\ 180\\ 17\\ 121\\ 165\\ 213\\ 9\\ 400\\ 282\\ 142\\ 417\\ 245\\ 142\\ 101\\ 441\\ 9\\ 261\\ 133\\ 327\\ 12\\ 144\\ 138\\ 73\\ 42\\ 144\\ 124\\ 266\\ 75\\ 75\\ 251\\ \end{array}$	9 4 0 6 4 2 5 4 6 9 4 4 3 5 3 3 9 6 9 4 4 5 1 5 4 4 1 6 4 8 6 4	-8 -7 -12 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -10 12 3 4 5 6 7 8 -3 -12 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -10 12 3 4 5 6 7 8 -3 2 -11 -10 -9 -8 -7 -6 -5 -4 -7 -6 -7 -7 -6 -7 -6 -7 -6 -5 -4 -7 -6 -5 -4 -7 -6 -7 -6 -7 -6 -5 -4 -7 -6 -5 -4 -7 -6 -7 -6 -7 -6 -7 -7 -6 -7 -6 -7 -7 -6 -7 -7 -6 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7	10 10 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	888999999999999999999999999999999999999	$\begin{array}{c} 10\\ 37\\ 133\\ 110\\ 46\\ 203\\ 158\\ 380\\ 82\\ 486\\ 222\\ 527\\ 145\\ 182\\ 0\\ 68\\ 34\\ 43\\ 87\\ 98\\ 54\\ 67\\ 96\\ 126\\ 128\\ 247\\ 70\\ 246\\ 144\\ 0\\ 120\\ 305 \end{array}$	22 43 146 109 49 208 170 409 81 480 236 522 141 189 269 34 43 88 94 57 62 82 116 126 248 73 260 148 81 260 148 81 260 126 126 126 126 126 126 126 126 126 126	9 8 4 8 3 6 4 8 4 6 7 7 3 5 1 3 6 7 6 4 6 8 7 8 7 7 9 9 4 1 4 5
-8 -7 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 -14	-2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -	9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	253 133 262 272 541 317 758 60 414 10 422 176 194 88 840 61 51 82	251 129 261 276 526 313 734 50 400 8 424 180 208 18 91 145 57 34 76	4 3 4 6 4 9 4 4 9 6 4 4 8 12 4 5 17 7	-6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 4 -14 3 -12 -11 -10	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 3 3 3 3 3	9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	$\begin{array}{c} 395 \\ 109 \\ 167 \\ 142 \\ 427 \\ 135 \\ 322 \\ 0 \\ 0 \\ 158 \\ 31 \\ 30 \\ 35 \\ 43 \\ 0 \\ 73 \\ 41 \\ 36 \\ 289 \end{array}$	401 109 162 137 425 123 319 1 10 158 30 25 1 42 6 3 42 63 42 44 300	5 4 6 4 6 3 4 1 1 4 10 300 211 15 1 9 15 8 4

13 12 1 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 4 3 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 4 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 2 1 0 1 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 2 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1	999999999999999999999999999999999999999	$\begin{array}{c} 52\\ 124\\ 29\\ 154\\ 93\\ 254\\ 0\\ 542\\ 384\\ 1206\\ 583\\ 272\\ 394\\ 155\\ 19\\ 460\\ 44\\ 149\\ 80\\ 119\\ 465\\ 616\\ 267\\ 141\\ 2290\\ 148\\ 172\\ 268\\ 227\\ 689\\ 115\\ 427\\ 89\\ 215\\ 129\\ 405\\ 72\\ 665\\ 138\\ 200\\ 238\\ 113\\ 77\\ 21\\ 410\\ 841\\ 43\\ 18\\ 278\\ 47\\ 204\\ 54\\ 303\\ 215\\ 128\\ 270\\ 47\\ 204\\ 54\\ 303\\ 215\\ 128\\ 270\\ 47\\ 204\\ 54\\ 303\\ 215\\ 188\\ 200\\ 238\\ 113\\ 77\\ 21\\ 410\\ 841\\ 43\\ 18\\ 278\\ 47\\ 204\\ 54\\ 303\\ 215\\ 188\\ 200\\ 238\\ 113\\ 77\\ 21\\ 410\\ 841\\ 43\\ 182\\ 78\\ 270\\ 45\\ 303\\ 215\\ 188\\ 200\\ 238\\ 113\\ 77\\ 21\\ 410\\ 841\\ 43\\ 182\\ 78\\ 47\\ 204\\ 54\\ 303\\ 215\\ 188\\ 200\\ 238\\ 113\\ 77\\ 21\\ 410\\ 841\\ 43\\ 182\\ 78\\ 206\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102$	$\begin{array}{c} 55\\ 129\\ 13\\ 594\\ 250\\ 155\\ 381\\ 266\\ 206\\ 5667\\ 381\\ 154\\ 82\\ 467\\ 357\\ 11\\ 36\\ 157\\ 11\\ 36\\ 117\\ 215\\ 288\\ 146\\ 172\\ 215\\ 288\\ 146\\ 172\\ 215\\ 288\\ 146\\ 172\\ 215\\ 288\\ 101\\ 71\\ 325\\ 216\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 331\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 313\\ 38\\ 240\\ 782\\ 223\\ 116\\ 316\\ 316\\ 316\\ 316\\ 316\\ 316\\ 31$	12787461643363534267454688076943333387345426461256374644451235561218557413453455157	-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-3-1-2-3-4-5-6-7-8-1-2-3-	333333333333333333333444444444444444444	99999999999999999999999999999999999999	$\begin{smallmatrix} 52\\224\\97\\426\\283\\360\\151\\0\\40\\129\\288\\10\\92\\33\\56\\17\\0\\358\\147\\96\\6213\\14\\519\\9104\\35\\93\\41\\19\\307\\279\\225\\416\\151\\64\\10\\321\\688\\125\\283\\10\\121\\279\\225\\416\\151\\64\\10\\321\\688\\125\\283\\10\\121\\127\\45\\109\\087\\938\\125\\283\\101\\212\\127\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\14\\45\\109\\212\\127\\127\\127\\125\\102\\127\\127\\127\\127\\127\\127\\127\\127\\127\\12$	$\begin{array}{c} 57\\ 229\\ 4294\\ 294\\ 294\\ 294\\ 294\\ 294\\ 29$	6 4 4 6 6 7 1 3 5 6 1 7 4 9 2 8 4 3 3 1 4 1 5 4 6 4 4 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 5 5 4 4 6 4 4 5 5 7 9 1 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 4 8 5 5 1 5 8 2 4 3 3 3 3 4 3 5 1 5 1 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 3 4 3 5 1 5 8 2 4 3 3 3 3 4 3 5 1 5 8 1 5 8 4 4 4 4 4 5 6 4 4 4 5 6 4 4 4 5 6 4 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 6 4 4 5 5 7 8 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
		999999999999999999999999999999999999999	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9525591241299291391541559939492542509010954253593843819271266920620695835669272267939438191551549194198921249460467944359149157980749113113944459653691161149637192672859141146912812792102152152202219240251924126698988921216989889212619898892126198988921261989889212619898392126198983921219232419<	952551291241297929132891541557993944925425069010195425356901019542535669206206392062063920620639394381591551543919419849212420946046769411574980745911911349444516965368911611489637110926728579141146691221039245215492002883914814639276159898849212620931262093120219898849212121043369<	9525512-991241297-89291328-791541557-6993944-592542506-490101-395425356-293843814-19271266309206206319583566629272267339394381549155154359194198469212420794604676-15944357-1491491574-13980745-1291191134-119444516-10965368-991161148-89637110-792672857-691281279-492152154-392002883-29271183927615-159 </td <td>9525512-9391241297-839291328-7391541557-6392542506-4390101-3395425356-2393843814-1392712663039206206313927226733393943815439155154353919419846392124207394604676-15491434-11491491574-1349637110-7492672857-6491161148-892152154-3492672863-1492672867-491281279-492152154-34927615-159271183-14927<</td> <td>9525512-93991241297-83991541557-639993944-53992542506-43990101-33995425356-23992712663039922620631399227267333993943815439915515435399149188463991491574-134991491574-1349944357-144991491574-1349965368-949965368-94991411466-54992672857-6499268217730492202883-2499128127730492776<</td> <td>9525512-9395291241297-8392249291328-739991541557-639992542506-43936390101-33919095425356-23915893843814-13910192063139009583566623939939438154398291551543539489212267333912994404676-154923394404576-104935499115113497692021110-74910791491574-9491689146114884914991411466-54914791262267-64918891637110-7</td> <td>9 52 55 12 -9 3 9 52 57 9 124 129 7 -8 3 9 224 229 9 129 154 155 7 -6 3 9 426 429 9 93 94 4 -5 3 9 1363 382 9 0 10 1 -3 3 9 160 210 9 542 555 6 -2 3 9 151 165 9 206 206 3 1 3 9 0 22 9 551 53 5 3 3 9 129 128 9 246 267 3 3 9 33 328 9 146 157 4 3 9 323 11 9 44 35 7</td>	9525512-9391241297-839291328-7391541557-6392542506-4390101-3395425356-2393843814-1392712663039206206313927226733393943815439155154353919419846392124207394604676-15491434-11491491574-1349637110-7492672857-6491161148-892152154-3492672863-1492672867-491281279-492152154-34927615-159271183-14927<	9525512-93991241297-83991541557-639993944-53992542506-43990101-33995425356-23992712663039922620631399227267333993943815439915515435399149188463991491574-134991491574-1349944357-144991491574-1349965368-949965368-94991411466-54992672857-6499268217730492202883-2499128127730492776<	9525512-9395291241297-8392249291328-739991541557-639992542506-43936390101-33919095425356-23915893843814-13910192063139009583566623939939438154398291551543539489212267333912994404676-154923394404576-104935499115113497692021110-74910791491574-9491689146114884914991411466-54914791262267-64918891637110-7	9 52 55 12 -9 3 9 52 57 9 124 129 7 -8 3 9 224 229 9 129 154 155 7 -6 3 9 426 429 9 93 94 4 -5 3 9 1363 382 9 0 10 1 -3 3 9 160 210 9 542 555 6 -2 3 9 151 165 9 206 206 3 1 3 9 0 22 9 551 53 5 3 3 9 129 128 9 246 267 3 3 9 33 328 9 146 157 4 3 9 323 11 9 44 35 7

5678921109876543210123456789211098765432101234567892110987654321012345678932110987654321012345678109876
5 5 5 5 5 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
$\begin{array}{c} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 $
$\begin{array}{c} 310\\ 244\\ 62\\ 129\\ 29\\ 32\\ 150\\ 20\\ 77\\ 87\\ 46\\ 168\\ 225\\ 156\\ 363\\ 27\\ 137\\ 80\\ 187\\ 89\\ 19\\ 186\\ 0\\ 158\\ 99\\ 186\\ 0\\ 158\\ 99\\ 186\\ 0\\ 259\\ 96\\ 148\\ 79\\ 403\\ 205\\ 168\\ 27\\ 99\\ 8307\\ 25\\ 462\\ 0\\ 24\\ 84\\ 0\\ 108\\ 117\\ 223\\ 155\\ 375\\ 213\\ 26\\ 73\\ 155\\ 375\\ 213\\ 26\\ 73\\ 155\\ 375\\ 213\\ 26\\ 73\\ 155\\ 375\\ 213\\ 26\\ 73\\ 155\\ 213\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25$
$\begin{array}{c} 321\\ 266\\ 72\\ 135\\ 30\\ 11\\ 151\\ 20\\ 90\\ 49\\ 171\\ 235\\ 160\\ 357\\ 24\\ 188\\ 193\\ 86\\ 145\\ 8\\ 193\\ 86\\ 145\\ 8\\ 193\\ 86\\ 145\\ 8\\ 193\\ 86\\ 145\\ 99\\ 100\\ 103\\ 66\\ 15\\ 20\\ 120\\ 120\\ 125\\ 120\\ 125\\ 120\\ 120\\ 125\\ 120\\ 120\\ 120\\ 125\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120$
866548420586464483344841550016567720513333844446654487741264541971234141555556952136
-1310987654321012345678211098765432101234567132101234567132109876543210123456721198765432101234567219876543210123
000000000000000000000000000000000000000
10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1
288 109 86 170 42 130 9 162 261 326 100 42 100 261 326 100 42 100 200 200 200 200 200 200 200 200 20
$\begin{array}{c} 293\\ 106\\ 89\\ 186\\ 139\\ 684\\ 129\\ 372\\ 301\\ 100\\ 330\\ 218\\ 92\\ 13\\ 57\\ 10\\ 59\\ 14\\ 829\\ 57\\ 61\\ 21\\ 93\\ 103\\ 58\\ 714\\ 30\\ 325\\ 78\\ 38\\ 16\\ 10\\ 127\\ 18\\ 31\\ 87\\ 105\\ 99\\ 98\\ 203\\ 16\\ 58\\ 702\\ 8\\ 1225\\ 18\\ 21\\ 99\\ 93\\ 56\\ 829\\ 31\\ 52\\ 12\\ 99\\ 93\\ 56\\ 829\\ 31\\ 52\\ 12\\ 99\\ 95\\ 52\\ 12\\ 8\\ 20\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 1$
8 8 8 6 9 4 5 6 4 8 3 4 4 4 4 5 4 4 9 7 10 9 9 7 6 4 19 8 4 5 5 4 6 5 5 4 4 5 5 5 8 7 25 1 4 6 4 91 1 4 4 4 4 4 3 4 7 4 9 5 7 7 7 7 7 7 7 7 3 1 3 3 4 6 4 5 4 4

-5 -6 11 258 259 6 4 -2 11 577 60 -3 -6 11 374 374 8 6 -2 11 00 16 -2 -6 11 190 190 3 7 2 11 36 155 -1 -6 11 257 263 5 -13 -11 11 50 61 1 2 -6 11 216 2 -1 11 182 196 1 3 -6 11 21 22 5 -6 11 11 185 190 6 -6 11 22 5 -7 -1 11 130 312 7 6 11 23 23 4 -1 -1 11 33 312 6 -6 11 130 137 4 0
6618523477844445314540444362377454444334451515865192561777444444474454287112251477
$\begin{array}{c} 57\\62\\0\\36\\129\\549\\562\\105\\319\\327\\0\\6219\\327\\0\\6219\\3207\\0\\6219\\3237\\0\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\10\\20\\213\\237\\25\\237\\25\\237\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\25\\$
$\begin{array}{c} 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11$
222221111111111111111111112222222222222
4567832110987654321012345672110987654321012345671210987654321012345673210987654321012345643245643210987654
6483654754498566444474453441444040179465653833648545174878494733433486546590
$\begin{array}{c} 259\\ 174\\ 374\\ 190\\ 592\\ 263\\ 229\\ 51\\ 221\\ 152\\ 238\\ 48\\ 56\\ 32\\ 204\\ 128\\ 140\\ 168\\ 137\\ 125\\ 111\\ 186\\ 75\\ 125\\ 19\\ 204\\ 135\\ 155\\ 17\\ 178\\ 46\\ 0\\ 54\\ 89\\ 138\\ 67\\ 15\\ 44\\ 74\\ 129\\ 76\\ 80\\ 30\\ 221\\ 151\\ 435\\ 93\\ 45\\ 77\\ 137\\ 124\\ 16\\ 29\\ 136\\ 231\\ 127\\ 231\\ 20\\ 214\\ 63\\ 257\\ 248\\ 174\\ 136\\ 186\\ 186\\ 186\\ 186\\ 186\\ 186\\ 186\\ 18$
$\begin{array}{c} 258\\ 168\\ 374\\ 190\\ 588\\ 257\\ 216\\ 47\\ 211\\ 144\\ 225\\ 44\\ 53\\ 30\\ 212\\ 136\\ 138\\ 168\\ 123\\ 106\\ 123\\ 106\\ 125\\ 146\\ 111\\ 166\\ 38\\ 0\\ 53\\ 88\\ 136\\ 64\\ 152\\ 74\\ 122\\ 75\\ 122\\ 0\\ 27\\ 14\\ 126\\ 234\\ 960\\ 97\\ 186\\ 617\\ 342\\ 135\\ 126\\ 248\\ 135\\ 138\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 961\\ 255\\ 248\\ 135\\ 129\\ 255\\ 248\\ 135\\ 135\\ 138\\ 129\\ 255\\ 248\\ 135\\ 138\\ 136\\ 135\\ 138\\ 136\\ 136\\ 135\\ 138\\ 136\\ 135\\ 136\\ 136\\ 136\\ 135\\ 136\\ 136\\ 136\\ 136\\ 136\\ 136\\ 136\\ 136$
$\frac{11}{11} \frac{11}{11} 11$
؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋؋ڹڹڹ؋؋ڹ؋ڹ؋ڹ؋ڹ؋ڹ
-5-4-3-2-1-0123456782110987-6-5-4-3-2-1-0123456782110987-6-5-4-3-2-1-01234567821109-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-2-1-0-1-2-3-4-5-2-1-0-1-2-3-2-1-0-1-2-3-4-5-2-1-0-1-2-3-2-1-0-1-2-2-2-2-2-2-1-0-1-2-2-2-2-2-2-2

-13 -2 11 111 98 8 -3 2 11 7 17 -9 -5 12 112 112 113 135 -8 -5 12 115 165 4 6 -1 12 24 25 -7 -5 12 134 14 -11 0 12 96 97 -5 -5 12 10 13 1 -10 0 12 98 97 -3 -5 12 10 15 1 -8 0 12 111 14 0 -5 12 128 16 0 12 111 14 0 -5 12 123 131 4 -3 0 12 241 237 27 1 -5 12 131 14 0 12 241 237 27 237 30 12 110 106 5 -5 12 213 131
72638597144456496545168308869771454686987518168474445471187543194558663946878
1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
$\begin{array}{c} 17 \\ 44 \\ 76 \\ 26 \\ 135 \\ 97 \\ 211 \\ 156 \\ 122 \\ 373 \\ 213 \\ 213 \\ 211 \\ 156 \\ 101 \\ 474 \\ 275 \\ 213 \\ 201 \\ 101 \\ 79 \\ 200 \\ 135 \\ 107 \\ 600 \\ 815 \\ 120 \\ 23 \\ 106 \\ 133 \\ 131 \\ 254 \\ 79 \\ 145 \\ 373 \\ 106 \\ 69 \\ 216 \\ 1706 \\ 235 \\ 72 \\ 177 \\ 124 \\ 187 \\ 106 \\ 509 \\ 216 \\ 1706 \\ 235 \\ 72 \\ 177 \\ 124 \\ 187 \\ 120 \\ 133 \\ 131 \\ 125 \\ 79 \\ 145 \\ 373 \\ 106 \\ 509 \\ 216 \\ 1706 \\ 235 \\ 72 \\ 177 \\ 124 \\ 187 \\ 120 \\ 105$
7 31 78 24 13 0 99 0 158 112 22 67 165 6 13 35 11 77 6 5 24 0 27 35 8 42 0 27 35 8 30 5 28 12 4 6 0 30 17 11 24 38 6 21 76 5 6 13 35 11 77 6 5 29 17 8 6 29 8 33 9 24 0 17 8 138 125 8 3 0 5 32 88 12 9 4 6 0 30 17 11 24 3 17 9 14 8 17 8 71 12 13 71 12 13 8 71 12 13 8 71 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1
11 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 1
2 - 1 - 1 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
3 4 5 6 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 3 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 13 2 1 0 9 8 7 6 5 1 0 1 2 3 4 5 10 1 0 9 8 7 6 10 1 0 1 2 3 4 5 10 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1
886444141414105644444153733425933320655765881171817144133474654216227977643634445513160
98 108 195 291 11 11 12 15 289 73 51 162 21 230 219 167 27 230 219 4 9 270 219 18 57 162 27 230 219 49 270 219 270 270 219 270 270 219 270 270 219 270 270 219 270 270 219 270 270 270 270 270 270 270 270 270 270
$\begin{array}{c} 111\\ 112\\ 189\\ 154\\ 10\\ 0\\ 286\\ 78\\ 512\\ 12\\ 0\\ 35\\ 24\\ 2\\ 12\\ 2\\ 1\\ 2\\$
1122222222222222222222222222222222222
ŶĊŗŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢŢ
-13098765432-1012345671098765432-1012345672109876543-2-10123456721198765432-1012345672119876543-2-101234567

-13	-1 1	12	118	108	8	3	3	12	92	75	6
-12 -11	-1	12	190	210	8 7	-13	4	12	0	16	1
-10 -9	-1 -1	12 12	195 99	202 103	7 8	-12 -11	4 4	12 12	149 141	151 136	7 5
-8	-1	12	223	225	7	-10	4	12	80	80	5
-7 -6	-1 -1	12 12	53 315	51 309	6 5	-9 -8	4 4	12 12	0 43	6 40	1 9
-5	-1	12	51	56	7	-7	4	12	128	134	4
-4 -3	-1 -1	12 12	215 134	204 132	4 4	-6 -5	4 4	12 12	164 0	167 1	4
-2	-1	12	94	95	3	-4	4	12	111	101	5
-1 0	-1 -1	12 12	24 62	24 60	18 6	-3 -2	4 4	12 12	54 11	50 19	7 11
1	-1	12	285	279	5	-1	4	12	82	84	8
2	-1 -1	12 12	87 45	89 49	5 8	0	4 4	12 12	67 0	59 12	8 1
5	-1	13	102	96	5	-1	5	13	0	11	1
-12 -11	0	13	122	90 106	8	1	5 5	13	110	30 79	9 5
-10 _9	0	13 13	57 ⊿q	52 47	13 15	-12 -11	6	13 13	97 126	87 115	10 6
-8	0	13	34	24	11	-10	6	13	114	110	5
-7 -6	0	13 13	127 306	128 299	5 5	-9 -8	6 6	13 13	0 71	4 63	1 6
-5	Ő	13	122	115	4	-7	6	13	77	76	6
-4 -3	0	13 13	84 18	79 21	5 17	-6 -5	6 6	13 13	153 20	157 34	4 20
-2	0	13	224	214	6	-4	6	13	128	131	5
-1 0	0	13 13	118 136	119 153	7	-3 -2	6	13 13	33 142	36 146	11 6
1	0	13	179	174	6	-1	6	13	129	115	6
2	0	13	198	124	7	-12	7	13	64	57	6
4	0	13 13	114 62	106 48	7	-11 -10	7	13 13	77 33	70 28	5 11
-12	1	13	02	25	1	-9	7	13	153	153	4
-11 -10	1 1	13 13	33 0	48 1	32 1	-8 -7	7 7	13 13	115 77	116 80	5 6
-9	1	13	32	8	11	-6	7	13	77	72	5
-8 -7	1 1	13 13	292 134	293 138	5 4	-5 -4	7 7	13 13	11 110	38 109	11 5
-6	1	13	175	173	4	-3	7	13	18	7	17
-5 -4	1	13	202 264	203 257	4 5	-2 -1	7	13	49	99 34	6 5
-3 -2	1	13 13	214 226	216	4	-10 _9	8 8	13 13	104	91 5	7 1
-1	1	13	197	195	6	-8	8	13	68	67	6
0 1	1 1	13 13	158 39	153 40	6 15	-7 -6	8 8	13 13	16 62	11 61	16 6
2	1	13	113	113	7	-5	8	13	69	67	8
3 4	1 1	13 13	103 65	90 38	7	-4 -3	8 8	13 13	54 85	48 70	6 4
-12	2	13	96	98	9	-8	9	13	75	64	9
-10	2	13	26 36	47 36	26 9	-7 -6	9	13	211	4 204	7
-9 -8	2	13 13	50	47 17	7	-5 -4	9	13 13	48 170	32 162	10
-0 -7	2	13	22	27	21	-4 -1	-13	14	55	33	10
-6 -5	2	13 13	19 14	14 6	19 14	0 1	-13 -13	14 14	126 25	126 25	7 24
-4	2	13	83	84	5	2	-13	14	221	239	8
-3 -2	2	13 13	228 128	224 121	4 7	-4 -3	-12 -12	14 14	127 68	126 47	6 9
-1	2	13	203	201	6	-2	-12	14	279	295	8
0 1	2	13 13	0 150	19 145	1 6	-1 0	-12 -12	14 14	81 184	89 199	9 7
2	2	13	55 116	45	9	1	-12	14	105	105	8
-12	∠ 3	13	49	52	ю 15	∠ 3	-12 -12	14	0	19	9 1
-11 -10	3 3	13 13	80 60	70 61	5 7	4	-12 -12	14 14	95 64	69 37	14 5
-9	3	13	45	49	8	-6	-11	14	161	172	6
-8 -7	3 3	13 13	125 318	122 312	5 5	-5 -4	-11 -11	14 14	98 129	90 132	12 7
-6	3	13	218	222	6	-3	-11	14	81	88	8
-5	3	13	339	331	5	-2	-11	14	5	17	4

3 13 186 187 4 -1 -11 14 3 13 310 309 5 0 -11 14 3 13 185 178 6 1 -11 14 3 13 169 168 6 3 -11 14 3 13 169 168 6 3 -11 14 4 13 169 69 11 -7 -10 14 4 13 10 25 10 -4 -10 14 4 13 10 25 10 -4 -10 14 4 13 10 14 7 -10 14 4 13 124 13 24 2 -10 14 4 13 164 164 6 4 -10 14 4 13 141 20 9 -8 -9 14 5 13 14 13 110 </th <th>57809953466071779351759577118599618135577886800987954077745011961149877244655</th>	57809953466071779351759577118599618135577886800987954077745011961149877244655

-3	-4	15	231	227	6	-6	3	15	115	107	8
-2	-4	15	181	189	6	-5	3	15	0	17	1
-1 0	-4 -4	15 15	19 168	20 171	18 4	-4 -3	3	15 15	7 16	11 19	7 15
1	-4 -4	15 15	96 124	94 125	5	-2 -1	3	15 15	32	16 66	17
3	-4	15	113	106	5	-10	4	15	113	101	4
-10	-4 -3	15	36	57 15	20	-9 -8	4	15	27	33	26
-8	-3	15	38	46	27	-7	4	15	38	33	11
-7	-3	15	27	30	27	-6	4	15	61	49	7
-6	-3	15	101	90	9	-5	4	15	23	17	23
-5	-3	15	53	41	7	-4	4	15	0	2	1
-4	-3	15	123	125	6	-3	4	15	0	15	1
-3	-3	15	127	131	6	-2	4	15	32	2	15
-2	-3	15	36	38	16	-10	5	15	32	7	8
-1	-3	15	176	189	6	-9	5	15	31	7	20
0	-3	15	79	84	8	-8	5	15	132	121	5
1	-3	15	59	62	10	-7	5	15	20	1	19
2	-3 -3	15 15	26 78	12 72	26 8	-6 -5	5	15 15	33 82	14 72	11
-10 -9	-2 -2	15 15	95 101	108	10 9	-4 -3	5 5	15 15	62 96	51 83	8 7
-8 7	-2	15	79	99 110	10	-9	6	15	93 50	86 25	8
-6	-2 -2	15	27	21	13	-0 -7	6	15	81	68 126	5
-5 -4	-2	15	120	269 119	5 7	-0 -5	6	15	50	126	4 9
-3 -2	-2 -2	15	239	245	6 7	-4 -3	-10	16	59 65	35 32	5 6
-1	-2	15	25	24	24	-1	-10	16	198	198	7
0	-2	15	144	151	7	0	-10	16	71	57	8
1	-2	15	128	120	7	1	-10	16	96	88	8
2	-2	15	127	109	7	-6	-9	16	117	94	4
3	-2	15	35	6	10	-3	-9	16	133	126	6
-11	-1	15	43	54	21	-2	-9	16	170	160	7
-10	-1	15	136	144	9	-1	-9	16	82	75	7
-9	-1	15	78	78	11	0	-9	16	57	27	9
-8	-1	15	85	86	10	1	-9	16	146	138	4
-7	-1	15	121	109	8	2	-9	16	71	54	5
-6	-1	15	308	295	5	3	-9	16	126	112	5
-5	-1	15	115	109	5	-6	-8	16	113	91	4
-4	-1	15	128	121	6	-5	-8	16	113	97	5
-3	-1	15	137	142	7	-3	-8	16	229	223	7
-2	-1	15	60	53	10	-2	-8	16	71	64	8
-1	-1	15	165	155	6	-1	-8	16	208	208	7
0	-1	15	83	77	8	0	-8	16	119	108	4
1	-1	15	170	161	7	1	-8	16	163	150	4
2	-1 3	15 16	70 87	68 85	8	2	-8 -3	16 17	61 122	37	9
-6 -5	3	16 16	25 109	16 102	18 7	-9 -8	-2 -2	17 17	126	115 116	8 8
-4 -3	3	16 16	87 54	75	7	-7 -3	-2 -2	17	61	63	10 7
-9	4	16	78 66	65 58	6	-2	-2	17	61 127	51 115	8
-0 -7	4	16	98 52	56 77	9	-9	-2 -1	17	78	71	10
-6 -7	4 5	16	53 134	128	6 7	-0 -7	-1 -1	17	58	64 52	9 11
-6 -4	-9	16 17	119	51 92	8 5	-6 -5	-1 -1	17	76 64	58 13	6
-3	-9	17	98	73	5	-4	-1	17	58	9	7
-2	-9	17	115	96	5	-3	-1	17	29	6	18
-3	-9 -8	17 17	97 179	56 164	5 6	-9 -8	0	17 17	92 94	98 70	9
-1	-8	17	198	185	6	-7	0	17	98	72	4
0	-8	17	155	122	6	-6	0	17	62	41	6
1	-8	17	166	150	4	-5	0	17	88	58	6
-1	-7	17	130	98	5	-4	0	17	106	102	7
0	-7	17	117	89	3	-3	0	17	93	81	7
1	-7	17	60	17	7	-8	1	17	49	34	12
-1	-6	17	236	224	6	-7	1	17	124	91	5
0	-6	17	119	101	5	-6	1	17	63	23	6
1	-6	17	194	183	6	-5	1	17	197	174	6
-1	-5	17	67	47	6	-4	1	17	151	115	6
0	-5	17	105	80	5	-8	2	17	51	38	10
-3	-4	17	83	58	6	-7	2	17	57	21	5

-2	-4	17	58	2	6	-6	2	17	89	63	6
-1	-4	17	57	39	6	-2	-5	18	87	51	4
0	-4	17	96	73	7	-3	-4	18	134	117	5
-7	-3	17	176	154	7	-4	-3	18	183	162	5
-3	-3	17	118	94	5	-3	-3	18	155	124	5
-2	-3	17	88	67	6	-5	-2	18	135	109	5
-1	-3	17	45	23	9	-4	-2	18	162	123	5

Tabelle 49 Einkristallstrukturdaten von Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF₃ bei 25 °C. Angegeben sind die Millerschen Indices (hkl), die beobachteten (F₀) und berechneten (F_c) Strukturfaktoren sowie die Standartabweichungen (s) der beobachteten Werte.

h 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 11 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1
k 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Fc 10s 87 4 87 4 52 7 45 37 45 37 45 37 469 4 418 24 54 8 33 86 9 58 70 88 70 88 520 55 521 1 622 18 187 13 9 58 522 5 522 1 70 88 94 2 958 11 87 13 941 2 201 7 21 7 225 22 226 1 440 3 225 22 236 5 117 233 236
h-101234567891011129-8-7-6-5-4-3-2-101234567891011129-8-7-6-5-4-3-2-10123456789101112-8-7-6-5-4-3-2-10123456789101112-7-6-5-4-3-2-1012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-1012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-1012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-1012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-1012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-9101112-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-910112-7-6-5-4-3-2-10012345600-1-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-910112-7-6-5-4-3-2-10012345600-1-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345600-1-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345607-8-91000-1-2-345607-8-91000-1-2-345607-8-91000-1-2-345607-8-9100-1-2-345607-8-9100-1-2-345607-8-9100-1-2-345607-8-9100-1-2-345607-8-9100-1-2-345607-8-9100-1-2-345600-1-9-8-7-6-5-4-3-2-100-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-345600-1-9-8-10-1-2-34500-1-9-8-10-1-2-34500-1-9-8-10-1-2-34500-1-9-8-10-1-2-34500-1-9-8-10-1-2-34500-1-2-10-1-2-34500-1-2-10-1-2-3450
k 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 5 5 5 5
$ \begin{array}{ccccc} 1 & 10F_0 \\ 0 & 520 \\ 0 & 899 \\ 0 & 676 \\ 0 & 413 \\ 0 & 676 \\ 0 & 267 \\ 0 & 173 \\ 0 & 133 \\ 0 & 135 \\ 0 & 135 \\ 0 & 131 \\ 0 & 233 \\ 0 & 131 \\ 0 & 243 \\ 0 & 337 \\ 0 & 144 \\ 0 & 0 \\ 0 & 82 \\ 0 & 81 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 337 \\ 0 & 41 \\ 0 & 377 \\ 0 & 603 \\ 0 & 214 \\ 0 & 344 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 244 \\ 0 & 264 \\ 0 & 0$
10Fc 456 457 577 694 62 301 616 102 23 110 122 110 23 110 23 111 352 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 111 16 112 350 114 125 112 350 112 350 120 28 1313 120 1333 50 120 90 1333 120 1333 120 1333 120 1120 111 120 111 120
$\begin{smallmatrix} 108 & 4 \\ 11 & 3 \\ 4 & 5 \\ 27 & 8 \\ 6 & 12 \\ 15 \\ 14 \\ 42 \\ 19 \\ 40 \\ 11 \\ 50 \\ 16 \\ 4 \\ 42 \\ 19 \\ 6 \\ 6 \\ 34 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 1$
h78901112-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8910112-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-891011-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-89101-1-0-1-2-3-4-5-6-7-892-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-
$\begin{smallmatrix} k & 8 & 8 & 8 & 8 \\ 8 & 8 & 8 & 8 & 8 \\ 9 & 9 & 9 & 9 & 9 \\ 9 & 9 & 9 & 9 & 9$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 10 \mbox{Fc} \\ 267 \mbox{7} \\ 770 \\ 178 \\ 8 \\ 123 \\ 40 \\ 33 \\ 44 \\ 44 \\ 44 \\ 94 \\ 18 \\ 140 \\ 10 \\ 38 \\ 227 \\ 154 \\ 111 \\ 33 \\ 225 \\ 154 \\ 114 \\ 125 \\ 154 \\ 125 \\ 154 \\ 116 \\ 122 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 127 \\ 141 \\ 161 \\ 100 \\$
$\begin{matrix} 10s \\ 12c \\ 217 \\ 412 \\ 121 \\ 416 \\ 127 \\ 111 \\ 1 \\ 127 \\ 171 \\ 137 \\ 181 \\ 111 \\ 127 \\ 227 \\ 540 \\ 077 \\ 826 \\ 241 \\ 122 \\ 333 \\ 136 \\ 766 \\ 1 \\ 402 \\ 122 \\ 122 \\ 152 \\ 122 \\ 157 \\ 566 \\ 1 \\ 402 \\ 122 \\ 122 \\ 157 \\ 566 \\ 1 \\ 102 \\ 221 \\ 100 \\ 221 \\ 122 \\ 225 \\ 233 \\ 225 \\ 133 \\ 225 \\ 133 \\ 225 \\ 122 \\ 225 \\ 233 \\ 225 \\ 122 \\ 225 \\ 233 \\ 225 \\ 122 \\ 233 \\ 225 \\ 233 \\ 235 $
h -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 -9 -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 2 3 4 -1 10 -9 -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 2 3 4 5 -1 10 -9 -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 2 3 4 5 -1 10 -9 -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 2 3 4 5 -1 10 -9 -8-7 -6-5 -4 -3-2 -1 0 1 2 3 4 5 -6 -7 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -1 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 -
$\begin{smallmatrix} k & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -13 & -13 \\ -12 & -12 \\ -11 & -11 \\ -11 $
$\begin{array}{c} 10 \mbox{Form} 118\\ 72\\ 113\\ 138\\ 138\\ 138\\ 138\\ 138\\ 138\\ 138$
$\begin{array}{c} 10 \mathrm{Fc} \\ 51 \\ 127 \\ 18 \\ 329 \\ 675 \\ 777 \\ 155 \\ 68 \\ 170 \\ 559 \\ 777 \\ 175 \\ 68 \\ 999 \\ 876 \\ 116 \\ 158 \\ 209 \\ 899 \\ 999 \\ 877 \\ 116 \\ 161 \\ 18 \\ 518 \\ 200 \\ 447 \\ 1377 \\ 325 \\ 116 \\ 161 \\ 18 \\ 518 \\ 200 \\ 447 \\ 1377 \\ 325 \\ 116 \\ 142 \\ 299 \\ 4293 \\ 161 \\ 588 \\ 111 \\ 348 \\ 153 \\ 669 \\ 227 \\ 699 \\ 600 \\ 122 \\ 78 \\ 722 \\ 669 \\ 104 $
$\begin{array}{c} 10s\\ 18\\ 33\\ 26\\ 8\\ 23\\ 19\\ 11\\ 43\\ 30\\ 46\\ 11\\ 40\\ 38\\ 22\\ 18\\ 44\\ 11\\ 22\\ 36\\ 53\\ 23\\ 47\\ 44\\ 25\\ 31\\ 0\\ 30\\ 8\\ 56\\ 1\\ 29\\ 33\\ 6\\ 31\\ 7\\ 7\\ 51\\ 6\\ 11\\ 22\\ 1\\ 8\\ 7\\ 9\\ 14\\ 25\\ 54\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 33\\ 8\\ 56\\ 20\\ 21\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 31\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 30\\ 28\\ 22\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
$\begin{smallmatrix} h & -12 \\ -11 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 12 \\ -11 \\ -10 \\ 9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ -1 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ -1 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ -1 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ -1 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ -1 \\ -10 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ -5 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ -9 \\ -8 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ -9 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ -9 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ -9 \\ -7 \\ -6 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -9 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -1 \\ -1$
k-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7-7
$\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 $
$\begin{array}{c} 10 \mathrm{Fo} \\ 80 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ $
$\begin{array}{c} 10 \mbox{Fe} & 34 \\ 17 \\ 35 \\ 77 \\ 36 \\ 14 \\ 16 \\ 123 \\ 37 \\ 14 \\ 16 \\ 123 \\ 37 \\ 14 \\ 16 \\ 123 \\ 37 \\ 14 \\ 16 \\ 123 \\ 37 \\ 115 \\ 123 \\ 124 \\ 117 \\ 115 \\ 127 \\ 228 \\ 122 \\ 117 \\ 118 \\ 127 \\ 226 \\ 122 \\ 228 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 123 \\ 121 \\ 236 \\ 122 \\ 123 \\ 121 \\ 236 \\ 122 \\ 123 \\ 121 \\ 236 \\ 122 \\ 123 \\ 121 \\ 236 \\ 122 \\ 123 \\ 121 \\ 236 \\ 122 \\ 123 \\ 121 \\ 249 \\ 212 \\ 161 \\ 474 \\ 120 \\ 211 \\ 249 \\ 212 \\ 161 \\ 474 \\ 120 \\ 211 \\ 249 \\ 212 \\ 161 \\ 474 \\ 255 \\ 511 \\ 101 \\ 20 \\ 228 \\ 121 \\ 249 \\ 212 \\ 161 \\ 474 \\ 255 \\ 511 \\ 101 \\ 20 \\ 20 \\ 211 \\ 123 \\ 320 \\ 20 \\ 211 \\ 123 \\ 320 \\ 20 \\ 211 \\ 123 \\ 398 \\ 344 \\ 455 \\ 77 \\ 113 \\ 121 \\ 249 \\ 256 \\ 101 \\ 228 \\ 244 \\ 256 \\ 99 \\ 103 \\ 220 \\ 211 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 398 \\ 344 \\ 455 \\ 799 \\ 910 \\ 32 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 464 \\ 70 \\ 216 \\ 70 \\ 128 \\ 894 \\ 256 \\ 99 \\ 910 \\ 32 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 464 \\ 70 \\ 217 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 464 \\ 255 \\ 99 \\ 910 \\ 32 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 464 \\ 255 \\ 99 \\ 910 \\ 32 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 464 \\ 255 \\ 99 \\ 910 \\ 32 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 398 \\ 398 \\ 844 \\ 455 \\ 99 \\ 951 \\ 151 \\ 101 \\ 200 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123 \\ 123 \\ 200 \\ 211 \\ 123$
$\begin{array}{c} 108\\ 33\\ 45\\ 1\\ 2\\ 36\\ 0\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$

0123456789011121109-8-7-6-5-4-3-2-1-0123456789011121109-8-7-6-5-4-3-2-1-01234567890111211-8-2-1-01234567890111211-8-2-1-01234567890111211-8-2-1-01234567890111211-8-2-1-0123456789011121-8-2-1-012345678901121-8-2-1-012345678901121-8-2-1-012345678901121-8-2-1-0000000000000000000000000000
333333333322222222222222222222222222222
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
$\begin{array}{rrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrrr$
$\begin{array}{c} 23\\ 227\\ 8\\ 1\\ 1\\ 24\\ 3\\ 2\\ 7\\ 4\\ 8\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 2\\ 4\\ 3\\ 5\\ 3\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 8\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
-2.101234567891011211109.8.7.6.5.4.3.2.101234567891011210.9.8.7.6.5.4.3.2.101234567891011210.9.8.7.6.5.4.3.2.101234567891011210.9.8.7.6.5.4.3.2.101234567891011212.1.10.9.8.7.6.5.4.3.2.101234567891011222.1.0.1234567891011222.1.0.1234567891011222.1.0.1234567891011222.1.0.123456789101122.1.0.0.123456789101122.1.0.0.123456789101122.1.0.0.123456789101122.1.0.0.123456789101122.1.0.0.123456789101122.1.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 2 2 2
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 64\\ 191\\ 4\\ 38\\ 101\\ 146\\ 152\\ 204\\ 278\\ 0\\ 67\\ 197\\ 3225\\ 225\\ 0\\ 0\\ 64\\ 502\\ 997\\ 532\\ 500\\ 64\\ 502\\ 997\\ 533\\ 500\\ 64\\ 1076\\ 134\\ 162\\ 1076\\ 101\\ 103\\ 103\\ 103\\ 103\\ 126\\ 1076\\ 101\\ 102\\ 324\\ 113\\ 100\\ 103\\ 30247\\ 126\\ 107\\ 102\\ 324\\ 113\\ 100\\ 126\\ 101\\ 102\\ 324\\ 113\\ 100\\ 103\\ 30247\\ 126\\ 101\\ 102\\ 324\\ 113\\ 100\\ 126\\ 101\\ 102\\ 101\\ 102\\ 101\\ 102\\ 101\\ 102\\ 101\\ 101$
$15 \ 8 \ 1 \ 6 \ 6 \ 21 \ 8 \ 6 \ 1 \ 10 \ 1 \ 19 \ 1 \ 1 \ 21 \ 29 \ 29 \ 20 \ 9 \ 7 \ 33 \ 5 \ 9 \ 4 \ 11 \ 2 \ 4 \ 5 \ 5 \ 20 \ 15 \ 7 \ 15 \ 18 \ 6 \ 5 \ 20 \ 15 \ 7 \ 15 \ 15 \ 15 \ 10 \ 12 \ 12 \ 10 \ 12 \ 12 \ 10 \ 12 \ 12$
-101234567891011129-8-7-6-5-4-3-2-1012345678910112-8-7-6-5-4-3-2-1012345678910112-7-6-5-4-3-2-1012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10012-9-8-7-6-5-4-3-2-10-9-8-7-6-5-4-3-2-10-9-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-
555555555555555555666666666666666666666
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{smallmatrix} 6 & 6 & 1 & 7 \\ 8 & 18 & 1 & 35 \\ 1 & 34 & 1 & 155 \\ 1 & 80 & 1 & 42 \\ 1 & 31 & 51 & 1 & 19 \\ 1 & 42 & 30 & 4 & 68 \\ 1 & 7 & 11 & 9 & 72 \\ 2 & 30 & 1 & 1 & 69 \\ 1 & 51 & 9 & 9 & 26 \\ 2 & 22 & 1 & 12 \\ 1 & 32 & 83 & 51 \\ 1 & 61 & 93 & 8 & 33 \\ 1 & 1 & 7 & 7 & 71 \\ 1 & 41 & 91 & 12 \\ 1 & 1 & 20 & 20 \\ 1 & 1 & 21 & 21 \\ 1 & 1 & 10 & 69 \\ 1 & 1 & 1 & 10 \\ 1 & 1 & 10 & 10 \\ 1 & 1 & 10 & 10$
$10 \\ 11 \\ 12 \\ -5 \\ -4 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c}9&9&9\\9&9&10&10&10&10&10&10&10&10&10&10&10&10&10&$
1 1
$\begin{array}{c} 85\\ 635\\ 0\\ 115\\ 30\\ 12\\ 38\\ 0\\ 74\\ 57\\ 59\\ 56\\ 8\\ 76\\ 77\\ 59\\ 56\\ 8\\ 76\\ 75\\ 99\\ 51\\ 76\\ 119\\ 7\\ 75\\ 99\\ 56\\ 76\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75\\ 75$
$\begin{array}{c} 32\\ 22\\ 36\\ 36\\ 10\\ 5\\ 10\\ 112\\ 25\\ 10\\ 112\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 11\\ 10\\ 25\\ 22\\ 20\\ 38\\ 38\\ 11\\ 10\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 11\\ 10\\ 22\\ 25\\ 22\\ 25\\ 10\\ 22\\ 25\\ 10\\ 22\\ 25\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 10\\ 22\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25\\ 25$
$\begin{array}{c} 33\\ 625\\ 1\\ 2\\ 3\\ 2\\ 1\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 2\\ 3\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\ 3\\$
-6-5-4-3-2-101234567891011-2-10123456789101-2-10123456710-8-7-6-5-4-3-2-101234567234567234567891011-4-3-2-101234567891011-2-1012345678910
$\begin{array}{c} -11\\ -11\\ -11\\ -11\\ -11\\ -11\\ -11\\ -11$
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
$\begin{array}{c} 123\\ 84\\ 0\\ 142\\ 87\\ 141\\ 820\\ 99\\ 0\\ 0\\ 88\\ 148\\ 92\\ 168\\ 0\\ 0\\ 161\\ 119\\ 186\\ 0\\ 111\\ 123\\ 14\\ 100\\ 88\\ 0\\ 0\\ 66\\ 15\\ 11\\ 0\\ 0\\ 197\\ 179\\ 102\\ 0\\ 149\\ 109\\ 790\\ 236\\ 61\\ 11\\ 0\\ 109\\ 790\\ 236\\ 61\\ 11\\ 0\\ 109\\ 790\\ 236\\ 162\\ 488\\ 274\\ 78\\ 63\\ 97\\ 10\\ 245\\ 688\\ 97\\ 10\\ 0\\ 109\\ 790\\ 225\\ 686\\ 97\\ 10\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 25\\ 10\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 25\\ 10\\ 10\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 109\\ 109\\ 109\\ 70\\ 0\\ 109\\ 109\\ 109\\ 109\\ 109\\ 109\\ 109\\$
$\begin{array}{c} 49\\ 47\\ 7\\ 113\\ 57\\ 121\\ 268\\ 456\\ 14\\ 150\\ 6\\ 238\\ 29\\ 50\\ 119\\ 6\\ 6\\ 238\\ 29\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 143\\ 22\\ 50\\ 10\\ 10\\ 12\\ 25\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 2$
$ \begin{array}{c} 9 \\ 25 \\ 1 \\ 3 \\ 28 \\ 1 \\ 5 \\ 16 \\ 28 \\ 1 \\ 5 \\ 16 \\ 28 \\ 1 \\ 1 \\ 10 \\ 1 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\$

45678910111098765432101234567891011432109876543210123456789101143210123456789101143210123456710987654321012345671109876543210123456711098765432101234567110987654321012345671109876543210123456711098765432101234567110987654321012345671109876543210123456710012345671000000000000000000000000000000000000
555555444444444444444444444444444444444
222222222222222222222222222222222222222
$\begin{array}{c} 0 \\ 54 \\ 78 \\ 0 \\ 52 \\ 0 \\ 65 \\ 0 \\ 109 \\ 122 \\ 117 \\ 1229 \\ 137 \\ 117 \\ 237 \\ 112 \\ 117 \\ 237 \\ 112 \\ 117 \\ 237 \\ 128 \\ 138 \\ 468 \\ 660 \\ 11 \\ 158 \\ 219 \\ 0 \\ 235 \\ 122 \\ 73 \\ 212 \\ 969 \\ 846 \\ 610 \\ 34 \\ 118 \\ 254 \\ 100 \\ 241 \\ 0 \\ 273 \\ 258 \\ 89 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 228 \\ 289 \\ 200 \\ 100 \\ 200 \\ $
5 5 5 93 62 15 69 32 58 50 186 102 51 29 91 27 52 12 22 28 04 11 73 51 26 51 29 27 52 22 22 80 44 11 73 55 49 29 25 52 22 22 80 44 11 73 55 49 29 25 71 45 82 81 112 25 22 28 04 25 22 28 04 25 21 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12
$\begin{matrix} 1 \\ 578 \\ 1 \\ 51 \\ 1 \\ 29 \\ 392 \\ 27 \\ 4 \\ 6 \\ 6 \\ 5 \\ 5 \\ 3 \\ 5 \\ 1 \\ 82 \\ 82 \\ 82 \\ 81 \\ 33 \\ 39 \\ 6 \\ 6 \\ 47 \\ 11 \\ 27 \\ 8 \\ 89 \\ 12 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 71 \\ 25 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 7$
$\begin{array}{c}4&5&6&7&8&9\\1&1&1&2&3&4&5&6&7&8\\1&-1&-1&-9&-8&7&-6&5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&7&-6&5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&7&-6&5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&7&-6&-5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&-7&-6&-5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&-7&-6&-5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-9&-8&-7&-6&-5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-1&-9&-8&-7&-6&-5&-4&-3&-2&-1\\1&-1&-1&-1&-1&-2&-2&-4&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&-2&$
-1
222222222222222222222222222222222222222
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
7811131141925871146433223341073801145346000030591144586181001208896171112031114980453171717144194441601112052511779263786139198181802145
2345678910112109-87-6543-2-1012345678910112139-87-654-3-2-10123456789-54-3-2-10123456789101121109-87-6-54-3-2-1012345678910112110-9-8-7-6-54-3-2-1012345678910112110-9-8-7-6-5-4-3-2-101234567891011210-9-8-7-6-5-4-3-2-1001234567891000000000000000000000000000000000000
$3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\$
222222222222222222222222222222222222222
$\begin{array}{c} 63\\ 228\\ 340\\ 104\\ 93\\ 91\\ 114\\ 99\\ 30\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0$
$\begin{array}{c} 650\\ 2100\\ 339\\ 122\\ 101\\ 99\\ 224\\ 225\\ 14\\ 70\\ 3\\ 3\\ 43\\ 5\\ 75\\ 44\\ 155\\ 6\\ 771\\ 144\\ 457\\ 7\\ 6\\ 6\\ 771\\ 12\\ 173\\ 39\\ 7\\ 43\\ 7\\ 7\\ 43\\ 7\\ 7\\ 43\\ 7\\ 7\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 43\\ 10\\ 12\\ 204\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 43\\ 10\\ 12\\ 204\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 43\\ 10\\ 12\\ 204\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 24\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 26\\ 12\\ 23\\ 10\\ 10\\ 12\\ 101\\ 129\\ 26\\ 12\\ 23\\ 10\\ 10\\ 12\\ 10\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 10\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
157661623226111117763233449762201773339843612851611111719336188911374137156338616114554110991211434424895262012106448573331740071012181774150536361614221584044221232697108281412585494843686161145541109912114344248952620121064485733317400710121817741150536361614221584044221232697108281421258548436861611455411099121143442489526201210644857333174007101218177411505363616142215840442212326971082814212585484368616114554110991211434424895262012106448573331740071012181774115053636161422158404422123629710828142158548436861611455411099121143442489526201210644857333174007101218177411505363616142215840442212366971082814215854843686161145541109912114344489573331740071012181774115053636161422158404422123669710828142158548436861611455411099121143444895733337740070121817741150536361614221584044221236697108281421585484386161145541109912114344489573337740070121817741150536361614221584044221236697108284436861611455411099121143444895733377400701218177411505363616142215840442212366970088846161145541109912114344489573337740070012181774115053636161422158404422123669700888461611455411099121143446866666666666666666666666666666666
56789101127-6-5-4-3-2-1012345678910112-6-5-4-3-2-1012345678910112-5-4-3-2-101-2345678910112-9-8-7-6-5-4-3-2-10123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-100123456789101123-9-8-7-6-5-4-3-2-1001234567891000000000000000000000000000000000000
777777778888888888888888888888888888888
222222222222222222222222222222222222222
$\begin{array}{c} 112\\ 147\\ 152\\ 101\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\$
$\begin{array}{c} 114\\ 162\\ 123\\ 101\\ 4\\ 53\\ 5\\ 7\\ 7\\ 15\\ 63\\ 20\\ 7\\ 90\\ 408\\ 35\\ 101\\ 1\\ 8\\ 4\\ 69\\ 35\\ 201\\ 2\\ 8\\ 100\\ 204\\ 8\\ 100\\ 204\\ 1\\ 1\\ 2\\ 100\\ 20\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
$\begin{array}{c} 21\\ 29\\ 11\\ 1\\ 1\\ 6\\ 8\\ 12\\ 5\\ 6\\ 10\\ 1\\ 9\\ 12\\ 5\\ 6\\ 10\\ 1\\ 9\\ 12\\ 5\\ 6\\ 10\\ 1\\ 9\\ 12\\ 5\\ 6\\ 10\\ 1\\ 9\\ 12\\ 5\\ 6\\ 10\\ 1\\ 9\\ 12\\ 5\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 5\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
-101234567892345677.7.5.4.3.2.1.9.8.6.5.4.3.2.10123456789101127.6.5.4.3.2.10123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.100123456789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.1001234556789101126.5.4.3.2.10000000000000000000000000000000000
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
$\begin{array}{c} 109\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105\\ 105$
$\begin{array}{c} 36\\ 39\\ 102\\ 30\\ 77\\ 78\\ 78\\ 8\\ 26\\ 77\\ 78\\ 78\\ 8\\ 26\\ 77\\ 78\\ 78\\ 8\\ 26\\ 77\\ 78\\ 78\\ 8\\ 26\\ 77\\ 72\\ 38\\ 25\\ 9\\ 46\\ 9\\ 30\\ 65\\ 25\\ 75\\ 5\\ 33\\ 64\\ 4\\ 48\\ 12\\ 8\\ 3\\ 103\\ 56\\ 92\\ 11\\ 12\\ 32\\ 31\\ 64\\ 9\\ 92\\ 11\\ 12\\ 20\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c} 20 \\ 615 \\ 696 \\ 211 \\ 580 \\ 382 \\ 221 \\ 320 \\ 621 \\ 156 \\ 331 \\ 200 \\ 327 \\ 176 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 3317 \\ 384 \\ 128 \\ 635 \\ 512 \\ 80 \\ 429 \\ 1 \\ 9 \\ 469 \\ 105 \\ 127 \\ 62 \\ 336 \\ 112 \\ 9 \\ 128 \\ 128 \\ 129 \\ 128 \\ 128 \\ 128 \\ 129 \\ 128 \\ 128 \\ 129 \\ 128 \\ 1$

-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9-12-1-1-1-9-8-5-6-7-8-9-12-3-4-5-6-7-8-9-12-1-0-2-9-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-6-7-8-9-10-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-2-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-1-0-1-2-3-4-5-1-2-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-0-1-2-3-4-5-1-2-2-1-0-1-2-3-4-5-1-2-2-1-0-1-2-3-4-5-2-2-2-1-0-1-2-3-4-5-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2
$\begin{array}{c} \textbf{-6} & \textbf{-6} &$
× × × × × × × × × × × × × × × × × × ×
$\begin{array}{c} 193\\ 103\\ 0\\ 0\\ 354\\ 388\\ 219\\ 177\\ 385\\ 65\\ 0\\ 0\\ 193\\ 4\\ 0\\ 0\\ 6\\ 6\\ 0\\ 0\\ 193\\ 4\\ 1\\ 47\\ 767\\ 65\\ 97\\ 65\\ 0\\ 0\\ 193\\ 4\\ 1\\ 47\\ 767\\ 65\\ 97\\ 67\\ 10\\ 48\\ 82\\ 82\\ 147\\ 12\\ 96\\ 8\\ 81\\ 0\\ 0\\ 0\\ 6\\ 0\\ 0\\ 37\\ 767\\ 65\\ 99\\ 100\\ 11\\ 133\\ 766\\ 10\\ 11\\ 122\\ 68\\ 0\\ 39\\ 0\\ 107\\ 65\\ 99\\ 100\\ 107\\ 127\\ 68\\ 111\\ 149\\ 20\\ 99\\ 100\\ 0\\ 107\\ 22\\ 38\\ 122\\ 111\\ 105\\ 133\\ 766\\ 0\\ 10\\ 122\\ 39\\ 107\\ 107\\ 65\\ 99\\ 100\\ 107\\ 22\\ 121\\ 11\\ 100\\ 108\\ 22\\ 10\\ 107\\ 107\\ 107\\ 107\\ 107\\ 107\\ 107\\$
$ \begin{array}{c} 205\\ 205\\ 205\\ 205\\ 205\\ 205\\ 205\\ 205\\$
$ \begin{smallmatrix} 13816511852311106128317494055812611161231475767223149357754225221404925162231493577502231493577542252214049251622314935775022314935777502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493577502231493232936417752201717671391472836111155914551455116167228371328111165391523184811411203722609134187822426771491283923866111226371220371220371200913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913418772237220913411223722091341122372209134187722372209134187722372209134187722372209134187722372209134187722372209134117223722091341877223722091341877223722091341122372209134187722372209134112237220913418722372209134112237220913411223722091341122372209134112237220913411223722091341122372209134111223722091341122337209134111223722091341122337220913411223372091341112237220913411223722091341122372209134112237220913411223722091341122372209134112237220913411223722091341122372209134112237220913411223722091341122372209134112237220913411223722091341122372209140200000000000000000000000000000000$
-5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10
-2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
2480 2017 1217 1480 1258 130 122 1217 1480 1258 130 122 1217 1480 1258 130 122 1217 1480 1258 130 122 1217 1480 12286 131 122 129 150 150
$ \begin{smallmatrix} 7 & 6 \\ 34 & 8 \\ 3 & 4 & 6 \\ 7 & 5 \\ 6 & 5 \\ 15 & 8 \\ 24 \\ 22 \\ 42 \\ 21 \\ 177 \\ 31 \\ 24 \\ 22 \\ 9 \\ 610 \\ 12 \\ 7 \\ 9 \\ 57 \\ 14 \\ 22 \\ 22 \\ 12 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 15 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 15 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 15 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 15 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 15 \\ 11 \\ 10 \\ 11 \\ 17 \\ 7 \\ 80 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10$
- 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 2 10 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 1 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 1 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 - 1 - 10 - 9 - 8 - 7 - 6 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 5 - 4 - 3 - 2 - 1 - 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 3 - 2 - 1 - 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 3 - 2 - 1 - 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 3 - 2 - 1 - 0 - 1 - 2 - 3 - 4 - 3 - 2 - 1 - 0
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 3 3 3 3 4 4 4 3 3 3 3

100 110 101 110 10201 185 112 127 112 127 117 294 117 294 118 261 1194 200 121 127 123 599 131 125 132 599 134 125 135 84 136 123 136 134 123 599 137 111 134 125 138 120 134 125 135 122 136 134 127 100 137 101 10 6 137 101 10 6 137 101 10 6 127 212 120 131 121
$ \begin{array}{c} 2 \\ 1 \\ 3 \\ 6 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 1 \\ 1$
$-3 - 2 - 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
6 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7
× 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
$\begin{array}{c} 11\\ 51\\ 51\\ 504\\ 51\\ 504\\ 506\\ 60\\ 0\\ 0\\ 63\\ 33\\ 0\\ 67\\ 57\\ 9\\ 58\\ 66\\ 0\\ 0\\ 63\\ 33\\ 0\\ 67\\ 57\\ 9\\ 158\\ 66\\ 0\\ 0\\ 63\\ 33\\ 0\\ 67\\ 195\\ 99\\ 158\\ 60\\ 236\\ 162\\ 239\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 39\\ 162\\ 30\\ 172\\ 460\\ 327\\ 108\\ 85\\ 114\\ 107\\ 99\\ 456\\ 327\\ 60\\ 236\\ 182\\ 20\\ 20\\ 182\\ 100\\ 183\\ 30\\ 107\\ 88\\ 114\\ 315\\ 20\\ 20\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ 102\\ $
$\begin{smallmatrix} 600\\ 8506\\ 8506\\ 8402\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 8238\\ 822\\ 771\\ 1366\\ 101\\ 351\\ 102\\ 871\\ 103\\ 822\\ 771\\ 113\\ 311\\ 102\\ 814\\ 101\\ 113\\ 311\\ 107\\ 4117\\ 6294\\ 113\\ 117\\ 2234\\ 101\\ 113\\ 311\\ 107\\ 4117\\ 6294\\ 117\\ 4117\\ 6294\\ 117\\ 4117\\ 6294\\ 117\\ 4117\\ 6294\\ 117\\ 117\\ 4294\\ 117\\ 117\\ 4294\\ 117\\ 117\\ 2234\\ 117\\ 117\\ 2234\\ 117\\ 117\\ 2234\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 117\\ 1223\\ 1222\\ 1222\\ 222\\ 222\\ 222\\ 222\\ $
$ \begin{smallmatrix} 1 & 1 \\ 5 & 1 \\ 7 & 2 \\ 8 & 9 \\ 6 & 2 \\ 8 & 2 \\ 2 & 3 \\ 2 & 1 \\ 1 \\ 1 \\ 3 \\ 3 \\ 1 \\ 6 \\ 3 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 3 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 3 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2$
-4-3-2-101234567890111-2-101234567890111213-8-7-6-5-4-3-2-101234567890111213-7-6-5-4-3-2-1012345678901112-6-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-1012345678901112-5-4-3-2-10012345678901112-5-4-3-2-10012345678901112-5-4-3-2-100123456789000112-5-4-3-2-100123456789000112-5-4-3-2-100123456789000112-5-4-3-2-100123456789000112-5-4-3-2-100123456789000000000000000000000000000000000000
11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11
333333333333333333333333333333344444444
$\begin{array}{c} 94\\ 90\\ 0\\ 163\\ 57\\ 135\\ 121\\ 238\\ 55\\ 121\\ 238\\ 58\\ 157\\ 16\\ 44\\ 49\\ 71\\ 0\\ 18\\ 41\\ 48\\ 51\\ 18\\ 41\\ 48\\ 51\\ 108\\ 84\\ 77\\ 0\\ 115\\ 69\\ 60\\ 0\\ 45\\ 71\\ 0\\ 115\\ 69\\ 60\\ 0\\ 45\\ 71\\ 113\\ 69\\ 60\\ 0\\ 45\\ 71\\ 113\\ 69\\ 60\\ 0\\ 45\\ 72\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 905\\ 9045\\ 1610\\ 17\\ 1252\\ 223\\ 34\\ 19\\ 96\\ 263\\ 10\\ 105\\ 12\\ 223\\ 34\\ 19\\ 96\\ 263\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 20\\ 212\\ 10\\ 105\\ 12\\ 20\\ 20\\ 20\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 1$
$ \begin{smallmatrix} 3.2 \\ 1 \\ 186 \\ 195 \\ 220 \\ 535 \\ 564 \\ 446 \\ 970 \\ 1 \\ 184 \\ 970 \\ 1 \\ 184 \\ 975 \\ 2144 \\ 31 \\ 142 \\ 680 \\ 1 \\ 416 \\ 934 \\ 12 \\ 111 \\ 175 \\ 249 \\ 255 \\ 30 \\ 148 \\ 100 \\ 930 \\ 069 \\ 144 \\ 160 \\ 930 \\ 069 \\ 144 \\ 163 \\ 267 \\ 76 \\ 148 \\ 128 \\ 99 \\ 147 \\ 775 \\ 61 \\ 162 \\ 151 \\ 123 \\ 143 \\ 78 \\ 274 \\ 144 \\ 218 \\ 206 \\ 681 \\ 146 \\ 165 \\ 21 \\ 148 \\ 100 \\ 141 \\ 151 \\ 128 \\ 142 \\ 183 \\ 177 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 121 $

-3-2-101234567891011-3-2-101234567891011-1012345678910134567896-5-4-3-2-3-2-10123456789101124-3-2-101234567891011-3-2-1012345678910112-1-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-101234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-1001234567891011-2-100123456789101-2-100123456789101-2-100123456789101-2-100123456789101-2-100123456789101-2-1001234567891000000000000000000000000000000000000
$\begin{array}{c} 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\$
××××××××××××××××××××××××××××××××××××××
$\begin{smallmatrix} 0 \\ 95 \\ 969 \\ 969 \\ 969 \\ 969 \\ 969 \\ 970 \\ 980 \\$
$\begin{array}{c} 47\\7\\20\\0\\53\\6\\116\\0\\22\\27\\18\\2\\27\\18\\2\\27\\18\\2\\22\\17\\18\\2\\22\\17\\18\\2\\22\\17\\18\\2\\22\\17\\18\\2\\22\\17\\11\\0\\17\\1\\17\\1\\19\\0\\78\\5\\22\\21\\18\\22\\28\\30\\48\\46\\46\\40\\39\\22\\21\\18\\27\\5\\116\\0\\78\\5\\22\\21\\18\\22\\21\\21\\21\\22\\21\\21\\22\\21\\21\\22\\21\\21\\$
$ \begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \\ 8 \\ 3 \\ 3 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 7 \\ 3 \\ 9 \\ 9 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 7 \\ 3 \\ 9 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 2$
4 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 0 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 6 7 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 7 6 7 9 8 7 7 6 7 9 8 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7
9 * 8 * 8 * 8 * 8 * 8 * 8 * 8 * 8 * 8 *
666666666666666666666666666666666666666
$\begin{array}{c} 133\\ 93\\ 136\\ 93\\ 84\\ 120\\ 911\\ 14\\ 0\\ 191\\ 137\\ 9\\ 14\\ 10\\ 0\\ 172\\ 0\\ 0\\ 172\\ 0\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 0\\ 172\\ 133\\ 132\\ 122\\ 176\\ 8\\ 0\\ 172\\ 773\\ 89\\ 1\\ 0\\ 121\\ 133\\ 132\\ 205\\ 106\\ 106\\ 106\\ 100\\ 113\\ 132\\ 205\\ 217\\ 73\\ 89\\ 1\\ 0\\ 155\\ 217\\ 73\\ 89\\ 1\\ 10\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 106\\ 1$
$\begin{array}{c} 58\\ 43\\ 56\\ 20\\ 105\\ 11\\ 18\\ 21\\ 10\\ 22\\ 60\\ 65\\ 42\\ 56\\ 32\\ 26\\ 06\\ 54\\ 48\\ 81\\ 11\\ 22\\ 81\\ 16\\ 00\\ 22\\ 60\\ 65\\ 44\\ 11\\ 23\\ 60\\ 65\\ 44\\ 11\\ 22\\ 81\\ 11\\ 11\\ 14\\ 82\\ 20\\ 81\\ 11\\ 11\\ 14\\ 82\\ 20\\ 81\\ 11\\ 11\\ 14\\ 12\\ 22\\ 81\\ 11\\ 11\\ 14\\ 12\\ 22\\ 81\\ 11\\ 11\\ 14\\ 12\\ 22\\ 81\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11$
$\begin{array}{c} 177\\ 683\\ 232\\ 24\\ 1\\ 159\\ 244\\ 255\\ 24\\ 1\\ 1\\ 652\\ 764\\ 9\\ 308\\ 8\\ 1\\ 1\\ 1\\ 700\\ 8\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 3\\ 8\\ 3\\ 2\\ 0\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 3\\ 1\\ 3\\ 1\\ 3\\ 2\\ 0\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 1\\ 3\\ 1\\ 3\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 1\\ 1\\ 3\\ 1\\ 1\\ 3\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
7 8 9 10 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 10 9 8 7 6 7 8 9 10 10 9 8 7 8
444444444444444444444444444444444444444
666666666666666666666666666666666666666
$\begin{array}{r} 182\\ 90\\ 0\\ 0\\ 0\\ 104\\ 787\\ 7160\\ 92\\ 711\\ 209\\ 616\\ 113\\ 1257\\ 666\\ 113\\ 118\\ 139\\ 217\\ 515\\ 158\\ 184\\ 199\\ 107\\ 616\\ 138\\ 184\\ 199\\ 107\\ 616\\ 138\\ 184\\ 199\\ 107\\ 797\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 229\\ 138\\ 113\\ 2597\\ 797\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 101\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 742\\ 431\\ 100\\ 226\\ 103\\ 2277\\ 97\\ 105\\ 127\\ 105\\ 127\\ 105\\ 127\\ 105\\ 127\\ 105\\ 127\\ 105\\ 127\\ 105\\ 129\\ 106\\ 106\\ 100\\ 127\\ 191\\ 114\\ 145\\ 129\\ 295\\ 3200\\ 216\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 1$
$\begin{array}{c} 18\\ 1\\ 33\\ 29\\ 117\\ 128\\ 202\\ 217\\ 218\\ 229\\ 228\\ 229\\ 228\\ 229\\ 228\\ 229\\ 228\\ 229\\ 228\\ 229\\ 220\\ 233\\ 135\\ 249\\ 32\\ 227\\ 217\\ 202\\ 231\\ 13\\ 245\\ 247\\ 277\\ 102\\ 22\\ 277\\ 102\\ 24\\ 111\\ 252\\ 277\\ 102\\ 24\\ 111\\ 252\\ 277\\ 102\\ 24\\ 111\\ 252\\ 277\\ 102\\ 24\\ 111\\ 252\\ 277\\ 102\\ 24\\ 111\\ 252\\ 277\\ 102\\ 212\\ 133\\ 237\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 237\\ 212\\ 212\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 210\\ 222\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 210\\ 222\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 202\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 202\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 202\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 202\\ 222\\ 217\\ 238\\ 395\\ 202\\ 202\\ 202\\ 202\\ 202\\ 202\\ 202\\ 20$
14281417861122310113550103572738121734161923641867185113171313982019337662620212977437211197643337221481311309111111006181523181734771214818353292437182131171510252353667167101224121116171111711313191323178229121252911111101618152318173477121148183525924371821311715101523535677167101224121111617111117111111110161815231817347712114818352592437182131171510152353567716710122412111161711111101618152318173477121148183525924371821311715101523535677167101224121111111016181523181734771211481835259243718213117510152353567716710122412111111111016181523181734771211481835259243718213117510152353567716710122412111111101618152318173477121148183525924371821311751015235356771671012241211116171111110161815231817347712114818352592437182131175101523535677167101224121111111111111111111111111111111
7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-9-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101112-8-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910-1-2-3-8-5-6-7-8-910-1-2-3-8-5-6-7-8-910-1-2-3-8-5-8-7-8-9-2-8-7-8-9-2-8-7-8-9-2-8-7-8-9-2-8-7-8-7-8-7-8-7-8-7-8-7-8-7-8-7-8-7-8
$1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\$
666666666666666666666666666666666666666
$\begin{array}{c} 100\\ 0\\ 0\\ 386\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 348\\ 0\\ 31\\ 199\\ 20\\ 0\\ 99\\ 20\\ 12\\ 99\\ 0\\ 0\\ 96\\ 0\\ 2280\\ 0\\ 26\\ 0\\ 0\\ 86\\ 62\\ 240\\ 9\\ 2280\\ 0\\ 226\\ 0\\ 0\\ 86\\ 62\\ 240\\ 9\\ 247\\ 88\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 225\\ 228\\ 0\\ 0\\ 0\\ 255\\ 222\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 121\\ 189\\ 0\\ 0\\ 255\\ 222\\ 0\\ 0\\ 0\\ 121\\ 189\\ 0\\ 0\\ 255\\ 222\\ 0\\ 0\\ 0\\ 121\\ 189\\ 0\\ 0\\ 255\\ 224\\ 77\\ 0\\ 100\\ 289\\ 0\\ 0\\ 257\\ 72\\ 247\\ 7\\ 104\\ 185\\ 338\\ 29\\ 0\\ 0\\ 257\\ 72\\ 247\\ 7\\ 104\\ 185\\ 338\\ 29\\ 0\\ 0\\ 257\\ 72\\ 247\\ 7\\ 104\\ 10\\ 228\\ 9\\ 30\\ 0\\ 77\\ 125\\ 12\\ 248\\ 330\\ 0\\ 77\\ 105\\ 121\\ 144\\ 0\\ 121\\ 144\\ 125\\ 122\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120\\ 120$
$\begin{array}{c} 35\\ 31\\ 31\\ 31\\ 32\\ 32\\ 34\\ 35\\ 34\\ 35\\ 36\\ 60\\ 30\\ 92\\ 77\\ 122\\ 23\\ 61\\ 61\\ 125\\ 122\\ 11\\ 10\\ 99\\ 92\\ 72\\ 23\\ 122\\ 221\\ 100\\ 99\\ 90\\ 107\\ 105\\ 109\\ 93\\ 11\\ 109\\ 93\\ 11\\ 109\\ 93\\ 11\\ 109\\ 93\\ 12\\ 109\\ 93\\ 12\\ 109\\ 93\\ 12\\ 109\\ 93\\ 222\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 93\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 105\\ 109\\ 107\\ 100\\ 109\\ 107\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100$
$\begin{array}{c} 30\\ 15\\ 17\\ 7\\ 1\\ 5\\ 8\\ 5\\ 5\\ 11\\ 4\\ 7\\ 14\\ 6\\ 7\\ 8\\ 9\\ 28\\ 22\\ 1\\ 5\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 28\\ 22\\ 1\\ 5\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 6\\ 7\\ 6\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 1\\ 1\\ 13\\ 29\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 20\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 7 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 5 -4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 5 -4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 5 -4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 5 -4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 4 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 6 -5 -4 -2 -1 0 1 2 3
555555555555555566666666666666666666666
666666666666666666666666666666666666666
$\begin{array}{c} 80\\ 81\\ 81\\ 81\\ 82\\ 81\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82\\ 82$
$\begin{array}{c} 796\\ 109\\ 109\\ 239\\ 354\\ 258\\ 164\\ 258\\ 164\\ 258\\ 164\\ 258\\ 164\\ 278\\ 118\\ 378\\ 51\\ 1247\\ 472\\ 61\\ 15\\ 213\\ 154\\ 284\\ 284\\ 284\\ 284\\ 284\\ 284\\ 284\\ 28$
$\begin{array}{c} 21\\ 10\\ 20\\ 12\\ 23\\ 11\\ 1\\ 9\\ 21\\ 15\\ 1\\ 16\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
345678432-1-0-5-432-1-0-1-2-34567891011-0-1-2-3456789101-0-1-2-345678910-1-345678934565432-1-0-1-2-3-4-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-3-2-2-1-0-1-2-3-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2
--
$\begin{array}{c} 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\ 13\\$
66666677777777777777777777777777777777
$\begin{smallmatrix}&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&&$
$ \begin{array}{c} 62\\ 57\\ 1\\ 9\\ 44\\ 40\\ 51\\ 20\\ 23\\ 59\\ 1\\ 36\\ 41\\ 1\\ 1\\ 68\\ 99\\ 27\\ 32\\ 0\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 68\\ 99\\ 27\\ 32\\ 0\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 68\\ 99\\ 27\\ 32\\ 0\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 68\\ 99\\ 27\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 68\\ 23\\ 21\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 23\\ 0\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 21\\ 1\\ 1\\ 1\\ 3\\ 21\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 1\\ 1\\ 22\\ 22$
809.8765432101234567890901234567876543210123456788765432101234567898765432101234567899876543210123456789998765432101223456789098765432101223456789
0 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
$ \begin{array}{ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$ \begin{smallmatrix} 1&4\\1&7\\1&8&2\\3&5&3\\1&1&6\\1&2&2&2\\2&5&3&2&1\\3&2&2&2&3\\2&2&3&2&3\\2&2&3&2&3&2\\2&3&2&3&$
$1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 9 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 9 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 7 \\ 6 \\ 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{smallmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 $
777777777777777777777777777777777888888
55 37 137 137 137 121 172 89 120 85 77 150 85 77 150 85 7177 150 149 58 870 777 150 83 61 78 122 43 121 126 122 43 123 1160 100 105 39 27 223 29 103 105 133 160 60 60 1015 135 1160 105 1155 126 1020 223 121 124 122 127 124 125 133 130 133 126 1020 223 1221
867408 5926 501 322 52 50 501 322 52 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50
$ \begin{array}{c} 55\\ 17\\ 20\\ 14\\ 184\\ 20\\ 28\\ 22\\ 43\\ 14\\ 10\\ 10\\ 17\\ 9\\ 10\\ 20\\ 28\\ 89\\ 12\\ 31\\ 16\\ 56\\ 11\\ 29\\ 02\\ 28\\ 89\\ 12\\ 31\\ 16\\ 56\\ 11\\ 29\\ 02\\ 28\\ 89\\ 12\\ 31\\ 16\\ 56\\ 11\\ 29\\ 02\\ 28\\ 89\\ 12\\ 11\\ 12\\ 8\\ 21\\ 12\\ 35\\ 16\\ 02\\ 23\\ 47\\ 30\\ 12\\ 17\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 7\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 7\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 17\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 17\\ 7\\ 19\\ 16\\ 25\\ 56\\ 44\\ 9\\ 11\\ 7\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 17\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 17\\ 7\\ 19\\ 16\\ 21\\ 17\\ 11\\ 19\\ 19\\ 16\\ 25\\ 56\\ 14\\ 49\\ 55\\ 14\\ 49\\ 14\\ 12\\ 14\\ 14\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11\\ 11$
101128-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-7-6-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-9101126-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-5-4-3-2-1-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-5-4-3-2-1-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-5-4-3-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-5-4-3-2-1-2-1-0-1-2-3-4-5-6-7-8-910112-5-4-3-2-1-2-1-2-1-2-1-2-1-2-1-2-1-2-1-2-1-2
333444444444444444444444444443333333333
777777777777777777777777777778888888888
116 144 0 113 144 50 0 313 0 313 0 33 0 33 157 144 183 177 16 123 23 22 0 33 93 400 922 26 201 277 939 82 110 1148 130 133 130 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 133 148 143 148 133 148 133 151 134 148 133 152 144 153 144 179 6
$\begin{array}{c} 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 $
$\begin{smallmatrix} 6 & 7 & 7 & 8 \\ 8 & 9 & 9 \\ 101 & 112 \\ 12 & 4 \\ 4 & 3 \\ -3 & -2 \\ -2 & -1 \\ -1 & -1 \\ 0 & 1 \\ 12 & 2 \\ 3 & 4 \\ 4 & 5 \\ -5 & -7 \\ -1 \\ -1 \\ 0 & 1 \\ 12 \\ 2 & 3 \\ 4 & 4 \\ 5 & 5 \\ -7 & 7 \\ -8 \\ -9 \\ 9 \\ 0 \\ 111 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ 0 \\ 11 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1$
8 8 8 8 8 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
777777777777777777777777777777777777777
$\begin{smallmatrix} 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\ 36\\$
$\begin{smallmatrix} 8 \\ 76 \\ 46 \\ 41 \\ 3 \\ 61 \\ 21 \\ 26 \\ 100 \\ 41 \\ 105 \\ 31 \\ 41 \\ 27 \\ 35 \\ 56 \\ 33 \\ 56 \\ 33 \\ 56 \\ 33 \\ 56 \\ 43 \\ 55 \\ 61 \\ 29 \\ 55 \\ 61 \\ 20 \\ 29 \\ 55 \\ 61 \\ 20 \\ 20 \\ 25 \\ 86 \\ 019 \\ 99 \\ 60 \\ 95 \\ 86 \\ 019 \\ 90 \\ 60 \\ 95 \\ 86 \\ 019 \\ 90 \\ 61 \\ 73 \\ 70 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71$
$ \begin{smallmatrix} 35\\ 22\\ 62\\ 1 \end{smallmatrix} \\ 52\\ 84\\ 85\\ 67\\ 1 \end{smallmatrix} \\ 1 \begin{smallmatrix} 1\\ 24\\ 1 \end{smallmatrix} \\ 1 \begin{smallmatrix} 1\\ 24\\ 11\\ 22\\ 10\\ 22\\ 1 \end{smallmatrix} \\ 1 \begin{smallmatrix} 1\\ 24\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 11\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 11\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 11\\ 23\\ 24\\ 11\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 24\\ 24\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 24\\ 24\\ 22\\ 10\\ 27\\ 11\\ 23\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24$

1234568765432101234567876543210123456788765432101234567887654321012345678987654321012345678987654321012345678910654321012345678910654321012345678910654321012345678910654321012345678910654321012345678910654321012345678910654321001234567891065432100123456789101654
777777666666666666666666666666666666666
999999999999999999999999999999999999
$\begin{smallmatrix} 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 135 & 911 \\ 138 & 9772 \\ 0 & 101 \\ 128 \\ 0 & 101 \\ 128 \\ 138 \\ 111 \\ 0 & 104 \\ 128 \\ 0 & 0 \\ 0$
$\begin{array}{c} 7\\ 3264\\ 629\\ 5\\ 11\\ 137\\ 635\\ 120\\ 1132\\ 29\\ 3\\ 112\\ 22\\ 8\\ 3\\ 8\\ 111\\ 229\\ 28\\ 3\\ 8\\ 113\\ 26\\ 7\\ 13\\ 5\\ 10\\ 9\\ 7\\ 228\\ 3\\ 8\\ 113\\ 26\\ 7\\ 13\\ 5\\ 10\\ 9\\ 7\\ 228\\ 3\\ 8\\ 113\\ 26\\ 7\\ 13\\ 5\\ 10\\ 9\\ 7\\ 228\\ 8\\ 8\\ 10\\ 12\\ 22\\ 8\\ 7\\ 9\\ 5\\ 11\\ 12\\ 22\\ 8\\ 7\\ 9\\ 5\\ 11\\ 12\\ 22\\ 8\\ 7\\ 9\\ 9\\ 14\\ 6\\ 11\\ 29\\ 9\\ 8\\ 8\\ 8\\ 18\\ 13\\ 25\\ 7\\ 12\\ 22\\ 12\\ 22\\ 11\\ 12\\ 22\\ 8\\ 7\\ 9\\ 9\\ 14\\ 6\\ 12\\ 12\\ 28\\ 7\\ 11\\ 12\\ 22\\ 8\\ 12\\ 12\\ 12\\ 28\\ 7\\ 12\\ 22\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 22\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c}1\\1\\3\\1\\1\\8\\5\\2\\8\\3\\3\\7\\2\\8\\5\\5\\1\\8\\2\\2\\6\\1\\1\\1\\6\\0\\3\\4\\1\\3\\0\\6\\1\\1\\2\\0\\1\\1\\1\\1\\0\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1$
10 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 8 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 7 6 5 4 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 3 2 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 3 2 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
$-2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ $
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
91 134 134 134 46 10 88 59 57 23 7 23 135 12 136 51 137 136 138 121 139 72 140 144 136 58 130 444 132 58 130 101 131 100 132 58 131 100 132 58 131 100 132 100 133 100 141 169 169 290 132 12 134 160 135 136 141 169 151 133 152 110 153 322 154 146 142 219
$ \begin{array}{c} 187\\ 734\\ 500\\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 598\\ 1 \\ 1 \\ 38\\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 52\\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 22\\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
7 8 9 10 11 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5 6 -5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 -4 -3 -2 -1 0 1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2 -1 0 -1 -2 -3 -4 -3 -2
333344444444444444444444444444444444444
$9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\$
$\begin{array}{c} 109\\ 99\\ 22\\ 77\\ 67\\ 57\\ 74\\ 84\\ 149\\ 90\\ 0\\ 0\\ 72\\ 136\\ 68\\ 84\\ 149\\ 97\\ 77\\ 17\\ 12\\ 8\\ 234\\ 148\\ 100\\ 0\\ 83\\ 77\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 29\\ 28\\ 77\\ 100\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 100\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 12\\ 13\\ 9\\ 0\\ 0\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 13\\ 9\\ 100\\ 0\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 13\\ 9\\ 100\\ 0\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 13\\ 9\\ 100\\ 0\\ 12\\ 29\\ 28\\ 77\\ 0\\ 12\\ 13\\ 9\\ 100\\ 0\\ 12\\ 13\\ 12\\ 13\\ 12\\ 12\\ 12\\ 13\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 13\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{matrix} 100\\ 0\\ 28\\ 49\\ 4\end{matrix} \\ 49\\ 4\\ 49\\ 4\\ 49\\ 4\\ 4\\ 29\\ 4\\ 29\\ 4\\ 29\\ 4\\ 21\\ 26\\ 5\\ 4\\ 4\\ 21\\ 21\\ 20\\ 65\\ 8\\ 4\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 4\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 4\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 4\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 4\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 21\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 21\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 21\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 12\\ 29\\ 6\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 12\\ 22\\ 5\\ 8\\ 11\\ 10\\ 12\\ 22\\ 5\\ 8\\ 11\\ 11\\ 12\\ 22\\ 5\\ 5\\ 11\\ 14\\ 7\\ 12\\ 22\\ 5\\ 8\\ 11\\ 14\\ 7\\ 12\\ 22\\ 5\\ 8\\ 11\\ 12\\ 22\\ 5\\ 8\\ 11\\ 12\\ 22\\ 5\\ 12\\ 12\\ 12\\ 23\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 22\\ 10\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c} 30\\ 28\\ 77\\ 1\\ 1\\ 20\\ 73\\ 62\\ 77\\ 1\\ 1\\ 1\\ 26\\ 20\\ 61\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 26\\ 20\\ 61\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 26\\ 20\\ 61\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 85\\ 13\\ 7\\ 1\\ 1\\ 79\\ 1\\ 25\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 85\\ 13\\ 7\\ 1\\ 1\\ 79\\ 1\\ 25\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 85\\ 13\\ 7\\ 1\\ 1\\ 79\\ 1\\ 25\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 85\\ 13\\ 7\\ 1\\ 1\\ 79\\ 1\\ 25\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 24\\ 22\\ 23\\ 23\\ 33\\ 7\\ 1\\ 1\\ 76\\ 1\\ 1\\ 1\\ 29\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 28\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
2345678910-101234567891234567845678456784562-1-4-3-2-101234-6-5-4-3-2-10123457-6-5-4-3-2-1012345678910-5-4-3-2-101234557800000000000000000000000000000000000
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 11 11 11 11 11
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
$\begin{array}{c} 156\\ 60\\ 160\\ 189\\ 100\\ 677\\ 189\\ 100\\ 677\\ 189\\ 100\\ 53\\ 66\\ 72\\ 0\\ 80\\ 0\\ 10\\ 112\\ 0\\ 0\\ 0\\ 77\\ 68\\ 100\\ 100\\ 0\\ 0\\ 112\\ 0\\ 0\\ 112\\ 0\\ 0\\ 0\\ 77\\ 65\\ 0\\ 112\\ 0\\ 0\\ 0\\ 77\\ 65\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 77\\ 65\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 112\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ $
$\begin{array}{c} 194\\ 508\\ 263\\ 380\\ 406\\ 576\\ 926\\ 15\\ 1\\ 26\\ 1\\ 26\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\$
-6-5-4-3-2-10123456787-6-5-4-3-2-101234567897-6-5-4-3-2-10123456789107-6-5-4-3-2-1012345678910-7-6-5-4-3-2-1012345678910-1000000-000000000000000000000000000
-4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 +
10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
$\begin{array}{c} 96\\ 10\\ 0\\ 115\\ 97\\ 94\\ 116\\ 54\\ 158\\ 10\\ 0\\ 0\\ 28\\ 99\\ 0\\ 10\\ 0\\ 0\\ 28\\ 99\\ 0\\ 0\\ 29\\ 0\\ 0\\ 84\\ 99\\ 55\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 84\\ 99\\ 15\\ 20\\ 0\\ 0\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 10\\ 0\\ 0\\ 100\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 117\\ 14\\ 40\\ 0\\ 12\\ 27\\ 71\\ 107\\ 127\\ 133\\ 13\\ 16\\ 0\\ 0\\ 99\\ 118\\ 103\\ 154\\ 0\\ 0\\ 99\\ 118\\ 103\\ 154\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 61\\ 127\\ 71\\ 107\\ 127\\ 133\\ 13\\ 16\\ 0\\ 0\\ 99\\ 118\\ 103\\ 127\\ 107\\ 10\\ 127\\ 107\\ 10\\ 0\\ 0\\ 61\\ 127\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 112\\ 17\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 112\\ 17\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 112\\ 112\\ 10\\ 10\\ 126\\ 10\\ 112\\ 112\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 112\\ 112\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 112\\ 112\\ 100\\ 0\\ 126\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 448\\ 8856\\ 8856\\ 8127\\ 73\\ 126\\ 279\\ 189\\ 122\\ 30\\ 2283\\ 60\\ 124\\ 42\\ 2283\\ 60\\ 124\\ 43\\ 2\\ 26\\ 33\\ 60\\ 124\\ 43\\ 2\\ 26\\ 53\\ 86\\ 102\\ 26\\ 53\\ 146\\ 100\\ 258\\ 145\\ 27\\ 60\\ 102\\ 26\\ 53\\ 146\\ 100\\ 258\\ 145\\ 29\\ 64\\ 20\\ 113\\ 59\\ 24\\ 100\\ 100\\ 258\\ 145\\ 29\\ 64\\ 20\\ 88\\ 25\\ 24\\ 100\\ 100\\ 258\\ 145\\ 29\\ 64\\ 20\\ 88\\ 25\\ 24\\ 100\\ 100\\ 258\\ 145\\ 29\\ 64\\ 20\\ 88\\ 25\\ 24\\ 100\\ 100\\ 208\\ 82\\ 24\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 100\\ 208\\ 84\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 100\\ 10$
$\begin{array}{c}965\\2&1\\2&6\\3&1\\3&1\\6&1\\1&1\\2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1\\2&1&2&1&$

 $3 \cdot 2 \cdot 1 - 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0 \cdot$ $\begin{array}{c} 368 \\ 881 \\ 811 \\ 1170 \\ 608 \\ 882 \\ 619 \\ 77 \\ 453 \\ 445 \\ 191 \\$ 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 1 2 3 4 5 6 7 8 4 5 6 7 1 4 3 2 - 1 0 1 2 3 5 4 3 2 - 1 0 1 2 3 4 5 4 3 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 3 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 3 2 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 3 2 - 2 - 1 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - 2 - 1 0 - 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - 2 - 1 0 - 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - 2 - 1 0 - 1 2 3 4 5 6 7 8 - 2 - 1 0 - $\begin{array}{c} 999 \\ 991 \\ 122 \\ 1101 \\ 101$ $\begin{array}{c} 766\\ 767\\ 7944\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7946\\ 7967\\ 7$ $\begin{smallmatrix} & & & & & \\ &$ 44444444445555555555666666667777 4 5 6 7 8 9 -4 -3 -2 3 4 5 6 7 1 2 3 5 2 3 4 5 6 7 8 2 3 4 5 6 7 -3

Tabelle 50 Einkristallstrukturdaten von Na₂HPO₃ · 0,28 H₂O bei 25 °C. Angegeben sind die Millerschen Indices (hkl), die beobachteten (F₀) und berechneten (F_c) Strukturfaktoren sowie die Standartabweichungen (s) der beobachteten Werte.

h 1 - 1 2 0 3 2 1 4 - 1 2 5 3 0 3 6 2 1 4 7 4 - 1 2 5 8 3 0 3 6 5 2 1 4 4 - 1 2 5 6 3 0 3 5 - 2 1 - 7 4 - 1 - 6 3 8 5 - 7 - 1 - 3 0 5 - 2 1 - 7 4 - 1 2 - 9 - 6 3 0 3 1 - 8 - 5 - 2 1 4 - 1 - 2 5 - 5 - 5 - 2 - 2 - 1 4 - 6 - 3 0 - 3 - 2 - 2 - 1 4 - 6 - 3 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 8 - 5 - 2 - 2 - 1 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2
$\begin{smallmatrix} & 1 & 2 & 2 & 3 \\ & 3 & 4 & 4 & 4 & 5 & 5 \\ & 5 & 6 & 6 & 6 & 6 & 7 & 7 & 7 & 7 & 8 \\ & 8 & 8 & 8 & 9 & 9 & 9 & 9 & 9 & 9 & 9$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} \mathbf{p} & \mathbf{Fc} \\ \mathbf{p} & \mathbf{f} \\ \mathbf$
$\begin{smallmatrix}&s\\5\\5\\8\\0\\1\\8\\2\\2\\2\\2\\1\\4\\3\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1$
$\begin{smallmatrix} h & 1 & 4 & 7 & 16 \\ -1.3 & -7 & -4 & -1 & 2 \\ -5 & -15 & 12 & 9 \\ -6 & -3 & 0 & 3 \\ -14 & -11 & -8 & -5 & -2 \\ -1 & -1 & -1 & -7 & -4 \\ -1 & -1 & -1 & -7 & -4 \\ -1 & -1 & -7 & -4 & -1 \\ -1 & -7 & -4 & -1 & -2 \\ -1 & -1 & -7 & -4 & -1 \\ -1 & -7 & -4 & -1 & -2 \\ -1 & $
$\begin{smallmatrix} k & 9 & 9 & 9 \\ 1 & 10 & 10 & 10 & 10 \\ 1 & 10 & 11 & 11$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$ \begin{array}{c} Fe \\ 59 \\ 35 \\ 37 \\ 79 \\ 25 \\ 4 \\ 59 \\ 23 \\ 8 \\ 52 \\ 33 \\ 28 \\ 52 \\ 13 \\ 11 \\ 19 \\ 9 \\ 57 \\ 13 \\ 33 \\ 28 \\ 52 \\ 13 \\ 11 \\ 19 \\ 9 \\ 57 \\ 13 \\ 33 \\ 22 \\ 8 \\ 52 \\ 13 \\ 11 \\ 12 \\ 35 \\ 11 \\ 11 \\ 23 \\ 59 \\ 18 \\ 11 \\ 19 \\ 51 \\ 19 \\ 19 \\ 19 \\ 21 \\ 19 \\ 19 \\ 21 \\ 10 \\ 19 \\ 21 \\ 10 \\ 10 \\ 23 \\ 21 \\ 11 \\ 10 \\ 73 \\ 21 \\ 10 \\ 73 \\ 21 \\ 10 \\ 73 \\ 21 \\ 21 \\ 21 \\ 21 \\ 21 \\ 21 \\ 21 \\ 2$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
122222222222222222222222222222222222222
$\begin{smallmatrix} 50\\ 32\\ 11\\ 19\\ 50\\ 9\\ 47\\ 19\\ 23\\ 20\\ 33\\ 75\\ 13\\ 8\\ 21\\ 50\\ 30\\ 22\\ 11\\ 20\\ 30\\ 23\\ 51\\ 20\\ 30\\ 22\\ 11\\ 20\\ 30\\ 22\\ 11\\ 20\\ 20\\ 30\\ 25\\ 10\\ 20\\ 20\\ 20\\ 30\\ 25\\ 10\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 2$
$\begin{array}{c} \operatorname{Fe}\ 31 \\ 19 \\ 57 \\ 20 \\ 78 \\ 84 \\ 51 \\ 27 \\ 92 \\ 11 \\ 38 \\ 54 \\ 93 \\ 92 \\ 18 \\ 19 \\ 29 \\ 23 \\ 54 \\ 92 \\ 82 \\ 23 \\ 24 \\ 10 \\ 19 \\ 29 \\ 23 \\ 24 \\ 10 \\ 10 \\ 22 \\ 28 \\ 28 \\ 23 \\ 24 \\ 10 \\ 10 \\ 22 \\ 28 \\ 28 \\ 23 \\ 24 \\ 10 \\ 10 \\ 22 \\ 26 \\ 77 \\ 22 \\ 26 \\ 77 \\ 22 \\ 26 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 25 \\ 78 \\ 77 \\ 71 \\ 22 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71 \\ 71$
s 2 3 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 2 1 1 1 2 1 3 2 2 1 1 1 1
$\begin{array}{c} h = 8 - 5 - 2 - 1 = 4 - 1 - 1 - 1 - 2 = 5 - 1 - 1 - 2 = 9 - 6 - 3 = 0 = 3 = -1 - 1 - 1 - 1 - 2 = -1 - 1 - 1 - 2 = -1 - 1 - 1 - 1 - 2 = -1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 2 = -1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 2 = -1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - $
$\begin{smallmatrix} k & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 &$
1 ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ? ?
$\begin{array}{c} Fo 55\\ 57 \\ 26 \\ 104 \\ 291 \\ 19 \\ 134 \\ 200 \\ 17 \\ 160 \\ 367 \\ 1130 \\ 232 \\ 222 \\ 122 \\ 212 \\ 223 \\ 233 $
$\begin{array}{c} {\rm Fe} 6\\ {\rm fo} \\ {\rm f$
s 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
$\begin{smallmatrix} h & -15 \\ -1.2 & -9 & -6 \\ -3 & 0 & 3 \\ -14 & -1 \\ -1.3 & -7 & -4 \\ -1 & -2 & -5 \\ -1 & -2 & -1 \\ -1 & -8 & -5 \\ -2 & -1 \\ -1 & -1 \\ -1 & -8 \\$
$\begin{smallmatrix} k & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 & 11 &$
144444444444444444444444444444444444444
$\begin{array}{c} {\rm Fo} 8 \\ 44 \\ 44 \\ 44 \\ 7 \\ 32 \\ 81 \\ 9 \\ 9 \\ 19 \\ 46 \\ 72 \\ 25 \\ 9 \\ 30 \\ 22 \\ 53 \\ 30 \\ 22 \\ 53 \\ 30 \\ 22 \\ 54 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 21 \\ 22 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 28 \\ 10 \\ 25 \\ 25 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 20 \\ 20$
$\begin{array}{c} {\rm Fc} 8\\ 8\\ 4\\ 5\\ 6\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 1\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 2\\ 4\\ 5\\ 5\\ 1\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 3\\ 6\\ 1\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\$
s 1 1 1 1 1 2 2 1 1 1 1 1 2 2 1 1 1 1 1

-5 - 2 + 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
$14\\14\\14\\15\\55\\55\\66\\66\\66\\66\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\$
5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 35 \\ 19 \\ 118 \\ 30 \\ 11 \\ 118 \\ 31 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 118 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 123 \\ 141 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 123 \\ 144 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 123 \\ 144 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 123 \\ 144 \\ 118 \\ 123 \\ 261 \\ 123 \\ 124 \\ 118 \\ 123 \\ 126 \\ 118 \\ 118 \\ 126 \\ 118 \\ 118 \\ 118 \\ 126 \\ 118 \\ 1117 \\ 122 \\ 128 \\ 118 \\ 118 \\ 1117 \\ 122 \\ 121 \\ 118 \\ 118 \\ 1117 \\ 122 \\ 121 \\ 118 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 210 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 122 \\ 221 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 124 \\ 111 \\ 121 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 121 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 121 \\ 121 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 111 \\ 121 \\ 121 \\ 111 \\ 1$
$\begin{array}{c} \cdot \cdot$
$ \begin{smallmatrix} 15 \\ 16 \\ 16 \\ 17 \\ 12 \\ 23 \\ 33 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5$
$ \begin{smallmatrix} 6 & 6 & 7 & 7 \\ 6 & 6 & 6 & 7 \\ 7 & 7 & 7 & 7 \\ 7 & 7 & 7 \\ 7 & 7 &$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{smallmatrix} 1 \\ 7 \\ 1 \\ 6 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 2 \\ 5 \\ 3 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c} -9 \\ 0 \\ 2 \\ 1 \\ 4 \\ 1 \\ 2 \\ 5 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -8 \\ 5 \\ -2 \\ 1 \\ 4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -1 \\ 2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 $
$\begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 3 \\ 3 \\ 3 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5$
7 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8
$\begin{array}{c} 14\\ 76\\ 0\\ 61\\ 34\\ 0\\ 0\\ 7\\ 52\\ 8\\ 9\\ 7\\ 44\\ 1\\ 27\\ 52\\ 8\\ 9\\ 7\\ 44\\ 21\\ 27\\ 52\\ 8\\ 9\\ 9\\ 45\\ 4\\ 7\\ 18\\ 22\\ 20\\ 7\\ 44\\ 21\\ 22\\ 33\\ 0\\ 60\\ 5\\ 7\\ 22\\ 42\\ 8\\ 9\\ 9\\ 45\\ 45\\ 18\\ 12\\ 22\\ 33\\ 0\\ 60\\ 5\\ 7\\ 22\\ 42\\ 13\\ 20\\ 11\\ 22\\ 33\\ 0\\ 60\\ 5\\ 7\\ 22\\ 42\\ 13\\ 20\\ 11\\ 12\\ 23\\ 30\\ 60\\ 5\\ 7\\ 22\\ 11\\ 22\\ 33\\ 0\\ 60\\ 5\\ 7\\ 22\\ 12\\ 23\\ 30\\ 8\\ 44\\ 24\\ 7\\ 7\\ 0\\ 12\\ 23\\ 30\\ 8\\ 44\\ 24\\ 7\\ 7\\ 0\\ 12\\ 23\\ 56\\ 23\\ 18\\ 13\\ 15\\ 7\\ 22\\ 14\\ 55\\ 0\\ 11\\ 11\\ 14\\ 18\\ 9\\ 69\\ 5\\ 7\\ 22\\ 14\\ 55\\ 10\\ 11\\ 12\\ 23\\ 30\\ 8\\ 8\\ 42\\ 42\\ 7\\ 7\\ 0\\ 12\\ 23\\ 56\\ 23\\ 18\\ 13\\ 20\\ 20\\ 11\\ 12\\ 23\\ 30\\ 8\\ 8\\ 42\\ 42\\ 7\\ 7\\ 0\\ 12\\ 23\\ 56\\ 23\\ 18\\ 13\\ 20\\ 20\\ 11\\ 11\\ 14\\ 18\\ 9\\ 69\\ 5\\ 7\\ 22\\ 14\\ 55\\ 10\\ 11\\ 11\\ 14\\ 18\\ 9\\ 69\\ 5\\ 7\\ 22\\ 14\\ 55\\ 10\\ 12\\ 23\\ 30\\ 12\\ 23\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 19\\ 73\\ 14\\ 7\\ 30\\ 7\\ 10\\ 430\\ 7\\ 6\\ 51\\ 10\\ 24\\ 82\\ 5\\ 44\\ 20\\ 13\\ 5\\ 26\\ 11\\ 35\\ 5\\ 26\\ 11\\ 35\\ 5\\ 26\\ 11\\ 13\\ 5\\ 26\\ 11\\ 13\\ 5\\ 26\\ 11\\ 13\\ 24\\ 82\\ 25\\ 53\\ 33\\ 20\\ 20\\ 24\\ 47\\ 17\\ 10\\ 22\\ 26\\ 69\\ 3\\ 5\\ 93\\ 5\\ 94\\ 25\\ 55\\ 33\\ 13\\ 24\\ 40\\ 17\\ 10\\ 21\\ 24\\ 20\\ 17\\ 5\\ 31\\ 11\\ 10\\ 12\\ 24\\ 20\\ 17\\ 5\\ 31\\ 11\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 24\\ 17\\ 10\\ 12\\ 12\\ 24\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$2 \ 3 \ 1 \ 2 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1$
$\begin{smallmatrix} 3 \\ -5 \\ -2 \\ -1 \\ 4 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 $
$\begin{array}{c} 3 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 4 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5 \\ 5$
9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9
$\begin{array}{c} 90\\ 90\\ 71\\ 90\\ 54\\ 75\\ 19\\ 60\\ 54\\ 76\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78\\ 78$
$\begin{array}{c} 91\\ 91\\ 256\\ 15\\ 3\\ 56\\ 2\\ 269\\ 800\\ 78\\ 2\\ 269\\ 33\\ 10\\ 7\\ 2\\ 269\\ 33\\ 11\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 11\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 11\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 11\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 34\\ 1\\ 121\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 34\\ 1\\ 121\\ 121\\ 2\\ 269\\ 33\\ 44\\ 67\\ 19\\ 10\\ 24\\ 7\\ 18\\ 79\\ 1\\ 10\\ 6\\ 38\\ 41\\ 19\\ 100\\ 6\\ 38\\ 41\\ 19\\ 100\\ 6\\ 38\\ 41\\ 19\\ 100\\ 9\\ 23\\ 35\\ 17\\ 10\\ 9\\ 48\\ 29\\ 6\\ 19\\ 159\\ 28\\ 11\\ 100\\ 6\\ 38\\ 41\\ 19\\ 100\\ 9\\ 23\\ 35\\ 17\\ 10\\ 9\\ 48\\ 29\\ 6\\ 19\\ 159\\ 28\\ 11\\ 100\\ 6\\ 38\\ 41\\ 19\\ 100\\ 9\\ 23\\ 35\\ 17\\ 10\\ 9\\ 48\\ 29\\ 6\\ 19\\ 159\\ 28\\ 11\\ 100\\ 6\\ 21\\ 12\\ 18\\ 43\\ 38\\ 47\\ 11\\ 101\\ 6\\ 21\\ 12\\ 13\\ 14\\ 43\\ 8\\ 47\\ 11\\ 101\\ 6\\ 21\\ 12\\ 13\\ 14\\ 43\\ 8\\ 47\\ 10\\ 10\\ 10\\ 9\\ 28\\ 10\\ 10\\ 9\\ 28\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{smallmatrix} 2&4&1&1&1&4&4&4&1&3&1&3&1&1&1&1&1&1&1&1&1$
$\begin{smallmatrix} 0 & 3 \\ -11 & 8 \\ -5 & 2 \\ 1 & 4 \\ -13 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -11 \\ -8 \\ -5 \\ -2 \\ 1 \\ 4 \\ -16 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -11 \\ -8 \\ -5 \\ -2 \\ 1 \\ 4 \\ -16 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -16 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -16 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -18 \\ -5 \\ -2 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ 3 \\ -14 \\ -18 \\ -5 \\ -2 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ 5 \\ -12 \\ -9 \\ -6 \\ -3 \\ 0 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ 2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -7 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -5 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -2 \\ -1 \\ -1$
$\begin{array}{c} 5\\ 5\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
$ \begin{smallmatrix} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10$
$\begin{array}{c} 207\\ 49\\ 49\\ 16\\ 10\\ 157\\ 40\\ 36\\ 41\\ 10\\ 57\\ 51\\ 56\\ 10\\ 41\\ 10\\ 50\\ 66\\ 51\\ 52\\ 10\\ 41\\ 10\\ 50\\ 66\\ 51\\ 52\\ 10\\ 41\\ 10\\ 50\\ 66\\ 51\\ 52\\ 10\\ 41\\ 10\\ 52\\ 23\\ 68\\ 00\\ 74\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 239\\ 47\\ 19\\ 6\\ 153\\ 697\\ 767\\ 16\\ 163\\ 84\\ 898\\ 68\\ 97\\ 776\\ 16\\ 163\\ 84\\ 98\\ 68\\ 97\\ 776\\ 10\\ 107\\ 23\\ 6\\ 47\\ 94\\ 94\\ 775\\ 6\\ 107\\ 23\\ 6\\ 107\\ 23\\ 6\\ 107\\ 23\\ 6\\ 107\\ 23\\ 6\\ 107\\ 23\\ 8\\ 8\\ 67\\ 19\\ 77\\ 30\\ 28\\ 8\\ 87\\ 19\\ 107\\ 23\\ 6\\ 10\\ 107\\ 23\\ 28\\ 8\\ 67\\ 19\\ 73\\ 30\\ 7\\ 80\\ 4\\ 465\\ 10\\ 18\\ 69\\ 53\\ 377\\ 10\\ 6\\ 28\\ 107\\ 23\\ 30\\ 7\\ 80\\ 4\\ 465\\ 10\\ 18\\ 69\\ 107\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 77\\ 19\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 77\\ 19\\ 10\\ 28\\ 23\\ 30\\ 176\\ 23\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 77\\ 10\\ 28\\ 23\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 10\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 10\\ 10\\ 10\\ 28\\ 20\\ 36\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$4 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$

$\begin{smallmatrix} 0 & 3 & 64 \\ -11 & -8 & 5 \\ -2 & 1 & 4 & 6 \\ -13 & -10 & -7 & 4 \\ -1 & 2 & 5 \\ -2 & 1 & 4 & -12 \\ -12 & -6 & -3 & 0 \\ -14 & -1 & -8 & -5 \\ -2 & 1 & 4 & -12 \\ -12 & -6 & -3 & 0 \\ -14 & -1 & -8 & -5 \\ -2 & 1 & 4 & -12 \\ -1 & -1 & -12 \\ $
$ \begin{smallmatrix} 10 \\ 10 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 46\\ 59\\ 21\\ 23\\ 99\\ 51\\ 6\\ 73\\ 36\\ 55\\ 16\\ 11\\ 15\\ 66\\ 52\\ 22\\ 41\\ 10\\ 80\\ 44\\ 59\\ 22\\ 37\\ 16\\ 41\\ 15\\ 35\\ 57\\ 16\\ 41\\ 127\\ 88\\ 7\\ 16\\ 228\\ 83\\ 266\\ 67\\ 11\\ 127\\ 88\\ 7\\ 16\\ 31\\ 205\\ 327\\ 116\\ 52\\ 28\\ 16\\ 37\\ 226\\ 28\\ 16\\ 37\\ 225\\ 11\\ 127\\ 88\\ 77\\ 16\\ 31\\ 205\\ 327\\ 116\\ 53\\ 20\\ 16\\ 53\\ 20\\ 11\\ 127\\ 88\\ 77\\ 16\\ 31\\ 205\\ 327\\ 116\\ 53\\ 20\\ 16\\ 32\\ 20\\ 118\\ 149\\ 88\\ 172\\ 39\\ 46\\ 20\\ 51\\ 16\\ 20\\ 11\\ 28\\ 87\\ 74\\ 9\\ 20\\ 25\\ 16\\ 16\\ 20\\ 11\\ 28\\ 87\\ 16\\ 31\\ 20\\ 20\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 51\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 51\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 67\\ 127\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 215\\ 202\\ 201\\ 118\\ 144\\ 119\\ 201\\ 201\\ 201\\ 201\\ 201\\ 201\\ 201\\ 201$
1 - 10 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 5 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 5 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 5 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 5 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 4 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 4 - 4 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c}12\\12\\12\\12\\12\\13\\13\\13\\13\\13\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\$
13 3 13 3 13 3 13 3 13 3 13 3 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 13 1 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 18<
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$1\\1\\1\\1\\2\\2\\1\\2\\1\\1\\1\\2\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1$
$\begin{smallmatrix} -6 & -3 & 0 & -11 \\ -8 & -5 & -2 & -1 \\ -13 & -10 & -7 \\ -4 & -12 \\ -9 & -6 & 0 \\ -1 & -1 \\ -1 & -2 \\ -3 & 0 \\ -1 & -1 \\ -1 & -2 \\ -2 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\$
$ \begin{smallmatrix} 13\\13\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\15\\15\\15\\15\\16\\16\\12\\23\\33\\4\\4\\4\\4\\5\\5\\5\\5\\5\\5\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\6\\7\\7\\7\\7\\7$
$\begin{array}{c} 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
20 47 227 1110 6 4022 271110 6 4022 271110 6 4022 271110 6 4022 271110 6 4022 271110 27100 271
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 14 \\ 15 \\ 15 \\ 15 \\ 15 \\ 16 \\ 16 \\ 12 \\ 22 \\ 33 \\ 33 \\ 44 \\ 44 \\ 45 \\ 55 \\ 55 \\ 55$
$ \begin{array}{c} 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\ 15\\$
$\begin{array}{c} 50\\ 3\\ 3\\ 4\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 2\\ 2\\ 0\\ 0\\ 1\\ 0\\ 1\\ 2\\ 2\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 0\\ 0\\ 0\\ 1\\ 2\\ 2\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 2\\ 1\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\ 0\\$
51 19 94 10 103 17 1059 225 2215 285 2215 285 2215 285 2215 255 244 225 244 225 245 255 215 255 215 255 225 244 256 267 260 144 271 154 283 227 284 226 201 124 37 225 262 23 113 122 266 267 270 114 202 22 211 211 201 114 202 23 311 113 272 98 291 167 76 202 212 214 213 212 214 217
$1\\1\\1\\2\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1$

$\begin{array}{c} -2 \\ 1 \\ 4 \\ 7 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 $
$8 \\ 8 \\ 8 \\ 8 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ $
17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 1
$\begin{array}{c} 39 55 32 54 9 65 22 205 67 41 01 39 39 88 84 140 63 99 12 22 56 57 41 01 39 99 88 84 140 63 99 12 52 124 64 64 11 159 99 124 54 24 114 13 39 91 12 124 114 114 13 39 91 12 124 124 114 114 13 39 91 12 124 124 114 114 13 39 91 12 124 124 114 114 114 114 114$
$\begin{array}{c} 11\\ 7\\ 33\\ 56\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 53\\ 68\\ 8\\ 78\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
$1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1$
30361411-8-5-214038-5-214003-8-5-2140-7-4-1-2-5-2-14761-3-0-7-4-1-2-5-2-1-4-7-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-9-6-0-1-1-2-3-0-3-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-8-5-7-0-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-1-8-5-2-1-3-0-3-6-14-1-1-8-5-2-1-14-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-1-8-5-2-1-14-1-2-5-9-6-3-0-3-6-14-1-1-8-5-2-1-14-1-1-8-5-2-1-14-1-1-8-5-2-1-14-1-1-8-5-2-1-14-1-1-8-5-2-1-14-1-1-2-5-9-6-3-0-3-8-5-1-1-2-1-2-1-1-2-5-9-1-1-2-1-2-1-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2-1-2-5-9-1-2
$9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\$
18 23 23
$\begin{array}{c} 846\\ 603\\ 319\\ 7\\ 9\\ 8\\ 43\\ 10\\ 9\\ 63\\ 12\\ 8\\ 10\\ 9\\ 63\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c} 844\\ 75\\ 452\\ 18\\ 8\\ 26\\ 444\\ 22\\ 48\\ 18\\ 19\\ 666\\ 180\\ 51\\ 12\\ 14\\ 9\\ 666\\ 180\\ 51\\ 12\\ 14\\ 9\\ 9\\ 9\\ 70\\ 8\\ 4\\ 30\\ 13\\ 660\\ 47\\ 4\\ 14\\ 20\\ 12\\ 53\\ 66\\ 10\\ 12\\ 19\\ 25\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
-12515129-6-3031403611-8-5-214713107-4-12585129-6-30361411-8-5-21461310-7-4-125129-6-3031411-8-5-211310-7-4-129-6-3-8-1-3-0-5-21-7-4-12-9-6-3-0-311-8-5-2-141310-7-4-1251512-14-7-4-125-9-6-3-0-3611-8-5-2-14510-7-4-12512-9-6-3-0-3-0-3-0-3-0-3-0-3-0-3-0-3-0-3-0-3
$10\ 10\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ $
19 19 19 19 19 19 19 19 19 19
$\begin{array}{c} 326\\ 226\\ 111\\ 5\\ 34\\ 303\\ 17\\ 38\\ 5\\ 8\\ 8\\ 38\\ 5\\ 5\\ 8\\ 8\\ 38\\ 5\\ 5\\ 8\\ 8\\ 38\\ 5\\ 5\\ 8\\ 8\\ 38\\ 5\\ 5\\ 8\\ 8\\ 38\\ 5\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 8\\ 3\\ 5\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 8\\ 3\\ 8\\ 3\\ 5\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 112\\ 2\\ 5\\ 7\\ 7\\ 1\\ 7\\ 2\\ 9\\ 7\\ 3\\ 8\\ 4\\ 3\\ 1\\ 12\\ 2\\ 6\\ 6\\ 3\\ 3\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 1\\ 3\\ 6\\ 6\\ 8\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
$\begin{array}{c} 2942721383630321111359541131355339114332225558434111315954113159541131595411315954113159541131595411315954113159541131595411315954113159541131595411315954113152338422853484293524661153535712038724293021211131212222101714111414111414141414141414$
$1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\$
13 10 7 4 1 2 15 12 9 6 3 9 6 3 0 3 6 14 11 8 5 2 1 4 7 6 13 10 7 4 1 2 5 15 12 9 6 3 0 3 4 1 8 5 2 1 4 7 6 13 10 7 4 1 2 5 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 1
12121212121212121212121212121212121212
20 20 20 20 20 20 20 20 20 20
$ \begin{array}{c} 51\\ 23\\ 22\\ 99\\ 8\\ 37\\ 4\\ 109\\ 6\\ 13\\ 11\\ 13\\ 7\\ 109\\ 43\\ 11\\ 22\\ 12\\ 8\\ 8\\ 7\\ 4\\ 139\\ 8\\ 7\\ 4\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 60\\ 0\\ 19\\ 12\\ 23\\ 10\\ 10\\ 92\\ 74\\ 8\\ 55\\ 10\\ 23\\ 74\\ 8\\ 55\\ 10\\ 12\\ 22\\ 23\\ 8\\ 10\\ 10\\ 92\\ 74\\ 8\\ 55\\ 10\\ 13\\ 22\\ 23\\ 8\\ 10\\ 10\\ 92\\ 13\\ 23\\ 10\\ 10\\ 92\\ 13\\ 23\\ 10\\ 10\\ 92\\ 13\\ 23\\ 10\\ 10\\ 92\\ 13\\ 23\\ 10\\ 10\\ 12\\ 22\\ 22\\ 23\\ 8\\ 10\\ 10\\ 12\\ 22\\ 22\\ 23\\ 8\\ 10\\ 12\\ 22\\ 22\\ 23\\ 8\\ 10\\ 10\\ 22\\ 23\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 52\\ 24\\ 30\\ 11\\ 33\\ 35\\ 6\\ 92\\ 12\\ 13\\ 8\\ 94\\ 10\\ 11\\ 13\\ 5\\ 6\\ 13\\ 14\\ 8\\ 20\\ 7\\ 129\\ 20\\ 19\\ 8\\ 13\\ 7\\ 25\\ 7\\ 15\\ 20\\ 3\\ 6\\ 21\\ 13\\ 8\\ 14\\ 8\\ 20\\ 7\\ 129\\ 20\\ 35\\ 6\\ 6\\ 141\\ 11\\ 13\\ 5\\ 20\\ 3\\ 8\\ 17\\ 7\\ 15\\ 20\\ 3\\ 8\\ 17\\ 7\\ 15\\ 20\\ 3\\ 8\\ 11\\ 22\\ 15\\ 3\\ 8\\ 11\\ 22\\ 15\\ 3\\ 8\\ 11\\ 22\\ 15\\ 3\\ 8\\ 20\\ 13\\ 8\\ 12\\ 21\\ 12\\ 20\\ 35\\ 5\\ 97\\ 7\\ 3\\ 38\\ 8\\ 22\\ 11\\ 22\\ 15\\ 20\\ 38\\ 8\\ 11\\ 22\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\$
$\begin{array}{c} -5 \\ -2 \\ 1 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -1 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1$
$\begin{array}{c}13\\13\\13\\14\\14\\14\\14\\14\\14\\15\\15\\10\\0\\10\\0\\10\\10\\10\\10\\10\\10\\10\\10\\10\\10$
21 22 22 22 22 22 22 22 21 21 21 21 22 23 22 22 22 22 22 22 22
$\begin{array}{c} 364\\ 423\\ 3056\\ 445\\ 247\\ 299\\ 122\\ 20\\ 0\\ 21\\ 142\\ 856\\ 6\\ 0\\ 0\\ 91\\ 11\\ 22\\ 20\\ 0\\ 21\\ 142\\ 856\\ 6\\ 0\\ 0\\ 91\\ 11\\ 22\\ 20\\ 0\\ 21\\ 142\\ 856\\ 6\\ 0\\ 0\\ 91\\ 11\\ 22\\ 20\\ 0\\ 21\\ 142\\ 856\\ 6\\ 0\\ 0\\ 91\\ 11\\ 22\\ 20\\ 0\\ 21\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c} 35\\ 40\\ 22\\ 9\\ 56\\ 7\\ 12\\ 22\\ 26\\ 6\\ 7\\ 22\\ 23\\ 16\\ 12\\ 23\\ 9\\ 22\\ 22\\ 1\\ 4\\ 19\\ 12\\ 25\\ 56\\ 6\\ 19\\ 8\\ 7\\ 22\\ 21\\ 4\\ 19\\ 12\\ 7\\ 56\\ 3\\ 5\\ 8\\ 7\\ 22\\ 21\\ 4\\ 19\\ 12\\ 7\\ 56\\ 3\\ 7\\ 22\\ 21\\ 4\\ 19\\ 12\\ 25\\ 54\\ 11\\ 12\\ 23\\ 74\\ 66\\ 40\\ 22\\ 15\\ 54\\ 11\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 7\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 23\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 25\\ 74\\ 66\\ 40\\ 22\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 12\\ 18\\ 143\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ $

$2 \\ 1 \\ 5 \\ 3 \\ 1 \\ 2 \\ 2 \\ 3 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c} 12\\ 101\\ 9\\ 76\\ 6\\ 7\\ 7\\ 6\\ 8\\ 7\\ 6\\ 7\\ 7\\ 6\\ 8\\ 7\\ 8\\ 9\\ 9\\ 9\\ 9\\ 105\\ 12\\ 131\\ 61\\ 106\\ 101\\ 12\\ 2\\ 16\\ 101\\ 23\\ 0\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 10\\ 1\\ 2\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 3\\ 6\\ 8\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 10\\ 1\\ 2\\ 8\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\$
$\begin{array}{c} 13\\ 101\\ 9\\ 80\\ 61\\ 84\\ 86\\ 56\\ 9\\ 88\\ 103\\ 101\\ 106\\ 108\\ 101\\ 106\\ 108\\ 101\\ 106\\ 101\\ 106\\ 101\\ 106\\ 101\\ 100\\ 100$
32 33 33
$13 \\ 13 \\ 13 \\ 14 \\ 14 \\ 14 \\ 14 \\ 15 \\ 15 \\ 12 \\ 23 \\ 33 \\ 44 \\ 44 \\ 45 \\ 55 \\ 55 \\ 55 \\ 5$
9-6-3-0-11-8-5-2-10-7-4-0-1-1-2-3-0-3-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-1-2-1-2-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-11-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-1-1-8-5-2-1-4-1-2-5-9-6-3-0-3-6-1-1-8-5-2-1-4-1-2-5-9-2-1-2-1-2-1-2-5-9-2-1-2-1-2-1-2-1-2-2-1-2-2-1-2-2-1-2
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 64\\ 28\\ 35\\ 62\\ 8\\ 60\\ 7\\ 7\\ 45\\ 8\\ 8\\ 60\\ 7\\ 7\\ 24\\ 8\\ 8\\ 8\\ 60\\ 20\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 8\\ 8\\ 60\\ 20\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 24\\ 2\\ 8\\ 8\\ 60\\ 20\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 24\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 7\\ 7\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 1\\ 1\\ 1\\ 1\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\ 2\\$
31 31 31 31 31 31 31 31 31 31
$10\ 10\ 10\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ 11\ $
$1 \\ + 1 \\ $
$\begin{array}{c} 25\\824\\615\\33\\87\\72\\40\\816\\15\\24\\23\\825\\16\\15\\24\\23\\826\\62\\120\\15\\72\\94\\17\\68\\25\\68\\7120\\15\\79\\40\\70\\15\\39\\64\\26\\23\\54\\34\\74\\27\\90\\26\\23\\54\\34\\74\\26\\25\\68\\7120\\15\\79\\40\\70\\53\\76\\25\\26\\25\\88\\27\\20\\25\\68\\7120\\25\\68\\27\\20\\25\\68\\7120\\25\\68\\25\\68\\25\\26\\25\\$
$\begin{array}{c} 30 & 2 & 2 & 2 & 3 \\ 300 & 5 & 1 & 1 & 3 \\ 300 & 3 & 3 & 3 & 3 \\ 300 & 1 & 1 & 2 & 2 \\ 300 & 3 & 3 & 3 & 3 \\ 300 & 1 & 1 & 2 & 2 \\ 300 & 3 & 3 & 3 & 3 \\ 300 & 1 & 1 & 2 & 2 \\ 300 & 3 & 1 & 1 & 1 \\ 300 & 1 & 1 & 1 \\ 300 & 1 & 1 & 1 \\ 300 & 1 & 1 & 1 \\ 300 & $
$ \begin{smallmatrix} 8 & 8 & 8 \\ 8 & 8 \\ 9 & 9$
$\begin{smallmatrix} & -10 \\ & -12 \\ & $
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{c} 43\\ 7\\ 7\\ 8\\ 6\\ 7\\ 7\\ 8\\ 6\\ 7\\ 7\\ 8\\ 6\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
29 29 29 29 29 29 29
$ \begin{smallmatrix} 5 & 5 & 6 & 6 & 6 & 6 & 6 & 7 & 7 & 7 & 7 & 7$
$1 \\ 4 \\ 10 \\ 7 \\ 4 \\ 1 \\ 2 \\ 5 \\ 1 \\ 2 \\ 9 \\ 6 \\ 3 \\ 0 \\ 3 \\ 6 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 5 \\ 2 \\ 1 \\ 4 \\ 7 \\ 6 \\ 3 \\ 0 \\ 3 \\ 6 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 8 \\ 5 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$4 \\ 2 \\ 4 \\ 8 \\ 1 \\ 4 \\ 5 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c} 12\\ 21\\ 96\\ 33\\ 138\\ 138\\ 138\\ 99\\ 51\\ 111\\ 99\\ 138\\ 22\\ 31\\ 18\\ 99\\ 55\\ 101\\ 6\\ 61\\ 18\\ 50\\ 27\\ 118\\ 50\\ 18\\ 50\\ 111\\ 69\\ 27\\ 118\\ 50\\ 18\\ 50\\ 108\\ 108\\ 108\\ 108\\ 108\\ 108\\ 108\\ 10$
$\begin{array}{c}1289991332\\1447386157639791001143\\111866277302088812211611157496010472730208812211611157496010472730208812211611157499941662477335741252124172905173322212555419255742222102445108971222212551122222212222$
$\begin{array}{c} 277\\ 278\\ 288\\ 288\\ 288\\ 288\\ 288\\ 288\\$
1511223334444455555666666677777777888888888888888
$\begin{array}{c} .3 \\ .4 \\ .1 \\ .2 \\ .4 \\ .4$

$\begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 $
$\begin{array}{c} 44\\ 21\\ 22\\ 30\\ 30\\ 84\\ 41\\ 14\\ 38\\ 37\\ 10\\ 22\\ 20\\ 20\\ 20\\ 21\\ 19\\ 22\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20$
$\begin{array}{c} 43\\ 22\\ 22\\ 231\\ 24\\ 46\\ 412\\ 22\\ 29\\ 32\\ 6\\ 44\\ 12\\ 22\\ 29\\ 32\\ 6\\ 24\\ 12\\ 22\\ 19\\ 32\\ 26\\ 6\\ 24\\ 12\\ 22\\ 19\\ 32\\ 26\\ 29\\ 22\\ 20\\ 50\\ 43\\ 7\\ 42\\ 22\\ 21\\ 13\\ 26\\ 29\\ 20\\ 50\\ 43\\ 14\\ 40\\ 26\\ 29\\ 20\\ 50\\ 44\\ 18\\ 10\\ 13\\ 32\\ 26\\ 29\\ 20\\ 50\\ 44\\ 18\\ 10\\ 13\\ 32\\ 26\\ 29\\ 20\\ 50\\ 44\\ 18\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 6\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 20\\ 50\\ 14\\ 18\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 6\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 20\\ 50\\ 14\\ 18\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 6\\ 10\\ 10\\ 12\\ 20\\ 20\\ 30\\ 8\\ 11\\ 24\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 10\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 10\\ 10\\ 10\\ 13\\ 22\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$\begin{array}{c} 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\ 39\\$
$10 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 11 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ 13 \\ 13$
1 4 - 13 0 - 7 - 4 - 1 2 2 9 - 6 - 3 0 - 1 - 8 - 5 - 2 1 - 7 - 4 - 1 2 9 - 6 - 3 0 3 - 1 - 8 - 5 - 2 1 - 7 - 4 - 1 2 9 - 6 - 3 0 3 - 1 - 8 - 5 - 2 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 2 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 2 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 0 - 3 - 1 - 8 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 7 -
$1\\1\\1\\1\\1\\2\\1\\1\\1\\1\\2\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\1$
$\begin{array}{c} 22\\ 38\\ 27\\ 31\\ 12\\ 63\\ 12\\ 63\\ 12\\ 63\\ 12\\ 63\\ 12\\ 63\\ 12\\ 63\\ 12\\ 12\\ 8\\ 9\\ 9\\ 9\\ 22\\ 14\\ 9\\ 12\\ 22\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
$\begin{array}{c} 23\\ 39\\ 27\\ 33\\ 14\\ 21\\ 17\\ 39\\ 424\\ 42\\ 8\\ 53\\ 9\\ 448\\ 26\\ 13\\ 7\\ 244\\ 8\\ 53\\ 9\\ 448\\ 26\\ 13\\ 7\\ 244\\ 8\\ 53\\ 9\\ 448\\ 26\\ 13\\ 7\\ 22\\ 28\\ 8\\ 24\\ 24\\ 24\\ 28\\ 24\\ 24\\ 22\\ 28\\ 24\\ 24\\ 24\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22$
x 3 8 x 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
$\begin{smallmatrix} 8 & 8 & 8 & 8 & 8 & 8 & 8 & 9 & 9 & 9 &$
0-14 1-18 -5 -2 1 4 7 -13 -10 -7 4 -1 2 5 -2 1 -3 -0 -7 4 -1 2 -2 -2 -9 -6 -3 -0 -3 -1 -1 -2 -3 -0 -3 -5 -2 -1 -4 -7 -4 -1 -2 -5 -2 -5 -2 -2 -5 -5 -2 -2 -5 -5 -2 -5 -2 -5 -5 -2 -5 -5 -2 -5 -5 -5 -2 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5 -5
$\begin{array}{c} 3 \\ 7 \\ $
$\begin{array}{c} 759\\ 702\\ 7032\\ 110\\ 925\\ 7032\\ 110\\ 925\\ 816\\ 11\\ 7\\ 7\\ 61\\ 7\\ 7\\ 61\\ 320\\ 122\\ 110\\ 939\\ 102\\ 939\\ 7\\ 61\\ 132\\ 20\\ 122\\ 29\\ 939\\ 1102\\ 939\\ 1102\\ 939\\ 1102\\ 939\\ 1102\\ 939\\ 1102\\ 939\\ 1102\\ 122\\ 116\\ 237\\ 1102\\ 122\\ 116\\ 237\\ 1102\\ 122\\ 116\\ 237\\ 1102\\ 122\\ 116\\ 237\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 1102\\ 122\\ 12$
5777777777777777777777777777777777777
$\frac{4}{4}$ $\frac{4}{4}$ $\frac{4}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{6}{6}$ $\frac{6}{6}$ $\frac{6}{6}$ $\frac{6}{7}$ $\frac{7}{7}$ $\frac{7}$
$\begin{array}{c} -7 \\ -7 \\ -7 \\ -7 \\ -7 \\ -7 \\ -7 \\ -7 $
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{smallmatrix} 2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&6\\6&2&2&2&6\\6&2&2&2&6\\6&2&2&2&2$
$\begin{array}{c} 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\ 35\\$
$ \begin{smallmatrix} 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 13\\ 13\\ 13\\ 14\\ 14\\ 14\\ 14\\ 15\\ 15\\ 0\\ 1\\ 2\\ 2\\ 3\\ 3\\ 3\\ 4\\ 4\\ 4\\ 4\\ 4\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\ 5\\$
- 4 - 1 2 - 2 - 9 - 6 - 3 0 - 1 - 8 - 5 - 2 - 10 - 7 - 4 0 - 1 - 1 2 - 3 0 3 - 5 - 2 - 1 4 - 7 - 4 - 1 2 5 - 9 - 6 - 3 0 3 - 6 - 1 - 8 - 5 - 2 0 3 - 1 - 1 - 1 - 8 - 5 - 2 - 1 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 3 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 6 - 1 - 8 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 3 - 0 - 7 - 4 - 1 - 2 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 4 - 7 - 4 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 6 - 1 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 - 1 - 3 - 0 - 3 - 0 -
$1 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{smallmatrix} a_8 \\ b_1 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_1 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_1 \\ b_$
$ \begin{smallmatrix} 88\\ 89\\ 99\\ 11\\ 139\\ 120\\ 20\\ 60\\ 96\\ 11\\ 139\\ 151\\ 022\\ 60\\ 96\\ 11\\ 139\\ 151\\ 022\\ 26\\ 60\\ 96\\ 11\\ 139\\ 151\\ 022\\ 26\\ 60\\ 96\\ 11\\ 139\\ 125\\ 14\\ 199\\ 222\\ 223\\ 232\\ 11\\ 155\\ 754\\ 310\\ 95\\ 26\\ 26\\ 11\\ 155\\ 754\\ 310\\ 95\\ 26\\ 26\\ 11\\ 155\\ 754\\ 310\\ 95\\ 26\\ 20\\ 11\\ 155\\ 754\\ 310\\ 95\\ 26\\ 20\\ 11\\ 155\\ 754\\ 310\\ 95\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 2$
$\begin{array}{c} 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\ 34\\$
$9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\$
$-2 \\ 1 \\ 4 \\ 1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ -1 \\ $

-13074-12529-6-314-1307-4-1229-6-303-11-8-5-2-1-0-7-4-1-9-6-3-8-50-1-1-2-5-9-6-3-0-3-6-1-8-5-2-1-4-7-1-2-5-2-1-4-7-1-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-0-7-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-3-0-5-2-1-6-3-0-8-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-2-5-2-1-2-5-2-1-2-5-2-1-4-7-2-5-2-1-2-5-2-2-1-2-5-2-2-1-2-5-2-2-1-2-5-2-2-2-2
$9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\ 9 \\$
$\begin{array}{c} 41\\ 411\\ 411\\ 411\\ 411\\ 411\\ 411\\ 411\\$
$\begin{array}{c} 40\\ 60\\ 65\\ 115\\ 11\\ 107\\ 10\\ 11\\ 60\\ 75\\ 38\\ 76\\ 12\\ 69\\ 17\\ 47\\ 13\\ 30\\ 76\\ 12\\ 47\\ 13\\ 50\\ 84\\ 19\\ 55\\ 12\\ 9\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 29\\ 51\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 11\\ 22\\ 20\\ 10\\ 22\\ 20\\ 10\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 2$
$\begin{array}{c} 40\\ 61\\ 71\\ 112\\ 111\\ 4\\ 10\\ 61\\ 63\\ 951\\ 9\\ 75\\ 13\\ 66\\ 15\\ 18\\ 44\\ 11\\ 4\\ 79\\ 18\\ 51\\ 8\\ 44\\ 11\\ 4\\ 79\\ 18\\ 51\\ 8\\ 44\\ 11\\ 17\\ 79\\ 18\\ 13\\ 13\\ 13\\ 20\\ 53\\ 33\\ 11\\ 20\\ 85\\ 31\\ 11\\ 20\\ 85\\ 31\\ 10\\ 10\\ 9\\ 93\\ 20\\ 10\\ 7\\ 7\\ 12\\ 19\\ 10\\ 0\\ 93\\ 11\\ 13\\ 10\\ 20\\ 53\\ 11\\ 10\\ 20\\ 85\\ 31\\ 10\\ 10\\ 9\\ 94\\ 16\\ 88\\ 10\\ 104\\ 35\\ 20\\ 10\\ 7\\ 12\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10\\ 10$
$1\\1\\1\\1\\1\\4\\2\\2\\1\\1\\1\\1\\5\\2\\2\\2\\1\\1\\1\\1\\2\\1\\2\\1\\1\\1\\1$
$\begin{array}{c} -5 \\ -2 \\ -10 \\ -7 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -2 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -3 \\ 0 \\ -1 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -4 \\ -1 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2 \\ -2$
$13\\14\\14\\11\\12\\23\\33\\44\\44\\55\\55\\56\\66\\66\\66\\67\\7\\7\\7\\7\\7\\7\\7\\8\\8\\8\\8\\8\\8\\$
42 42 42 42 43 43 43 43 43 43 43 43 43 43 43 43 43
$\begin{array}{c} 19\\ 20\\ 29\\ 36\\ 6\\ 104\\ 8\\ 37\\ 6\\ 18\\ 7\\ 60\\ 8\\ 9\\ 7\\ 57\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7$
$\begin{array}{c} 16\\ 23\\ 32\\ 14\\ 51\\ 101\\ 101\\ 100\\ 160\\ 25\\ 62\\ 49\\ 9\\ 7\\ 62\\ 9\\ 62\\ 0\\ 9\\ 62\\ 0\\ 35\\ 117\\ 5\\ 15\\ 12\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 30\\ 0\\ 29\\ 21\\ 19\\ 22\\ 25\\ 14\\ 12\\ 31\\ 12\\ 31\\ 21\\ 22\\ 10\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 14\\ 22\\ 25\\ 23\\ 21\\ 10\\ 22\\ 21\\ 10\\ 22\\ 22\\ 21\\ 10\\ 22\\ 22\\ 23\\ 21\\ 20\\ 22\\ 21\\ 20\\ 22\\ 21\\ 20\\ 22\\ 21\\ 20\\ 22\\ 20\\ 22\\ 21\\ 20\\ 20\\ 22\\ 21\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20$
$1 \\ 4 \\ 1 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
-6-3-0-3-6-1-1-1-8-5-2-1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-4-7-4-1-2-5-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4-1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-4-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-8-5-2-1-7-4+1-2-9-6-3-8-5-1-3-0-3-1-1-2-3-0-3-1-2-3-0-3-2-3-0-3-2-3-2-3-0-3-2-3-2-3-2-3
$\begin{array}{c}7&7&7&7&7&8&8&8&8\\8&8&8&8&8&8&8&8&8\\10&10&10&10&10&1\\11&1&1&1&1&1&1\\12&12&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\5&5&5&5&5&5&6&6&6&6&6&6&6&6\\10&1&1&1&1&1&1&1&1\\11&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&1&1&1&1&1&1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5\\1&2&2&3&3&3&4&4&4&4&5&5&5&5&5&5&5&5&5&5&5&5&5$
$\begin{array}{c} 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44\\ 44$
$\begin{array}{c} 38\\ 7\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 8\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
$\begin{array}{c} 39\\ 21\\ 8\\ 6\\ 29\\ 13\\ 25\\ 25\\ 5\\ 8\\ 34\\ 9\\ 9\\ 34\\ 3\\ 7\\ 7\\ 7\\ 9\\ 3\\ 22\\ 3\\ 29\\ 9\\ 35\\ 25\\ 20\\ 33\\ 29\\ 9\\ 35\\ 25\\ 20\\ 33\\ 29\\ 9\\ 35\\ 25\\ 20\\ 33\\ 29\\ 9\\ 35\\ 25\\ 20\\ 33\\ 29\\ 9\\ 35\\ 25\\ 20\\ 33\\ 23\\ 29\\ 20\\ 55\\ 22\\ 11\\ 42\\ 30\\ 55\\ 22\\ 21\\ 14\\ 26\\ 31\\ 23\\ 45\\ 12\\ 21\\ 16\\ 31\\ 23\\ 45\\ 12\\ 21\\ 16\\ 31\\ 23\\ 45\\ 12\\ 21\\ 16\\ 20\\ 25\\ 22\\ 11\\ 12\\ 23\\ 23\\ 23\\ 20\\ 20\\ 55\\ 22\\ 21\\ 14\\ 26\\ 20\\ 20\\ 55\\ 22\\ 21\\ 14\\ 26\\ 20\\ 20\\ 55\\ 22\\ 21\\ 14\\ 26\\ 20\\ 20\\ 55\\ 22\\ 21\\ 14\\ 26\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20\\ 20$
$\begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 $
-12 - 9 - 6 - 3 - 0 - 1 - 1 - 8 - 5 - 2 - 7 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 8 - 5 - 2 - 7 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 4 - 4 - 4
$12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 13\\ 13\\ 14\\ 16\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\$
$ \begin{array}{c} 45 \\ 54 \\ 54 \\ 54 \\ 54 \\ 54 \\ 54 \\ 55 \\ 52 \\ 52$
$\begin{array}{c}8\\24\\15\\17\\14\\14\\10\\16\\15\\76\\26\\71\\28\\92\\1\\00\\27\\53\\47\\22\\24\\15\\24\\48\\11\\46\\71\\27\\25\\22\\44\\11\\27\\16\\27\\22\\24\\15\\22\\24\\17\\12\\29\\52\\24\\17\\12\\29\\52\\24\\17\\12\\29\\52\\24\\17\\12\\29\\31\\16\\21\\29\\52\\24\\11\\16\\20\\23\\39\\15\\10\\10\\22\\37\\29\\68\\18\\66\\22\\57\\53\\32\\25\\11\\18\\9\\35\\25\\77\\33\\22\\11\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\68\\21\\18\\24\\10\\27\\23\\79\\26\\21\\18\\24\\20\\23\\79\\26\\21\\18\\24\\20\\23\\77\\22\\25\\24\\18\\20\\21\\20\\21\\20\\21\\20\\21\\20\\21\\20\\20\\21\\20\\20\\21\\20\\20\\21\\20\\20\\21\\20\\20\\21\\20\\20\\20\\21\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\$
$\begin{array}{c}1\\1\\9\\1\\9\\1\\5\\9\\1\\6\\1\\1\\8\\8\\2\\2\\5\\8\\1\\1\\1\\8\\8\\2\\2\\5\\8\\1\\1\\1\\8\\8\\2\\2\\5\\8\\1\\1\\1\\8\\8\\2\\2\\5\\8\\1\\1\\1\\1\\2\\5\\6\\5\\4\\1\\1\\1\\1\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\5\\1\\1\\2\\2\\2\\1\\1\\1\\2\\2\\2\\2$
$\begin{smallmatrix} 4 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 1 & 1 $
-9 - 6 - 3 0 - 3 - 6 - 4 - 1 - 1 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 1 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 -
777777888883344445555566666677777788888899999999
47
$\begin{array}{c} 68 \\ 56 \\ 0 \\ 71 \\ 12 \\ 13 \\ 20 \\ 231 \\ 9 \\ 56 \\ 11 \\ 25 \\ 22 \\ 28 \\ 13 \\ 54 \\ 10 \\ 15 \\ 9 \\ 44 \\ 6 \\ 35 \\ 22 \\ 28 \\ 13 \\ 54 \\ 10 \\ 15 \\ 19 \\ 51 \\ 10 \\ 10 \\ 25 \\ 22 \\ 28 \\ 11 \\ 83 \\ 11 \\ 83 \\ 11 \\ 83 \\ 11 \\ 83 \\ 11 \\ 12 \\ 57 \\ 11 \\ 12 \\ 10 \\ 11 \\ 12 \\ 11 \\ 13 \\ 11 \\ 12 \\ 12 \\ 11 \\ 12 \\ 12 \\ 11 \\ 12 \\ 12 \\ 11 \\ 12 \\ 12 \\ 12 \\ 11 \\ 12$
$\begin{array}{c} 66 \\ 8 \\ 44 \\ 9 \\ 7 \\ 18 \\ 52 \\ 6 \\ 2 \\ 51 \\ 11 \\ 60 \\ 12 \\ 23 \\ 24 \\ 11 \\ 59 \\ 9 \\ 40 \\ 9 \\ 12 \\ 23 \\ 24 \\ 11 \\ 59 \\ 9 \\ 40 \\ 9 \\ 35 \\ 12 \\ 23 \\ 40 \\ 12 \\ 23 \\ 11 \\ 10 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 24 \\ 21 \\ 22 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 22 \\ 22 \\ 26 \\ 11 \\ 21 \\ 19 \\ 20 \\ 23 \\ 21 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10$
$1\\1\\1\\1\\1\\2\\3\\2\\1\\1\\1\\2\\1\\2\\1\\1\\1\\1\\1\\1\\$

$ \begin{smallmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c} 32\\ 44\\ 42\\ 22\\ 2\\ 8\\ 8\\ 44\\ 42\\ 22\\ 2\\ 8\\ 8\\ 44\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 9\\ 9\\ 22\\ 3\\ 8\\ 8\\ 44\\ 6\\ 6\\ 6\\ 6\\ 9\\ 9\\ 22\\ 3\\ 3\\ 9\\ 9\\ 9\\ 22\\ 3\\ 23\\ 23\\ 23\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 24\\ 25\\ 25\\ 25\\ 27\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7\\ 7$
$ \begin{array}{c} 314522036542240134002513202136222242143911114010242344132191442200149276141401361472018148800131262313131513285105131618354122920223328119242242221815421922172025171914670198521213234514331599366634140132827160221323251122222223281122222222232811222222222222222222222222$
$ \begin{array}{c} 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\ 65\\$
141263038521407412963038521777778888899901001223334444555556666667777788888999901223334444550122333444455012233344445551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444551223334444555122333444455122333444455122333444455512233344445551223334444555122333444455512233344445551223334444555122333444555122333444555122333444455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344455512233344555122333444555122333444555122333445512233344455512233344555122333445551223334455512233344555122333344555122333445551223334455512233344555122333445551223334455512233344555122333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445551223333445552113324233334455522133344555221333444555012233334455522143233344555221333445552213334455522133344555221333445555555555
33152111112212212112111111173311111761521141221212121212121212212211151223222111326112232245373241111221113112111211121112111211121112
$ \begin{smallmatrix} 30 & 2 \\ 32 & 3 \\ 27 & 547 \\ 507 & 255 \\ 191 & 1 \\ 307 & 462 \\ 322 & 3243 \\ 130 & 9164 \\ 322 & 3243 \\ 130 & 9164 \\ 322 & 3243 \\ 130 & 9164 \\ 322 & 322 \\ 3243 \\ 130 & 9164 \\ 322 & 322 \\ 111 & 86 \\ 2917 & 1469 \\ 737 & 918 \\ 614 \\ 499 \\ 1469 \\ 737 & 918 \\ 614 \\ 499 \\ 1469 \\ 737 & 918 \\ 614 \\ 499 \\ 128 \\ 242 \\ 233 \\ 22 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 332 \\ 322 \\ 332 \\ 337 \\ 533 \\ 337 \\ 152 \\ 718 \\ 111 \\ 86 \\ 20 \\ 22 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 332 \\ 337 \\ 152 \\ 718 \\ 111 \\ 86 \\ 20 \\ 22 \\ 322 \\ 322 \\ 322 \\ 339 \\ 697 \\ 445 \\ 737 \\ 918 \\ 614 \\ 499 \\ 533 \\ 242 \\ 233 \\ 223 \\ 233 \\ 223 \\ 233 \\ 223 \\ 233 \\ $
$\begin{array}{c} 45\\ 3\\ 3\\ 4\\ 8\\ 30\\ 30\\ 49\\ 48\\ 27\\ 18\\ 19\\ 30\\ 22\\ 7\\ 17\\ 37\\ 10\\ 30\\ 247\\ 27\\ 27\\ 37\\ 10\\ 30\\ 247\\ 27\\ 27\\ 37\\ 10\\ 30\\ 247\\ 47\\ 15\\ 40\\ 41\\ 16\\ 10\\ 22\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 15\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 11\\ 122\\ 8\\ 22\\ 12\\ 33\\ 33\\ 44\\ 18\\ 82\\ 2\\ 33\\ 11\\ 65\\ 81\\ 12\\ 39\\ 34\\ 10\\ 12\\ 39\\ 12\\ 40\\ 12\\ 12\\ 22\\ 12\\ 39\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12$
62 62 <td< td=""></td<>
88889999910000111101223334444455555666667777777788888899999000011112233334444555566665566667778122333444455556666770122333344445555666122233344
-1 - 8 - 5 - 2 - 1 - 1 - 7 - 4 - 1 - 9 - 6 - 3 0 - 8 - 5 - 0 - 1 - 1 - 2 - 3 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 4 - 1 - 2 - 5 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 1 - 8 - 5 - 2 - 7 - 1 - 3 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 3 - 0 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 0 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 5 - 2 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 9 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 6 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 - 1 - 2 - 6 - 3 - 1 - 3 - 0 - 3 - 1 - 7 - 4 -
$\begin{array}{c} 9 \\ 7 \\ 7 \\ 5 \\ 7 \\ 7 \\ 5 \\ 7 \\ 7 \\ 6 \\ 7 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1$
$\begin{array}{c} 27\\ 1\\ 26\\ 0\\ 22\\ 1\\ 12\\ 22\\ 21\\ 6\\ 0\\ 19\\ 23\\ 4\\ 11\\ 9\\ 12\\ 22\\ 21\\ 6\\ 0\\ 19\\ 23\\ 4\\ 11\\ 9\\ 12\\ 22\\ 21\\ 6\\ 0\\ 19\\ 23\\ 4\\ 11\\ 9\\ 12\\ 22\\ 21\\ 22\\ 23\\ 10\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 22\\ 2$
$ \begin{array}{c} 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\ 60\\$
556666667777777888888999991010111112233334444455555666666677777788888899999101011111223333244445555566666777888012233344444555556666677781223334
$\begin{array}{c}25 & .9 & .6 \\ .3 & .0 & .3 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .4 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .4 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .4 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ .2 & .2 \\ .1 & .4 \\ .1 & .2 \\ $
$\begin{smallmatrix}&2&1\\&1&6&1\\&5&1&3&1\\&1&1&1\\&1&1&1\\&1&1&1&1\\&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&1&1&1&1\\&1&1&1&$
$\begin{array}{c} 10\\ 1\\ 6\\ 8\\ 80\\ 5\\ 85\\ 12\\ 2\\ 24\\ 24\\ 8\\ 32\\ 32\\ 12\\ 12\\ 8\\ 12\\ 25\\ 14\\ 80\\ 16\\ 91\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 12\\ 1$
$\begin{array}{c}11\\0\\5\\7\\7\\7\\5\\80\\14\\42\\31\\6\\24\\23\\35\\15\\7\\7\\19\\11\\52\\23\\30\\24\\24\\29\\8\\13\\29\\26\\26\\58\\92\\97\\22\\26\\6\\8\\92\\97\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\38\\29\\79\\22\\26\\26\\27\\31\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\76\\18\\18\\22\\21\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\11\\199\\16\\26\\21\\23\\21\\11\\25\\21\\16\\21\\22\\21\\21\\22\\21\\22\\21\\22\\21\\22\\21\\22\\21\\22\\21\\22\\22$
58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 58 5
55566666677777778888889999999101010111111212233344444555556666667777778888888999999101901223333444455555666666777778888991223333444455555666666777778888991223333444455555666666777778888991223333444455555666667777788889912233344445555566666777778888888899999999999999999
-3 0 3 11 8 5 -2 1 4 0 7 4 1 2 5 2 9 -6 -3 0 3 11 8 5 -2 1 -1 0 7 4 -1 2 5 9 -6 -3 0 3 11 8 5 -2 1 4 7 4 -1 2 5 9 -6 -3 0 3 -1 8 5 -2 1 4 7 4 -1 2 5 9 -6 -3 0 3 -1 8 5 -2 1 4 7 4 -1 2 5 9 -6 -3 0 3 -1 8 5 -2 1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 5 -2 1 -7 -4 -1 2 5 -9 -6 -3 0 3 -1 8 -5 -2 1 4 7 4 -1 2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 5 -2 -2 1 -7 -4 -1 2 -9 -6 -4 0 1 -1 -2 -3 0 3 -5 -2 1 4 7 -4 -1 2 -9 -6 -3 0 3 -8 -5 -2 1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 1 -4 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -6 -3 -1 -3 0 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -5 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -6 -3 0 -3 -2 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -2 -2 -2 -1 -7 -4 -1 -2 -9 -2 -2 -2 -2 -2 -2 -2
$1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\$
$\begin{smallmatrix}8&24\\23&7&9\\13&28&4\\24&25\\9&35&2\\21&19&9\\3&30&4&4\\8&35&2&2\\21&1&9&8\\3&30&4&4\\8&35&2&2\\22&1&4&4&3\\11&8&2&2&2&2\\1&4&4&3&3\\11&2&2&2&4&4\\21&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&2&4&4&4\\21&2&2&2&2&2&2&2&2&2&2&2&2&2\\22&2&2&2&2$
$\begin{array}{c}14\\25\\5\\8\\15\\0\\0\\22\\0\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\18\\1\\22\\20\\9\\25\\21\\11\\22\\20\\9\\25\\21\\11\\22\\20\\9\\25\\21\\11\\22\\20\\20\\45\\4\\7\\9\\25\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\20\\$
$ \begin{array}{c} 566\\ 566\\ 566\\ 566\\ 566\\ 566\\ 566\\ 566$
$6\ 6\ 6\ 6\ 6\ 7\ 7\ 7\ 7\ 7\ 7\ 8\ 8\ 8\ 8\ 8\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\ 9\$
-10-7-4-1-25-12-9-6-3-0-3-1-8-5-2-1-4-0-7-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-1-1-2-5-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-7-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-1-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-5-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-1-2-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-1-2-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-8-5-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-1-2-2-9-6-3-0-8-8-5-2-1-4-0-2-1-2-2-1-4-0-2-1-2-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-4-0-2-1-2-2-1-4-0-2-1-2-1-2-2-1-2-1-2-2-1-2-2-1-2-2-1-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2

-8	8	68	20	14	1	-1	7	70	37	31	1	-4	4	73	39	41	1	-1	4	76	31	31	2	0	2	82	18	14	3
-5	8	68	12	7	3	-6	8	70	34	32	1	-1	4	73	14	8	4	2	4	76	16	7	1	-2	3	82	18	10	5
-2	8	68	19	16	2	-3	8	70	12	8	3	2	4	73	29	28	1	-6	5	76	31	28	2	-1	3	83	26	23	2
1	8	68	44	42	3	-5	9	70	60	49	3	-6	5	73	21	17	1	-3	5	76	31	28	2						
-7	9	68	66	61	3	0	1	71	17	12	1	-3	5	73	54	55	1	0	5	76	53	56	1						

Leitfähigkeit:

Tabelle 51 Temperaturabhängigkeit der Leitfähigkeit für NaSO₃CF₃.

T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm ⁻¹
50	9.35E-09	151	2.94E-08	237	8.34E-06	139	2.88E-08
54	1.07E-08	156	4.42E-08	235	7.20E-06	131	1.47E-08
62	6,67E-08	160	6,62E-08	230	5,03E-06	128	3,36E-08
64	6,36E-08	166	9,59E-08	224	3,38E-06	125	1,82E-08
71	7.79E-09	170	1.25E-07	220	2.76E-06	120	8.10E-08
75	1.14E-08	177	2.13E-07	214	2.02E-06	115	3.09E-08
81	9.05E-10	181	2.50E-07	210	1.60E-06	110	2.39E-09
88	1.23E-08	184	3.04E-07	204	1,16E-06	104	3.04E-09
91	1.94E-08	191	4.57E-07	200	9.02E-07	100	2.52E-08
96	2 12E-10	195	5 73E-07	196	7 20E-07	94	1,39E-08
101	8 88E-09	200	8.58E-07	189	4 56E-07	90	1 69E-08
104	1.91E-08	205	1.09E-06	184	3.58E-07	86	9.94E-09
115	1.35E-08	211	1,57E-06	180	2 92E-07	81	3 41E-08
118	1,96E-08	214	1,90E-06	172	1 77E-07	74	2 29F-10
121	1,00E 00	221	2,90E-06	169	1,60E-07	69	1,99F-08
127	7 79E-09	226	3 76E-06	166	1,00E 07	66	2 96E-08
135	8 92E-09	230	4 98E-06	160	7.67E-08	58	5.80E-09
136	1 31E-08	233	6.45E-06	156	5 88E-08	55	7 07E-09
140	1,01E 00	200	8,40E 00	144	2 20E-08	48	1 28E-08
1/6	3 00E-08	201	0,702 00	147	2,20E 00	130	2 88E-08
140	5,00L 00			177	2,040 00	100	2,000 00
т	aballa 52 Ta	mnaraturahk	ängigkoit d	lor Loitfähid	alzait für I i	No SO CE	
			angigken c		$\frac{1}{2}$ gkent ful $L_{10,9}$	51 $a_{0,1}$ SU_3 CF_3	- / C 1
1/10	σ / Scm^2	1/10	σ / Scm^2	1/°C	σ / Scm^2	1/10	σ / Scm^2
148	3,16E-07	204	2,81E-06	242	5,66E-06	191	1,83E-06
151	4,04E-07	204	2,78E-06	240	5,16E-06	190	1,82E-06
152	4,43E-07	204	2,74E-06	238	5,64E-06	188	1,66E-06
153	3,10E-07	204	2,45E-06	237	5,74E-06	187	1,52E-06
153	3,93E-07	207	2,67E-06	238	5,72E-06	186	1,54E-06
152	2,88E-07	210	3,23E-06	238	5,52E-06	186	1,60E-06
154	3,45E-07	212	3,47E-06	237	5,11E-06	185	1,60E-06
157	5,38E-07	213	3,46E-06	235	4,98E-06	183	1,48E-06
161	8,50E-07	213	3,33E-06	233	4,76E-06	182	1,44E-06
163	8,67E-07	212	3,15E-06	231	4,52E-06	180	1,19E-06
163	9,18E-07	213	3,14E-06	229	4,67E-06	178	1,24E-06
163	8,91E-07	216	3,78E-06	228	4,68E-06	177	1,29E-06
163	7,82E-07	220	4,20E-06	228	4,55E-06	176	1,21E-06
163	6,01E-07	222	4,16E-06	228	4,44E-06	175	1,21E-06
166	8,93E-07	222	4,01E-06	226	4,14E-06	173	1,21E-06
170	1,07E-06	220	3,94E-06	224	3,88E-06	172	1,08E-06
173	1,40E-06	221	3,67E-06	222	3,79E-06	170	9,54E-07
174	1,30E-06	224	4,46E-06	220	3,78E-06	169	9,12E-07
175	1,40E-06	228	4,99E-06	219	3,76E-06	168	9,68E-07
174	1,34E-06	229	4,95E-06	219	3,69E-06	166	9,08E-07
173	1,11E-06	230	4,73E-06	218	3,56E-06	165	7,82E-07
175	1,25E-06	229	4,65E-06	216	3,40E-06	163	8,07E-07
178	1,38E-06	228	4,69E-06	214	3,23E-06	162	8,95E-07
181	1,59E-06	231	5,25E-06	212	3,09E-06	162	8,96E-07
183	1,68E-06	235	5,83E-06	211	3,06E-06	161	8,83E-07
183	1,68E-06	237	5,80E-06	210	3,07E-06	160	7,81E-07
183	1,51E-06	238	5,51E-06	210	3,04E-06	158	7,81E-07
183	1,58E-06	237	5,28E-06	209	2,93E-06	157	5,76E-07

184	1,48E-06	236	5,50E-06	207	2,78E-06	156	7,00E-07
186	1,57E-06	238	6,09E-06	205	2,65E-06	155	6,19E-07
187	1,79E-06	242	6,76E-06	203	2,47E-06	155	7,42E-07
188	1,74E-06	244	6,82E-06	203	2,44E-06	154	5,58E-07
188	1,56E-06	245	6,39E-06	202	2,47E-06	153	7,06E-07
190	1,89E-06	245	5,90E-06	202	2,47E-06	151	6,79E-07
192	2,01E-06	243	5,53E-06	201	2,40E-06	150	4,49E-07
193	2,10E-06	241	6,00E-06	199	2,28E-06	148	6,36E-07
193	1,81E-06	240	6,28E-06	197	2,17E-06	147	4,57E-07
195	1,79E-06	242	6,57E-06	195	1,99E-06	146	4,96E-07
198	2,16E-06	244	6,39E-06	193	1,88E-06	145	3,82E-07
202	2,70E-06	244	5,92E-06	192	1,74E-06		

Τt	abelle 53 Tem	peraturabh	ängigkeit der	Leitfähigk	eit für Li _{0,35}	Na _{0,65} SO ₃ CH	3.
T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}
128	4,86E-08	186	6,58E-03	227	2,30E-02	175	1,12E-02
128	4,75E-08	187	6,72E-03	229	2,39E-02	173	1,07E-02
129	5,83E-08	187	6,87E-03	230	2,45E-02	171	1,01E-02
132	7,63E-08	189	7,50E-03	233	2,67E-02	169	9,65E-03
134	8,92E-08	190	7,84E-03	235	2,72E-02	167	8,64E-03
136	9,51E-08	191	8,00E-03	237	2,83E-02	166	4,54E-03
136	9,29E-08	191	8,38E-03	236	2,97E-02	164	1,99E-06
137	1,11E-07	193	8,94E-03	236	3,19E-02	163	1,91E-06
140	1,46E-07	194	9,13E-03	236	3,34E-02	162	1,35E-06
143	1,66E-07	195	9,32E-03	235	3,34E-02	162	1,00E-06
144	1,74E-07	195	9,32E-03	233	3,13E-02	161	8,76E-07
144	1,70E-07	197	9,95E-03	231	3,14E-02	159	7,32E-07
145	1,94E-07	198	1,04E-02	229	2,88E-02	158	6,54E-07
147	2,38E-07	199	1,06E-02	226	2,70E-02	157	6,26E-07
150	2,78E-07	200	1,08E-02	224	2,59E-02	156	4,98E-07
151	2,90E-07	201	1,11E-02	221	2,61E-02	154	4,26E-07
152	2,89E-07	202	1,18E-02	219	2,50E-02	153	3,63E-07
152	3,03E-07	203	1,21E-02	221	2,49E-02	151	3,49E-07
154	3,63E-07	204	1,23E-02	215	2,41E-02	150	2,42E-07
156	4,34E-07	205	1,29E-02	213	2,42E-02	147	2,27E-07
158	4,74E-07	206	1,32E-02	211	2,21E-02	146	2,08E-07
160	3,83E-07	207	1,38E-02	209	2,22E-02	145	1,90E-07
163	6,17E-07	208	1,37E-02	207	2,13E-02	144	1,74E-07
164	5,88E-07	209	1,40E-02	205	2,09E-02	142	1,52E-07
165	6,58E-07	210	1,47E-02	203	2,01E-02	141	1,42E-07
165	8,29E-07	212	1,53E-02	201	1,92E-02	139	1,27E-07
167	8,25E-07	213	1,60E-02	199	1,85E-02	138	1,16E-07
169	1,33E-06	214	1,63E-02	197	1,77E-02	137	1,06E-07
170	1,71E-06	215	1,70E-02	195	1,74E-02	135	9,31E-08
1/1	1,52E-06	217	1,78E-02	193	1,63E-02	133	8,54E-08
173	2,00E-06	218	1,77E-02	191	1,60E-02	132	7,81E-08
1//	9,26E-06	218	1,82E-02	189	1,50E-02	131	6,97E-08
181	1,01E-03	219	1,81E-02	187	1,44E-02	129	6,25E-08
182	3,40E-03	220	1,89E-02	185	1,38E-02	128	5,45E-08
182	4,09E-03	222	2,02E-02	183	1,32E-02	126	4,77E-08
183	4,91E-03	223	2,16E-02	181	1,27E-02		
184	5,75E-03	224	2,21E-02	1/9	1,22E-02		
185	6,29E-03	225	2,25E-02	1/7	1,17E-02		

T-1-11-52 T CO CE

Tabelle 54 Temperaturabhängigkeit der Leitfähigkeit für Li_{0,16}Na_{0,84}SO₃CF_{3.}

T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}	T / °C	σ / Scm^{-1}
51	6,45E-10	159,15025	6,09E-07	85,14951	1,19E-09	224,14885	0,01883
56	8,97E-10	159,15025	6,37E-07	87,15011	1,66E-09	223,14988	0,0182
58	6,31E-10	159,15025	6,99E-07	88,15034	8,98E-10	223,14988	0,01781
59	9,97E-10	160,14982	7,30E-07	88,15034	1,49E-09	222,15001	0,01739
60	8,08E-10	161,15026	7,28E-07	90,1504	1,83E-09	221,14927	0,01684
61	1,09E-09	161,15026	6,96E-07	93,15015	1,17E-09	220,15014	0,01633
64	1,21E-09	160,14982	6,51E-07	96,14944	7,39E-10	219,1502	0,01592
67	1,94E-09	159,15025	5,95E-07	98,14978	2,25E-09	219,1502	0,01545
69	1,93E-09	158,1497	5,31E-07	99,1498	1,01E-09	218,14949	0,01494
71	2,20E-09	157,15008	4,86E-07	100,14964	1,35E-09	217,15043	0,01375
72	1,96E-09	156,14955	4,87E-07	100,14964	2,24E-09	216,15064	0,01285
72	2,00E-09	156,14955	4,76E-07	103,15055	1,82E-09	215,15015	0,01214
74	2,63E-09	155,15001	4,55E-07	106,14979	4,33E-09	214,14901	0,0114
76	3,69E-09	154,14963	4,26E-07	108,14985	4,55E-09	213,1496	0,01071
79	4,40E-09	154,14963	3,89E-07	110,15057	5,56E-09	212,14957	0,01017
81	4,69E-09	152,15018	3,40E-07	111,14997	4,89E-09	211,14896	0,00966
83	4,45E-09	151,14937	3,04E-07	111,14997	4,45E-09	210,15014	0,00919
84	4,65E-09	150,14967	2,71E-07	112,15015	6,94E-09	210,15014	0,00869

84	4,65E-09	148,15016	2,49E-07	115,15054	9,01E-09	209,15078	0,00825
86	6,09E-09	147,15041	2,38E-07	118,15061	1,18E-08	208,15091	0,00785
88	7,80E-09	146,15013	2,18E-07	120,14976	1,25E-08	207,15058	0,00745
91	9,31E-09	145,14935	2,04E-07	121,14925	1,33E-08	206,1498	0,00707
93	9,92E-09	144,14987	1,82E-07	122,15071	1,30E-08	205,15089	0,00674
94	9,89E-09	143,14995	1,59E-07	122,15071	1,39E-08	204,14932	0,0064
95	9,86E-09	141,1507	1,45E-07	123,14943	1,91E-08	203,14966	0,00611
95	1,08E-08	140,14973	1,30E-07	126,15061	2,48E-08	202,14967	0,00578
98	1,48E-08	138,1504	1,14E-07	129,1507	2,91E-08	201,14938	0,00545
100	1,90E-08	137,1504	1,04E-07	131,14981	3,10E-08	200,15104	0,00521
103	2,21E-08	136,15024	9,51E-08	132,15027	3,20E-08	199,15022	0,00497
105	2,25E-08	135,14994	8,69E-08	132,15027	3,03E-08	198,14918	0,0047
105	2,20E-08	134,14955	7,95E-08	132,15027	3,16E-08	197,15017	0,00445
106	2,14E-08	132,15027	6,64E-08	133,15075	4,41E-08	196,15098	0,00424
106	2,58E-08	131,14981	5,94E-08	136,15024	5,80E-08	195,14945	0,00404
109	3,45E-08	130,1494	4,62E-08	136,15024	5,68E-08	194,15001	0,00381
111	4,22E-08	128,1505	5,33E-08	139,15019	6,44E-08	193,15048	0,00363
114	4,70E-08	127,15046	4,76E-08	140,14973	7,33E-08	192,15089	0,00349
115	4,91E-08	125,1494	4,36E-08	141,1507	6,93E-08	191,14912	0,00332
116	4,90E-08	124,15005	3,90E-08	141,1507	6,73E-08	190,14951	0,00314
116	4,68E-08	123,14943	3,57E-08	141,1507	7,65E-08	189,14992	0,00296
117	5,11E-08	122,15071	3,19E-08	143,14995	1,04E-07	188,15039	0,00284
119	6,71E-08	120,14976	2,73E-08	145,14935	1,32E-07	187,15093	0,00272
121	8,40E-08	119,15071	2,44E-08	148,15016	1,53E-07	186,14947	0,00258
124	9,57E-08	117,14951	2,13E-08	150,14967	1,63E-07	185,15026	0,00243
125	1,00E-07	116,15048	1,86E-08	151,14937	1,60E-07	184,14913	0,0023
126	9,97E-08	114,14973	1,71E-08	151,14937	1,54E-07	183,15027	0,00221
127	9,72E-08	113,14959	1,49E-08	151,14937	1,66E-07	182,14956	0,00212
127	7,21E-08	111,14997	1,27E-08	152,15018	2,17E-07	182,14956	0,00201
128	9,48E-08	110,15057	1,17E-08	154,14963	2,76E-07	181,14911	0,00187
130	1,16E-07	109,15051	1,02E-08	157,15008	3,23E-07	171,15032	1,52E-06
133	1,45E-07	107,15008	9,12E-09	159,15025	3,44E-07	169,1492	5,06E-07
135	1,51E-07	106,14979	7,78E-09	160,14982	3,44E-07	168,15052	4,25E-07
136	1,54E-07	104,1507	6,97E-09	160,14982	3,27E-07	167,15053	3,70E-07
136	1,54E-07	103,15055	5,95E-09	160,14982	3,35E-07	165,15065	3,26E-07
136	1,51E-07	101,15068	5,46E-09	161,15026	4,41E-07	164,15083	3,11E-07
137	1,89E-07	100,14964	4,66E-09	163,14984	5,86E-07	164,15083	3,09E-07
139	2,43E-07	98,14978	4,17E-09	166,14928	7,12E-07	163,14984	2,95E-07
142	2,90E-07	97,14965	3,56E-09	169,1492	7,89E-07	163,14984	2,73E-07
144	3,23E-07	96,14944	3,33E-09	170,15045	8,06E-07	162,14965	2,47E-07
145	3,30E-07	94,15033	2,66E-09	171,15032	7,77E-07	161,15026	2,18E-07
146	3,22E-07	93,15015	2,79E-09	171,15032	7,23E-07	160,14982	1,88E-07
146	3,07E-07	92,15008	2,28E-09	170,15045	7,87E-07	158,1497	1,66E-07
146	3,45E-07	90,1504	2,14E-09	172,15075	1,03E-06	157,15008	1,52E-07
148	4,32E-07	89,14958	1,95E-09	174,1492	1,29E-06	156,14955	1,45E-07
150	5,29E-07	88,15034	1,45E-09	177,15035	1,46E-06	155,15001	1,37E-07
152	5,91E-07	87,15011	1,39E-09	179,14906	1,56E-06	154,14963	1,18E-07
154	6,30E-07	85,14951	1,61E-09	179,14906	1,55E-06	153,15029	1,06E-07
155	6,29E-07	84,15051	1,25E-09	179,14906	1,52E-06	151,14937	9,66E-08
156	5,99E-07	83,14945	9,96E-10	180,15099	1,71E-06	150,14967	8,42E-08
155	5,60E-07	82,15021	9,54E-10	181,14911	2,05E-06	148,15016	6,72E-08
155	5,87E-07	81,15029	1,18E-09	183,15027	2,46E-06	147,15041	6,40E-08
156	6,57E-07	80,14974	6,64E-10	183,15027	2,72E-06	146,15013	5,43E-08
157	7,18E-07	79,14987	9,62E-10	184,14913	3,28E-06	144,14987	5,25E-08
158	7,68E-07	78,14949	8,60E-10	186,14947	4,38E-06	143,14995	5,02E-08
159	7,49E-07	77,14986	6,69E-10	187,15093	5,54E-06	142,14964	4,41E-08
159	7,15E-07	76,14982	3,21E-10	188,15039	7,08E-06	141,1507	3,86E-08
159	6,67E-07	75,14941	6,28E-10	189,14992	9,55E-06	139,15019	3,41E-08
158	6,24E-07	75,14941	6,00E-10	190,14951	1,21E-05	137,1504	3,02E-08
158	6,54E-07			191,14912	1,61E-05	136,15024	2,77E-08
158	7,17E-07			193,15048	2,29E-05	135,14994	2,44E-08
159	7,66E-07			194,15001	3,15E-05	133,15075	2,19E-08

160	7,64E-07	195,14945	4,37E-05	132,15027	2,00E-08
160	7,47E-07	196,15098	6,74E-05	131,14981	1,66E-08
160	6,97E-07	197,15017	9,91E-05	129,1507	1,54E-08
159	6,52E-07	198,14918	1,54E-04	128,1505	1,27E-08
158	6,39E-07	200,15104	2,34E-04	126,15061	1,13E-08
158	6,84E-07	201,14938	3,50E-04	124,15005	1,07E-08
159	7,32E-07	204,14932	1,10E-03	123,14943	9,47E-09
160	7,47E-07	205,15089	1,56E-03	122,15071	8,33E-09
160	7,30E-07	206,1498	2,17E-03	120,14976	6,92E-09
160	6,97E-07	207,15058	2,98E-03	118,15061	6,38E-09
159	6,52E-07	208,15091	4,01E-03	117,14951	5,12E-09
159	6,23E-07	209,15078	5,15E-03	115,15054	4,48E-09
158	6,69E-07	210,15014	5,88E-03	113,14959	3,50E-09
159	7,32E-07	211,14896	6,30E-03	112,15015	4,21E-09
160	7,47E-07	212,14957	6,70E-03	110,15057	3,69E-09
160	7,47E-07	213,1496	7,14E-03	109,15051	2,75E-09
160	7,13E-07	214,14901	7,63E-03	107,15008	2,05E-09
160	0,00E-07	215,15015	8,19E-03	105,15047	1,81E-09
159	0,23E-07	210,10004	0,000-03	104,1507	1,75E-09
159	0,52E-07	217,13043	9,000-00	102,15000	1,44E-09
109	7,15E-07	210,14949	1,02E-02	101,15066	2,23E-09
160	7,47 - 07	219,1502	1,000-02	99,1490	1,202-09
161	7,472-07	220,15014	1,15E-02		
160	6 81 F-07	221,14927	1,21L-02		
160	6,01E 07 6,21E-07	222,10001	1 34E-02		
159	6 23E-07	223,14900	1 39E-02		
159	6 83F-07	223 14988	1 43E-02		
160	7.30E-07	224,14885	0.01474		
160	7.47E-07	224,14885	0.01498		
161	7.45E-07	224.14885	0.01528		
161	6,96E-07	224,14885	0,01552		
160	6,51E-07	224,14885	0,01572		
		225,14938	0,01592		
		225,14938	0,01607		
		225,14938	0,01625		
		225,14938	0,01637		
		225,14938	0,0165		
		225,14938	0,01663		
		225,14938	0,01673		
		225,14938	0,01685		
		225,14938	0,01697		
		225,14938	0,01707		
		225,14938	0,01716		
		225,14938	0,01727		
		225,14938	0,01737		
		220,14930	0,01740		
		220,14930	0,01754		
		225,14950	0,01704		
		225,14950	0,01772		
		225,14930	0,01788		
		225,14938	0.01796		
		225,14938	0.01805		
		225.14938	0.01812		
		225,14938	0,0182		
		225,14938	0.01827		
		225,14938	0,01831		
		225,14938	0,0184		
		225,14938	0,01844		
		225,14938	0,01852		
		225,14938	0,01856		

225,14938	0,01863
225,14938	0,01869
225,14938	0,01875
225,14938	0,0188
225,14938	0,01886
225,14938	0,0189
225,14938	0,01896
225,14938	0,019
225,14938	0,01906
225,14938	0,0191
225,14938	0,01914
225,14938	0,01917
225,14938	0,01923
225,14938	0,01926
225,14938	0,0193
225,14938	0,01934

Liste der aus dieser Arbeit hervorgegangenen Publikationen:

 Sofina, N., Peters, E.M., Jansen, M.: Kristallstrukturanalyse und Natriumionenleitung von wasserfreiem α-Natriumtrifluoromethylsulfonat, Z. Anorg. Allg. Chem., 2003, 629 (7-8), 1431.

2. van Wüllen, L., Sofina, N., Jansen, M.: Cation Mobility and Anion Reorientation in Sodium Trifluoromethylsulfonate, NaSO₃CF₃, Chem. Phys. Chem., 2004, 5, 1906.

3. Dinnebier, R.E., Sofina, N., Jansen, M.: The Structure of the High Temperature Modification of Lithium Triflate (γ-LiSO₃CF₃), Z. Anorg. Allg. Chem., 2004, 630, 1613.

4. Sofina, N., Dinnebier, R., Jansen, M.: The Crystal Structure of Disodium Phosphonate, Na₂HPO₃, Z. Anorg. Allg. Chem., 2005, 631, 2994.

 Dinnebier, R., Sofina, N., Hildebrandt, L., Jansen, M.: Crystal Structures of the Trifluoromethyl Sulfonates M(SO₃CF₃)₂ (M = Mg, Ca, Ba, Zn, Cu) from Synchrotron X-Ray Powder Diffraction Data, Acta Crystallogr. B, 2006, submitted.

6. van Wüllen, L., Sofina, N., Hildebrandt, L., Mühle, C., Jansen, M.: NMR studies of cationic transport in crystalline ion conductors, Solid State Ionics, 2006, submitted.

Lebenslauf

Name	Natalia Sofina
Geburtstag	15. August 1978
Geburtsort	Frjazino, Moskau Gebiet, Russland
Hauptwohnsitz	Elisabethstr. 8a, 84489 Burghausen
Staatsangehörigkeit	Russisch
Familienstand	Verheiratet seit 05.08.2000; eine Tochter (geb. 06.03.2001)
1985-1995	Mittelschule in Frjazino
September 1995 -	Studentin der Moskauer Lomonosow-Universität, Fakultät
Januar 2001	für Materialwissenschaft
Januar 2001	Diplomarbeit bei Dr. Beklemishev, Thema: Anwendungen
	kupfer- oder chromkatalysierter Redoxreaktionen für
	sorptionskatalytische Nachweise von Metallen und
	organischen Verbindungen
Februar 2000	IV-Sommer Schule für junge Wissenschaftler und
	Spezialisten (JINR, Dubna, Russland)
Februar – Juni 2000	Praktikum am Neutronreaktor in JINR (Dubna, Russland)
April 2001-September 2005	Doktorandin am Max-Planck-Institut für
	Festkörperforschung, Stuttgart

Hiermit versichere ich an Eides Statt, dass ich die vorliegende Arbeit selbständig verfasst und die verwendeten Hilfsmittel angegeben habe.

Stuttgart, im Mai 2006

Natalia Sofina